

Öklid'in Öğelerinin 13 Kitabından Birinci Kitap

Öğelerin 13 Kitabından Birinci Kitap

Öklid'in Yunanca metni
ve

Özer Öztürk & David Pierce'in çevirdiği Türkçesi

Düzeltilmiş 3. baskı
19 Eylül 2013

Matematik Bölümü
Mimar Sinan Güzel Sanatlar Üniversitesi
İstanbul
<http://mat.msgsu.edu.tr/>

Bu çalışma
Creative Commons Attribution-Gayriticari-ShareAlike 3.0
Unported Lisansı ile lisanslı.
Lisansın bir kopyasını görebilmek için,
<http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/>
adresini ziyaret edin ya da mektup atın:
Creative Commons,
444 Castro Street, Suite 900,
Mountain View, California, 94041, USA.

cc BY: Özer Öztürk & David Pierce

ozer.ozturk@msgsu.edu.tr

dpierce@msgsu.edu.tr

Önsöz

Bu kitapta, Öklid'in *Öğeler*'inin birinci kitabının orijinal Yunanca metni ve paralel Türkçe çeviri birlikte sunulmuştur. Kitabımız, Mimar Sinan Güzel Sanatlar Üniversitesi'nin Matematik Bölümü'nde bir birinci sınıf lisans dersi için hazırlanmıştır.

Kitabın birinci baskısı, 2011 Güz döneminde, ve ikinci baskısı, 2012 Güz döneminde kullanılmış ve fark edilen hatalar düzeltilmiştir.

İlk dersin öğretmenleri, Özer Öztürk ve David Pierce oldu; sonraki dersin öğretmenleri, Ahmet Bakkaloğlu, Ayhan Günaydın, Özer Öztürk ve David Pierce oldu.

Kitabın ilk iki baskısında, İngilizce çevirisi de vardı. Bu üçüncü baskıya İngilizce çeviriyi almadık.

Buradaki Yunanca metin, Heiberg'indir [3]. Kitabının kopyası, internet'te bulunabilir, mesela Wilbour Hall¹ ve European Cultural Heritage Online (ECHO)² sitelerinde. Aslında L^AT_EX elektronik dosyamız için Fitzpatrick'in L^AT_EX kaynağını [6] kullanmıştık. Ama Fitzpatrick'in dosyasındaki metni Heiberg'in kitabından nasıl aldığımız bilmiyoruz, ve bu metinde birkaç hataları fark ettik.³ Bu hatalar, Project Perseus sitesinde bulunmamaktadır.⁴

Project Perseus sitesinden çok faydalandık. Güler Çelgin'in [2] sözlüğü de yararlıydı. Kullandığımız Yunanca font, Greek Font Society (Yunan Font Derneği) tarafından sağlanan "NeoHellenic" fontudur.

¹<http://www.wilbourhall.org>

²<http://echo.mpiwg-berlin.mpg.de/home>

	Fitzpatrick		Heiberg			
	satır	sayfa	sayfa	satır		
5 (ε')	ilk	11	τρός	πρός	20	2
17 (ιζ')	2	21	πάντη	πάντη	44	10
17 (ιζ')	son	22	πάντη	πάντη	44	24
36 (λς')			δια	διά	88	4
36 (λς')			δια	διά	88	20
38 (λη')	7	39	δια	διά	90	17

⁴<http://www.perseus.tufts.edu/>

İçindekiler

Giriş	6
Όροι // Hudutlar	11
Αιτήματα // Postulatlar	16
Κοινάί έννοιαι // Ortak kavramlar	17
Önermeler	18
1. Önerme	18
2. Önerme	20
3. Önerme	22
4. Önerme	24
5. Önerme	28
6. Önerme	32
7. Önerme	34
8. Önerme	36
9. Önerme	40
10. Önerme	42
11. Önerme	44
12. Önerme	46
13. Önerme	48
14. Önerme	50
15. Önerme	52
16. Önerme	54
17. Önerme	56
18. Önerme	58
19. Önerme	60
20. Önerme	62
21. Önerme	64
22. Önerme	68
23. Önerme	70

24. Önerme	72
25. Önerme	76
26. Önerme	78
27. Önerme	84
28. Önerme	86
29. Önerme	88
30. Önerme	90
31. Önerme	92
32. Önerme	94
33. Önerme	96
34. Önerme	98
35. Önerme	102
36. Önerme	104
37. Önerme	106
38. Önerme	108
39. Önerme	110
40. Önerme	112
41. Önerme	114
42. Önerme	116
43. Önerme	118
44. Önerme	120
45. Önerme	124
46. Önerme	128
47. Önerme	130
48. Önerme	134

Fiiller Sözlüğü	136
------------------------	------------

Edatlar Sözlüğü	138
------------------------	------------

Kaynakça	139
-----------------	------------

Giriş

Bildiğimiz kadarı ile, aşağı yukarı bir yüzyıl önceye kadar, en azından Dünyanın Hristiyan ve Müslüman yerlerinde, her matematikçi matematiği Öklid'den öğrendi. Bizce matematik öğrencileri, hâlâ Öklid'i okumalıdır. *Öğeler* eseri, dünyanın ilk matematik dizgesidir.

Her kitap gibi, Öklid'in *Öğeler*'i mükkemol olmayabilir. Yapısında hatalar varsa, öğrenci onları düzelterek öğrensin. Bugünkü “analitik” geometri ders kitapları, mantık açısından düzensiz olabilir, ama *Öğeler*'in birinci kitabının yardımıyla düzeltilebilir.

Metnimiz

Öklid'in *Öğeler*'inin birinci kitabı, burada iki sütun halinde sunuluyor: sol sütunda orijinal Yunanca metin, ve sağında bir Türkçe çevirisi yer alıyor.

Öklid'in *Öğeler*'i, her biri **önermelere** bölünmüş olan 13 kitaptan oluşur. Bazı kitaplarda **tanımlar** da vardır. Birinci kitap ayrıca **postülatları** ve **ortak kavramları** da içerir. Bu baskıda Yunanca metnin her önermesinin her cümlesi öyle birimlere bölünmüştür ki

- 1) (hemen hemen) her birim bir satıra sığar,
- 2) her birim cümle içinde bir rol oynar,
- 3) her birimin tam Türkçe çevirisi vardır.

Her birimin çevirisi, orijinalinin yanında yer alır. Bazen ortaya çıkan Türkçe cümleler, biraz tuhaf gelebilir. Bu durumda, daha akıcı ifadeler bulmak okuyucuya bırakılmıştır.

Öğeler'in her önermesinin yanında, çoğu noktanın (ve bazı çizgilerin) harflerle isimlendirildiği, bir çizgi ve noktalar resmi yer alır. Bu resim **harfli diagramdır**. Her önermede diagramı kelimelerin *sonuna* yerleştiriyoruz. Reviel Netz'e göre orijinal ruloda diagram burada yer alırdı ve böylece okuyan önermeyi okumak için ruloyu ne kadar açması gerektiğini bilirdi [7, p. 35, n. 55]. Bu baskıda bir önerme iki sayfaya sığmazsa, diagramı tekrarlanır.

Öklid'in yazdıkları, çeşitli süzgeçlerden geçerek bize ulaşmıştır. *Öğeler*'in M.Ö. 300 civarında yazılmış olması gerekir. Bizim kullandığımız 1883'te yayımlanan Heiberg [3] versiyonu, 10. yüzyılda yazılmış ve Vatikan'da bulunmuş bir elyazmasına dayanmaktadır.

Dili ve alfabesi

Öklid'in kullandığı dil, Antik Yunancadır. Bu dil, İngilizce ve Farsça gibi, Hint-Avrupa dilleri ailesindedir. Türkçe, bu aileden değildir; fakat bazı yönlerden Türkçe, Yunancaya, İngilizceden daha yakındır. Örneğin Türkçe ve Yunanca, adlar ve fiiller çeker. İngilizce ve Türkçenin günümüz bilimsel terminolojisinin kökleri genellikle Yunancadır.

Yunan alfabesinin aşağıdaki 24 numaralı sayfada verilen 24 harfini ezberlemenizi tavsiye ederiz. Bu kitapta her önermenin sadece bir diagramı vardır, ve harfleri Yunan alfabesinden alınmıştır. Matematikçiler, bu harfleri her zaman kullanırlar.

Öğelerin ve önermelerinin analizi

Öğeler'in her önermesi bir **problem** veya bir **teorem** olarak anlaşılabilir. M.S. 320 civarında (yani Öklid'den 6 yüzyıl sonra) yazan İskenderiyeli Pappos bu ayrımı aşağıdaki gibi tarif ediyor:⁵

Οἱ τὰ ἐν γεωμετρίας ζητούμενα βουλόμενοι
τεχνικώτερον διακρίνειν,
πρόβλημα μὲν ἀξιοῦσι καλεῖν ἐφ' οὗ προ-
βάλλεται τι ποιῆσαι καὶ κατασκευάσαι,

θεώρημα δὲ ἐν ᾧ τινῶν ὑποκειμένων τὸ
ἐπόμενον αὐτοῖς καὶ πάντως ἐπισυμβαῖνον
θεωρεῖται,

τῶν παλαιῶν τῶν μὲν προβλήματα πάντα,
τῶν δὲ θεωρήματα εἶναι φασκόντων.

Geometri arařtırmalarında daha usta
bir ayrıştırma yapmak isteyenler,
bir şeyin yapılmasını veya inşa edilme-
sini *öneren* bir [önerme]ye **problem**
demeyi uygun görüyorlar,
ve belirli varsayımların eşitliklerinin ve
zorunlu sonuçlarının incelendiği bir
[önerme]ye, **teorem** [demeyi uygun
görüyorlar];
ama antiklerin bazıları [önermelerin]
tümünün problem, bazıları da teorem
olduğunu söylemiştir.

⁵Pappos'tan yapılan alıntı, onun *Toplama* eserinin üçüncü kitabının [8, s. 30] girişin-
den alınmıştır. Alıntı, [12, pp. 566–567] kaynağında da bulunabilir.

Bir problem bir şey yapmayı önerir; bir teorem bir şey inceler. Pappos, *problem* ve *teorem* kelimelerinin etimolojisini amıştırıyor:

πρόβλημα	problem	θεώρημα	teorem
προβαλλ-	öner-	θεωρε-	incele-

Bizim *önerme* sözcüğümüz, Yunanca’da bulunmamaktadır, ama etimoloji açısından πρόβλημα adı gibidir. Yunan θεωρε- fiili, anlamı “bak-” olan θεα- fiilinden türenmiştir. Bu son fiilden θεάτρον “tiyatro” gelmiştir.

İster bir problem, ister bir teorem olsun, bir önermenin metni altı parçaya kadar ayrılıp analiz edilebilir. M.S. beşinci yüzyılda (yani Öklid’den 7 yüzyıl sonra) Proklos bu parçaları ve bu analizi anlatmıştır.⁶

πᾶν δὲ πρόβλημα καὶ πᾶν θεώρημα τὸ ἐκ
τελείων τῶν ἑαυτοῦ μερῶν συμπληρωμέν-
ον βούλεται πάντα ταῦτα ἔχειν ἐν ἑαυτῷ·
[i] πρότασιν, [ii] ἔκθεσιν,
[iii] διορισμόν, [iv] κατασκευήν,
[v] ἀπόδειξιν, [vi] συμπέρασμα.
τούτων δὲ

ἡ μὲν **πρότασις** λέγει, τίνος δεδομένου τί
τὸ ζητούμενόν ἐστιν.
ἡ γὰρ τελεία πρότασις ἐξ ἀμφοτέρων ἐστίν.

ἡ δ’ **ἔκθεσις** αὐτὸ καθ’ αὐτὸ τὸ δεδομένον
ἀποδιαλαβοῦσα προευντρεπίζει τῇ ζητήσει.

ὁ δὲ **διορισμός** χωρὶς τὸ ζητούμενον, ὅτι
ποτέ ἐστίν, διασαφεῖ.

ἡ δὲ **κατασκευή** τὰ ἐλλείποντα τῷ
δεδομένῳ πρὸς τὴν τοῦ ζητουμένου θήραν
προστίθῃσιν.

ἡ δὲ **ἀπόδειξις** ἐπιστημονικῶς ἀπὸ τῶν ὁμο-
λογηθέντων συνάγει τὸ προκείμενον.

τὸ δὲ **συμπέρασμα** πάλιν ἐπὶ τὴν πρότασιν

Bütün parçalarıyla donatılmış her
problem ve her teorem aşağıdaki tüm
parçaları içermek ister:

- (1) *bildirme*, (2) *açıklama*,
- (3) *belirtme*, (4) *düzenleme*,
- (5) *gösterme*, ve (6) *bitirme*.

Bunlardan da:

1. **Bildirme**, hangi verilenden hangi [sonucun] arandığını söyler. Zira tam bir bildirme, bu iki parçanın ikisini de içerir.
2. **Açıklama**, verileni ayrıca ele alarak bunu araştırmada kullanmak üzere hazırlar.
3. **Belirtme**, arananın ayrıca ne olduğunu net bir şekilde gösterir.
4. **Düzenleme**, aranayı avlamak için veriledeki eksikleri yerleşmiştir.
5. **Gösterme**, [elimizde] bulunanları bilimsel olarak kabul edilen [ilkeler]e göre birleştirir.
6. **Bitirme**, gösterilmiş olanı onayla-

⁶Verilen alıntının Yunancası, [9, s. 203] kaynağından alınmıştır. Bu kitabın İngilizce [10] çevirisi vardır. Verilen alıntının İngilizcesi, [5, s. xxiii] bulunmuştur. Proklos Bizans (şimdi İstanbul) doğumludur, ama aslında Likyalıdır, ve ilk eğitimini Ksantos’ta almıştır. Felsefe öğrenmek için İskenderiye’ye ve sonra da Atina’ya gitmiştir [10, s. xxxix].

ἀναστρέφει βεβαιοῦν τὸ δεδειγμένον.
καὶ τὰ μὲν σύμπαντα μέρη τῶν τε προ-
βλημάτων καὶ τῶν θεωρημάτων ἔστι τος-
αὔτα·

τὰ δὲ ἀναγκαϊότατα καὶ ἐν πᾶσιν ὑπάρχον-
τα πρότασις καὶ ἀπόδειξις καὶ συμπέρασμα.

arak bildirmeye geri döner.

Bunlar, problemlerin ve teoremlerin
bütün parçalarıdır.

En zorunlu olan ve her [önerme]de bu-
lunan [parçalar], bildirme, gösterme,
ve bitirmedir.

Biz de Proklos'un analizini aşağıdaki anlamıyla kullanacağız:

1. *Bildirme*, bir önermenin, harfli diagrama gönderme yapmayan, genel beyandır. Bu beyan, bir doğru veya üçgen gibi bir nesne hakkındadır.
2. *Açıklama*, bu nesneyi harfler aracılığıyla diagramda işaret eder. Bu nesnenin varlığı üçüncü tekil emir kipinde bir fiil ile oluşturulur.
3. *Belirtme*,
 - a) bir *problemde*, nesne ile ilgili ne yapılacağını söyler ve δεῖ δὴ kelimeleriyle başlar (burada δεῖ, “gereklidir”, δὴ ise “o halde” anlamındadır);
 - b) bir *teoremdede*, nesneyle ilgili neyin ispatlanacağını söyler ve “diyorum ki” anlamına gelen λέγω ὅτι kelimeleriyle başlar. Aynı ifade, bir *problemde* de belirtmeye ek olarak, göstermenin başında ve düzenlemenin sonunda görülebilir.
4. *Düzenleme* varsa, ikinci kelimesi γάρ olur. Bu kelime, onaylayıcı bir zarf ve sebep belirten bir bağlaçtır. Bunu “zira” olarak çevirdik ve cümlelerin birinci kelimesi yaptık.
5. *Gösterme*, genellikle ἐπεὶ (“çünkü, olduğundan”) ilgeciyle başlar.
6. *Bitirme*, bildirmeyi tekrarlar ve genellikle ἄρα (“böylece”) ilgecini içerir. Tekrarlanan bildirmeden sonra bitirme aşağıdaki iki kalıptan biriyle sonlanır:
 - a) ὅπερ ἔδει ποιῆσαι “yapılması gereken tam buydu” (problemlerde; Latincesi *quod erat faciendum* veya QEF);
 - b) ὅπερ ἔδει δεῖξαι “gösterilmesi gereken tam buydu” (teoremlerde; Latincesi *quod erat demonstrandum* veya QED).

büyük	küçük	okunuş	isim
A	α	a	alfa
B	β	b	beta
Γ	γ	g	gamma
Δ	δ	d	delta
E	ϵ	e (kısa)	epsilon
Z	ζ	z (ds)	zeta
H	η	ê (uzun e)	eta
Θ	θ	th	theta
I	ι	i	iota (yota)
K	κ	k	kappa
Λ	λ	l	lambda
M	μ	m	mü
N	ν	n	nü
Ξ	ξ	ks	ksi
O	\omicron	o (kısa)	omikron
Π	π	p	pi
P	ρ	r	rho (ro)
Σ	σ, ς	s	sigma
T	τ	t	tau
Y	υ	y, ü	üpsilon
Φ	ϕ	f	phi
X	χ	h (kh)	khi
Ψ	ψ	ps	psi
Ω	ω	ô (uzun o)	omega

Yunan alfabesi

“Οροι // Hudutlar

Σημεῖόν ἐστιν,
οὗ μέρος οὐθέν.

[1] Bir **nokta**,
hiçbir parçası olmayandır.

Γραμμὴ δὲ
μῆκος ἀπλατές.

[2] Ve bir **çizgi**,
genişliksiz uzunluktur.

Γραμμῆς δὲ
πέρατα σημεῖα.

[3] Ve bir çizginin
sınırları, noktadır.

Εὐθεῖα γραμμὴ ἐστιν,
ἥτις ἐξ ἴσου
τοῖς ἐφ’ ἑαυτῆς σημείοις
κεῖται.

[4] Bir **doğru** çizgi,
eşit olarak
üzerindeki noktalara göre
oturandır.⁷

Ἐπιφάνεια δὲ ἐστιν,
ὁ μῆκος καὶ πλάτος μόνον
ἔχει.

[5] Ve bir **yüzey**,
sadece uzunluğu ve genişliği
olandır.

Ἐπιφανείας δὲ
πέρατα γραμμαί.

[6] Ve bir yüzeyin
sınırları, çizgidir.

Ἐπίπεδος ἐπιφάνειά ἐστιν,
ἥτις ἐξ ἴσου
ταῖς ἐφ’ ἑαυτῆς εὐθείαις
κεῖται.

[7] Bir **düzlem** yüzeyi,
eşit olarak
üzerindeki doğrulara göre
oturandır.

⁷Lucio Russo’ya [11, s. 322–4] göre bu tanım ve buradaki başka tanımlar, *Heron’un Tanımları* (*Heronis Definitiones*) adlı kitabından Öklid’in *Öğeler*’ine eklenmiştir. *Heron’un Tanımları*’nda Εὐθεῖα μὲν οὖν γραμμὴ ἐστιν ἥτις ἐξ ἴσου τοῖς ἐπ’ αὐτῆς σημείοις κεῖται ὀρθῆ οὔσα καὶ οἷον ἐπ’ ἄκρον τεταμένη ἐπὶ τὰ πέρατα “Bir doğru çizgi, eşit olarak üzerindeki noktalara göre düz ve uçlarından en fazla gerilmiş oturandır” (*A straight line is a line that equally with respect to [all] points on itself lies straight and maximally taught between its extremities*) metni bulunmuştur.

Ἐπίπεδος δὲ γωνία ἐστὶν
ἢ ἐν ἐπιπέδῳ
δύο γραμμῶν ἀπτομένων ἀλλήλων
καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων
πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν
κλίσις.

Ὅταν δὲ αἱ περιέχουσαι τὴν γωνίαν
γραμμαὶ
εὐθεῖαι ᾧσιν,
εὐθύγραμμος καλεῖται ἡ γωνία.

Ὅταν δὲ εὐθεῖα
ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα
τὰς ἐφεξῆς γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ,
ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστί,
καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα
κάθετος καλεῖται,
ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν.

Ἀμβλεῖα γωνία ἐστὶν
ἢ μείζων ὀρθῆς.

Ὅξεῖα δὲ
ἢ ἐλάσσων ὀρθῆς.

Ὅρος ἐστίν,
ὃ τινὸς ἐστί πέρας.

Σχημά ἐστί
τὸ ὑπὸ τινος ἢ τινων ὅρων
περιεχόμενον.

[8] Ve bir **düzlem açısı**,
bir düzlemde
iki çizgi birbirine dokununca
ve bir doğru üzerinde oturmayınca
çizgilerin birbirine göre
eğimidir.

[9] Ve ne zaman açığı içeren
çizgiler
doğru olursa
açığa **düzkenar** denir.

[10] Ve ne zaman bir doğru,
bir doğrunun üzerine dikilmiş,
bitişik açıları
birbirine eşit yaparsa,
eşit açılardan her biri, **diktir**,
ve dikilmiş doğruya
dikey denir
üzerine dikildiği [doğru]ya.⁸

[11] Bir **geniş açı**,
dik [açı]dan büyük olandır.⁹

[12] Ve bir **dar açı**,
dik [açı]dan küçük olandır.

[13] Bir **hudut**,
herhangi bir şeyin sınırı olandır.

[14] Bir **figür**,
bir hudut veya hudutlar tarafından
içerilendir.

⁸Bu tanım, 11. ve 12. önermelerde alıntılanır.

⁹Atatürk'ün *Geometri* kitabına [1, ¶37, s. 15] göre öyle bir açı, **oput açıdır**.

Κύκλος ἐστὶ
σχῆμα ἐπίπεδον
ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον
[ἢ καλεῖται περιφέρεια],
πρὸς ἣν
ἄφ' ἑνὸς σημείου
τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμένων

πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι
[πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν]
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

Κέντρον δὲ τοῦ κύκλου
τὸ σημεῖον καλεῖται.

Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν
εὐθεῖά τις
διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη
καὶ περατουμένη
ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη
ὑπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφέρειας,
ἣτις καὶ
δίχα τέμνει τὸν κύκλον.

Ἡμικύκλιον δὲ ἐστὶ
τὸ περιεχόμενον σχῆμα
ὑπὸ τῆς διαμέτρου
καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς
περιφέρειας.
κέντρον δὲ τοῦ ἡμικυκλίου τὸ αὐτό,
ὃ καὶ τοῦ κύκλου ἐστὶν.

Σχήματα εὐθύγραμμά ἐστι
τὰ ὑπὸ εὐθειῶν περιεχόμενα,
τρίπλευρα μὲν τὰ ὑπὸ τριῶν,
τετράπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ τεσσάρων,
πολύπλευρα δὲ
τὰ ὑπὸ πλειόνων ἢ τεσσάρων

[15] Bir **daire**,
düzlemdeki bir figürdür
bir çizgiye içirilen
[bu çizgiye **çevre** denir]
öyle ki [bu çizginin üzerine]
bir noktastan
(figürün içerisinde oturan noktala-
rın)

tüm düşen doğrular,
[çevrenin üzerine]
birbirine eşittir.

[16] Ve dairenin **merkezi**
denir o noktaya.

[17] Ve bir dairenin bir **çapı**,
herhangi bir doğrudur
dairenin merkezinden ilerletilmiş
ve sınırlandırılan
her iki tarafta
dairenin çevresi tarafından;
ve [böyle bir doğru,
daireyi ikiye böler.

[18] Bir **yarıdaire**,
içirilen figürdür
hem bir çap
hem onun ayırdığı
çevre tarafından.
Ve yarıdairenin merkezi aynıdır
daireninkiyle.

[19] **Düzkenar figürler**,
doğrularca içirilendir:
üçkenar figürler üç,
dörtkenar figürler de dört,
çokkenar figürler de
dörtten daha fazla

εὐθειῶν περιεχόμενα.

Τῶν δὲ τριπλευρῶν σχημάτων
ἰσόπλευρον μὲν τρίγωνόν ἐστι
τὸ τὰς τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς,
ἰσοσκελὲς δὲ
τὸ τὰς δύο μόνας ἴσας ἔχον πλευράς,
σκαληνὸν δὲ
τὸ τὰς τρεῖς ἀνίσους ἔχον πλευράς.

Ἔτι δὲ τῶν τριπλευρῶν σχημάτων
ὀρθογώνιον μὲν τρίγωνόν ἐστι
τὸ ἔχον ὀρθήν γωνίαν,
ἀμβλυγώνιον δὲ
τὸ ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν,
ὀξυγώνιον δὲ
τὸ τὰς τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

Τῶν δὲ τετραπλευρῶν σχημάτων
τετράγωνον μὲν ἐστίν,
ὃ ἰσόπλευρόν τέ ἐστι
καὶ ὀρθογώνιον,
ἑτερόμηκες δέ,
ὃ ὀρθογώνιον μὲν,
οὐκ ἰσόπλευρον δέ,
ρόμβος δέ,
ὃ ἰσόπλευρον μὲν,
οὐκ ὀρθογώνιον δέ,
ρόμβοειδὲς δὲ
τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευράς
τε καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον,
ὃ οὔτε ἰσόπλευρόν ἐστιν
οὔτε ὀρθογώνιον·
τὰ δὲ παρὰ ταῦτα
τετράπλευρα

doğruca içerilendir.

[20] Ve üçkenar figürlerden
eşkenar üçgen,
üç eşit kenarı olan;
ikizkenar da,
sadece iki eşit kenarı olan;
çesitkenar da,
üç eşit olmayan kenarı olanıdır.

[21] Ve ayrıca, üçkenar figürlerden,
dik [açılı] üçgen,
bir dik açısı olan;
geniş açılı da,
bir geniş açısı olan;
dar açılı da,
üç dar açısı olanıdır.

[22] Ve dörtkenar figürlerden
kare,
hem eşkenar olan
hem dik;
dikdörtgen de
dik olan
ama eşkenar olmayan;
romb¹⁰ da,
eşkenar olan
ama dik olmayan;
romboid de
hem karşılıklı kenar
hem açıları eşit olan
ama ne eşkenar
ne dik olanıdır.
Ve bunların dışında kalan
dörtkenarlara

τραπέζια καλείσθω.

Παράλληλοί εἰσιν εὐθεῖαι,
αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι
καὶ ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον
ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη
ἐπὶ μηδέτερα
συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

trapezion¹¹ denilsin.

[23] **Paraleldir** doğrular,
aynı düzlemde bulunan
ve sonsuza uzatılınca
her iki tarafta,
hiçbir tarafta
çarpışmayan.

¹⁰Yani *eşkenar dörtgen*.

¹¹*Romb* ve *romboid* terimleri, önermelerde kullanılmaz. *Trapezion* terimi, 35. önermede, yamuk için kullanılır.

Αιτήματα // Postulatlar

Ἦιτήσθω
ἀπὸ παντὸς σημείου
ἐπὶ πᾶν σημεῖον
εὐθεῖαν γραμμὴν
ἀγαγεῖν.

καὶ πεπερασμένην εὐθεῖαν
κατὰ τὸ συνεχῆς
ἐπ' εὐθείας
ἐκβαλεῖν.

καὶ παντὶ κέντρῳ
καὶ διαστήματι
κύκλον
γράφεσθαι.

καὶ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις εἶναι.

καὶ ἔαν εἰς δύο εὐθείας
εὐθεῖα ἐμπίπτουσα
τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
γωνίας
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ,
ἐκβαλλομένας
τὰς δύο εὐθείας
ἐπ' ἄπειρον
συμπίπτειν,
ἐφ' ᾧ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν
ἐλάσσονες.

[Postulat olarak] rica edilmiş olsun:
[1] herhangi bir noktadan
herhangi bir noktaya
bir doğru çizgi
ilerletmek.

[2] Ve sınırlanmış bir doğruyu
kesiksiz şekilde
bir doğruya
uzatmak.

[3] Ve her merkez
ve uzunluğa
bir daire
çizmek.

[4] Ve bütün dik açılardan
birbirine eşit olduğu.

[5] Ve eğer iki doğrunun üzerine
düşen bir doğru
aynı tarafta oluşturduğu iç
açıları
iki dik açıdan küçük yaparsa,
uzatıldıklarında
bu iki doğrunun
sınırsızca
çarpışacağı,
açıların iki dik açıdan küçük olduğu
tarafta.

Κοινὰ ἔννοιαι // Ortak kavramlar¹²

Τὰ τῶ αὐτῶ ἴσα
καὶ ἀλλήλοισ ἐστὶν ἴσα.

[1] Aynı şeye eşitler
birbirine de eşittir.¹³

καὶ ἐὰν ἴσοις
ἴσα προστεθῆ,
τὰ ὅλα ἐστὶν ἴσα.

[2] Ve eğer eşitlere
eşitler eklenirse,
bütünler eşittir.

καὶ ἐὰν ἀπὸ ἴσων
ἴσα ἀφαιρεθῆ,
τὰ καταλειπόμενά ἐστὶν ἴσα.

[3] Ve eğer eşitlerden
eşitler ayrılırsa,
kalanlar eşittir.

καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἐπ' ἀλλήλα
ἴσα ἀλλήλοισ ἐστὶν.

[4] Ve birbirine uygulanan¹⁴ şeyler
birbirine eşittir.

καὶ τὸ ὅλον
τοῦ μέρους μείζον [ἐστὶν].

[5] Ve bütün,
parçadan büyüktür.

¹² *Ortak kavram* adının yerine *aksiyom* kullanılabilir.

¹³ Bu cümle, 1., 2., ve 13. önermelerde alıntılanır.

¹⁴ Veya *birbiriyile çakışan*.

Önermeler

1. Önerme

Ἐπὶ τῆς δοθείσης
εὐθείας πεπερασμένης
τρίγωνον ἰσόπλευρον
συστήσασθαι.

Ἔστω
ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα πεπερασμένη
ἢ AB.

Δεῖ δὴ
ἐπὶ τῆς AB εὐθείας
τρίγωνον ἰσόπλευρον
συστήσασθαι.

Κέντρῳ μὲν τῷ A
διαστήματι δὲ τῷ AB
κύκλος γεγράφθω
ὁ ΒΓΔ,
καὶ πάλιν
κέντρῳ μὲν τῷ B
διαστήματι δὲ τῷ BA
κύκλος γεγράφθω
ὁ ΑΓΕ,
καὶ ἀπὸ τοῦ Γ σημείου, καθ' ὃ τέμνου-
σιν ἀλλήλους οἱ κύκλοι,
ἐπὶ τὰ A, B σημεία
ἐπεζεύχθωσαν
εὐθεῖαι αἱ ΓΑ, ΓΒ.

Verilmiş
sınırlanmış doğruyun üzerinde
eşkenar üçgen
inşa etmek.

Olsun
verilmiş sınırlanmış doğru
AB.

O halde gereklidir
AB doğrusuna
eşkenar üçgen
inşa etmek.

A merkezine,
AB uzaklığında olan
daire çizilmiş olsun,
BΓΔ,
ve yine
B merkezine,
BA uzaklığında olan
daire çizilmiş olsun,
ΑΓΕ,
ve dairelerin kesiştiği Γ noktasından

A, B noktalarına
birleştirilmiş olsun
ΓΑ, ΓΒ doğruları.

καὶ ἐπεὶ τὸ Α σημεῖον κέντρον ἐστὶ τοῦ
ΓΔΒ κύκλου,

ἴση ἐστὶν ἡ ΑΓ τῆ AB·

πάλιν,

ἐπεὶ τὸ Β σημεῖον κέντρον ἐστὶ τοῦ
ΓΑΕ κύκλου,

ἴση ἐστὶν ἡ ΒΓ τῆ ΒΑ.

ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ΓΑ τῆ AB ἴση·

ἐκατέρω ἄρα τῶν ΓΑ, ΒΓ τῆ AB ἐστὶν
ἴση.

τὰ δὲ τῶν αὐτῶ ἴσα

καὶ ἀλλήλοισι ἐστὶν ἴσα·

καὶ ἡ ΓΑ ἄρα τῆ ΒΓ ἐστὶν ἴση·

αἱ τρεῖς ἄρα αἱ ΓΑ, ΑΒ, ΒΓ

ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

Ἰσόπλευρον ἄρα

ἐστὶ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον.

καὶ συνέσταται

ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης
τῆς ΑΒ.

ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Ve A noktası ΓΔΒ dairesinin merkezi
olduğundan,

ΑΓ, ΑΒ'ya eşittir.

Yine

B noktası ΓΑΕ dairesinin merkezi ol-
duğundan,

ΒΓ, ΒΑ'ya eşittir.

Ve ΓΑ'nın ΑΒ'ya eşit olduğu göste-
rilmişti.

Böylece ΓΑ ile ΒΓ'nın her biri ΑΒ'ya
eşittir.

Ama aynı şeye eşitler

birbirine de eşittir.

Böylece ΓΑ da, ΒΓ'ya eşittir.

Böylece o üç doğru, ΓΑ, ΑΒ, ΒΓ,

birbirine eşittir.

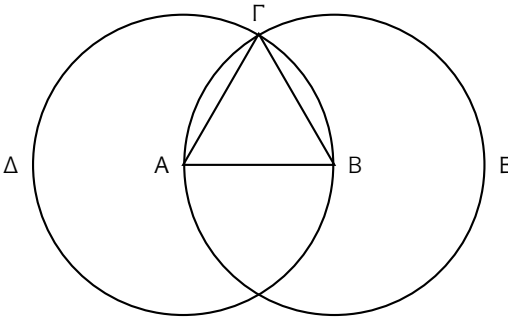
Böylece eşkenardır

ΑΒΓ üçgeni.

Ve inşa edilmiştir

verilmiş sınırlanmış ΑΒ doğrusuna;

yapılması gereken tam buydu.



2. Önerme

Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ
τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην
εὐθεῖαν θέσθαι.

Ἔστω

τὸ μὲν δοθὲν σημεῖον τὸ Α,
ἡ δὲ δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ ΒΓ·

δεῖ δὴ

πρὸς τῷ Α σημείῳ
τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ τῇ ΒΓ ἴσην
εὐθεῖαν θέσθαι.

Ἐπεζεύχθω γάρ

ἀπὸ τοῦ Α σημείου ἐπὶ τὸ Β σημεῖον
εὐθεῖα ἡ ΑΒ,

καὶ συνεσταῶ

ἐπ' αὐτῆς

τρίγωνον ἰσόπλευρον τὸ ΔΑΒ,

καὶ ἐκβεβλήσθωσαν

ἐπ' εὐθείας ταῖς ΔΑ, ΔΒ

εὐθεῖαι αἱ ΑΕ, ΒΖ,

καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Β

διαστήματι δὲ τῷ ΒΓ

κύκλος γεγράφθω ὁ ΓΗΘ,

καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ Δ

καὶ διαστήματι τῷ ΔΗ

κύκλος γεγράφθω ὁ ΗΚΛ.

Ἐπεὶ οὖν τὸ Β σημεῖον κέντρον ἐστὶ
τοῦ ΓΗΘ,

ἴση ἐστὶν ἡ ΒΓ τῇ ΒΗ.

πάλιν, ἐπεὶ τὸ Δ σημεῖον κέντρον ἐστὶ
τοῦ ΗΚΛ κύκλου,

ἴση ἐστὶν ἡ ΔΛ τῇ ΔΗ,

Verilmiş noktaya
verilmiş doğruya eşit olan
doğru yerleştirmek.

Olsun

verilmiş nokta Α,
verilmiş doğru da ΒΓ.

O halde gereklidir

Α noktasına,
verilmiş ΒΓ doğrusuna eşit olan
bir doğru yerleştirmek.

Zira birleştirilmiş olsun

Α noktasından Β noktasına

ΑΒ doğrusu,

ve inşa edilmiş olsun

bu [doğru] üzerine

eşkenar üçgen ΔΑΒ,

ve uzatılmış olsun

ΔΑ ile ΔΒ doğrularından

ΑΕ ile ΒΖ doğruları,

ve Β merkezine

ΒΓ uzaklığında

ΓΗΘ dairesi çizilmiş olsun,

ve yine Δ merkezine

ve ΔΗ uzaklığında

ΗΚΛ dairesi çizilmiş olsun.

Dolayısıyla Β noktası ΓΗΘ dairesi-
nin merkezi olduğundan,

ΒΓ, ΒΗ'ya eşittir.

Yine, Δ noktası ΗΚΛ dairesinin mer-
kezi olduğundan,

ΔΛ, ΔΗ'ya eşittir,

ὦν ἡ ΔA τῆ ΔB ἴση ἐστίν.
 λοιπὴ ἄρα ἡ $A\Lambda$
 λοιπῆ τῆ BH ἐστὶν ἴση.
 ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ $B\Gamma$ τῆ BH ἴση·

ἐκατέρα ἄρα τῶν $A\Lambda$, $B\Gamma$ τῆ BH ἐστὶν ἴση.

τὰ δὲ τῶ $\alpha\upsilon\tau\tilde{\omega}$ ἴσα
 καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα·
 καὶ ἡ $A\Lambda$ ἄρα τῆ $B\Gamma$ ἐστὶν ἴση.

Πρὸς ἄρα τῶ δοθέντι σημείῳ τῶ A
 τῆ δοθείσης εὐθείας τῆ $B\Gamma$ ἴση
 εὐθεῖα κεῖται ἡ $A\Lambda$.
 ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ve bunlardan ΔA , ΔB 'ya eşittir.

Böylece $A\Lambda$ kalanı,

BH kalanına eşittir.

Ve $B\Gamma$ 'nın BH 'ya eşit olduğu gösterilmiştir.

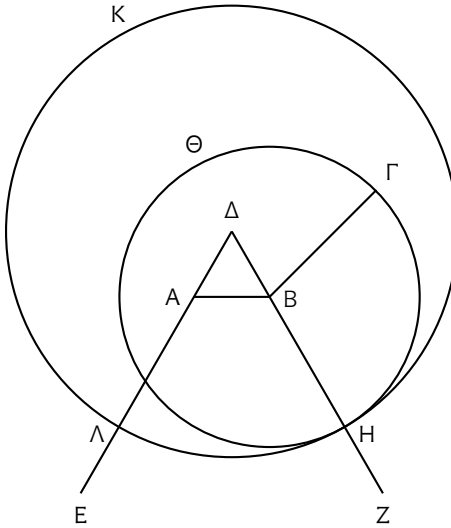
Böylece $A\Lambda$ ile $B\Gamma$ 'nin her biri BH 'ya eşittir.

Ama aynı şeye eşitler

birbirine de eşittir.

Ve böylece $A\Lambda$ da, $B\Gamma$ 'ya eşittir.

Böylece verilmiş A noktasına verilmiş $B\Gamma$ doğrusuna eşit olan $A\Lambda$ doğrusu oturuyor; yapılması gereken tam buydu.



3. Önerme

Δύο δοθεισῶν εὐθειῶν ἀνίσων
ἀπὸ τῆς μείζονος
τῆ ἑλάσσονι ἴσην
εὐθεῖαν ἀφελεῖν.

Ἐστῶσαν
αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι ἄνισοι
αἱ AB, Γ,
ὧν μείζων ἔστω ἡ AB·

δεῖ δὴ
ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς AB
τῆ ἑλάσσονι τῆ Γ ἴσην
εὐθεῖαν ἀφελεῖν.

Κείσθω
πρὸς τῷ A σημείῳ
τῆ Γ εὐθείᾳ ἴση ἡ AD·
καὶ κέντρῳ μὲν τῷ A
διαστήματι δὲ τῷ AD
κύκλος γεγράφθω ὁ ΔEZ.

καὶ ἐπεὶ τὸ A σημεῖον
κέντρον ἐστὶ τοῦ ΔEZ κύκλου,

ἴση ἐστὶν ἡ AE τῆ AD·
ἀλλὰ καὶ ἡ Γ τῆ AD ἐστὶν ἴση.
ἑκατέρᾳ ἄρα τῶν AE, Γ
τῆ AD ἐστὶν ἴση·
ὥστε καὶ ἡ AE τῆ Γ ἐστὶν ἴση.

Δύο ἄρα δοθεισῶν εὐθειῶν ἀνίσων
τῶν AB, Γ
ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς AB

İki eşit olmayan doğru verilince
daha büyükten
daha küçüğe eşit olan
bir doğru ayırmak.

Olsun
verilmiş iki eşit olmayan doğru
AB ile Γ,
ve daha büyüğü AB olsun.

O halde gereklidir
daha büyük olan AB'dan
daha küçük olan Γ'ya eşit olan
bir doğru ayırmak.

Otursun
A noktasına
Γ doğrusuna eşit olan AD.
Ve A merkezine
AD uzaklığında olan
ΔEZ dairesi çizilmiş olsun.

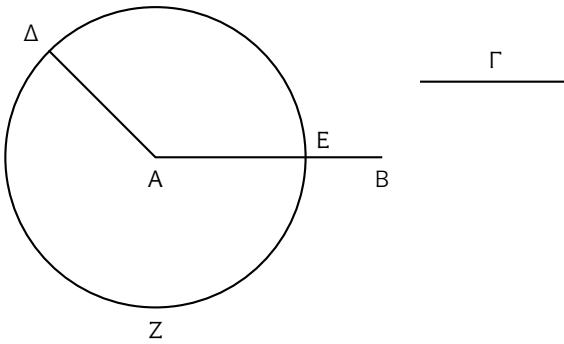
Ve A noktası,
ΔEZ dairesinin merkezi olduğun-
dan,

AE, AD'ya eşittir.
Ama Γ da, AD'ya eşittir.
Böylece AE ile Γ'nın her biri
AD'ya eşittir.
Öyleyse AE da, Γ'ya eşittir.

Böylece iki eşit olmayan AB ile Γ
doğrusu verilince
daha büyük olan AB'dan

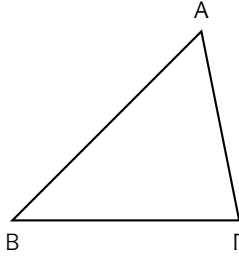
τῆ ἐλάσσονι τῆ Γ ἴση
ἀφῆρηται ἡ ΑΕ·
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

daha küçük olan Γ 'ya eşit olan
AE ayrılır;
yapılması gereken tam buydu.

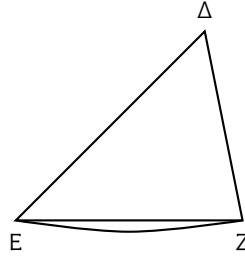


4. Önerme

Ἐὰν δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
[ταῖς] δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ
ἑκατέραν ἑκατέρα
καὶ τὴν γωνίαν
τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔχῃ
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην,
καὶ τὴν βάσιν
τῇ βάσει ἴσην ἔξει,
καὶ τὸ τρίγωνον
τῶν τριγώνων ἴσον ἔσται,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται
ἑκατέρα ἑκατέρα,
ὕψ' ἃς αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν.



Eğer iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşit olursa,
her biri birine,
ve açısı,
açıya eşit olursa,
[yani,] eşit doğrular tarafından
içerilen,
taban da
tabana eşit olacak,
üçgen de
üçgene eşit olacak,
ve kalan açılar da
kalan açılara eşit olacak,
her biri birine,
[yani,] eşit kenarlar tarafından
raptedilenler¹⁵.



Ἐστω
δύο τρίγωνα τὰ ABΓ, ΔEZ
τὰς δύο πλευρὰς τὰς AB, AΓ
ταῖς δυσὶ πλευραῖς ταῖς ΔE, ΔZ
ἴσας ἔχοντα

Olsun
iki üçgen ABΓ ile ΔEZ,
iki AB ile AΓ kenarı
iki ΔE ile ΔZ kenarına
eşit olan

¹⁵Veya eşit kenarlar tarafından görülenler.

ἐκατέραν ἐκατέρᾳ
τὴν μὲν AB τῇ ΔΕ τὴν δὲ ΑΓ τῇ ΔΖ
καὶ γωνίαν τὴν ὑπὸ ΒΑΓ
γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΕΔΖ ἴσην.

λέγω, ὅτι
καὶ βάσις ἡ ΒΓ
βάσει τῇ ΕΖ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΔΕΖ τριγώνῳ ἴσον ἔσται,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται
ἐκάτερα ἐκατέρᾳ,
ὕψ' ὅς αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν,
ἡ μὲν ὑπὸ ΑΒΓ τῇ ὑπὸ ΔΕΖ,
ἡ δὲ ὑπὸ ΑΓΒ τῇ ὑπὸ ΔΖΕ.

Ἐφαρμοζομένου γάρ
τοῦ ΑΒΓ τριγώνου
ἐπὶ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον
καὶ τιθεμένου
τοῦ μὲν Α σημείου
ἐπὶ τὸ Δ σημείου
τῆς δὲ ΑΒ εὐθείας
ἐπὶ τὴν ΔΕ,
ἐφαρμόσει καὶ
τὸ Β σημείου ἐπὶ τὸ Ε
διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΑΒ τῇ ΔΕ·
ἐφαρμοσάσης δὲ
τῆς ΑΒ ἐπὶ τὴν ΔΕ
ἐφαρμόσει καὶ
ἡ ΑΓ εὐθεῖα ἐπὶ τὴν ΔΖ
διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ὑπὸ ΒΑΓ γωνίαν
τῇ ὑπὸ ΕΔΖ·
ὥστε καὶ τὸ Γ σημείου

her biri birine,
AB, ΔΕ'a ve ΑΓ, ΔΖ'ya,
ve ΒΑΓ [tarafından iççerilen] açısı
ΕΔΖ açısına eşit [olan].

Diyorum¹⁶ ki,
ΒΓ tabanıda,
ΕΖ tabanına eşittir,
ΑΒΓ üçgeni de
ΔΕΖ üçgenine eşit olacak,
ve kalan açılar da
kalan açılara eşit olacak,
her biri birine,
eşit kenarlar tarafından
raptedilenler:
ΑΒΓ, ΔΕΖ'ya,
ve ΑΓΒ, ΔΖΕ'a.

Zira uygulanınca
ΑΒΓ üçgeni,
ΔΕΖ üçgeninin üstüne,
ve yerleştirilince
Α noktası,
Δ noktasına,
ve ΑΒ doğrusu,
ΔΕ'a,
uygulayacak da
Β noktası da Ε'a,
çünkü ΑΒ, ΔΕ'a eşittir.
Ο halde uygulamış olunca
ΑΒ, ΔΕ'a,
uygulayacak da
ΑΓ doğrusu, ΔΖ'ya,
çünkü ΒΑΓ açısı, ΕΔΖ'ya eşittir.

Öyleyse Γ noktası da

¹⁶Veya “İddia ediyorum”.

Önermeler

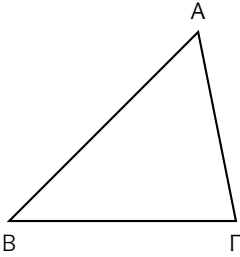
ἐπὶ τὸ Z σημειῶν ἐφαρμόσει
διὰ τὸ ἴσην πάλιν εἶναι τὴν ΑΓ τῆ ΔΖ.
ἀλλὰ μὴν καὶ τὸ Β
ἐπὶ τὸ Ε ἐφαρμόκει·
ὥστε βάσις ἡ ΒΓ
ἐπὶ βάσιν τὴν ΕΖ ἐφαρμόσει.
εἰ γάρ
τοῦ μὲν Β ἐπὶ τὸ Ε ἐφαρμόσαντος
τοῦ δὲ Γ ἐπὶ τὸ Ζ
ἡ ΒΓ βάσις
ἐπὶ τὴν ΕΖ οὐκ ἐφαρμόσει,
δύο εὐθεῖαι χωρίον περιέξουσιν·
ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον.
ἐφαρμόσει ἄρα ἡ ΒΓ βάσις
ἐπὶ τὴν ΕΖ
καὶ ἴση αὐτῆ ἔσται·
ὥστε καὶ ὅλον τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
ἐπὶ ὅλον τὸ ΔΕΖ τρίγωνον
ἐφαρμόσει
καὶ ἴσον αὐτῷ ἔσται,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ἐπὶ τὰς λοιπὰς γωνίας
ἐφαρμόσουσι
καὶ ἴσαι αὐταῖς ἔσονται,
ἡ μὲν ὑπὸ ΑΒΓ τῆ ὑπὸ ΔΕΖ
ἡ δὲ ὑπὸ ΑΓΒ τῆ ὑπὸ ΔΖΕ.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
[ταῖς] δύο πλευραῖς ἴσας ἔχη
ἐκατέραν ἐκατέρᾳ
καὶ τὴν γωνίαν
τῆ γωνίᾳ ἴσην ἔχη
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην,
καὶ τὴν βάσιν
τῆ βάσει ἴσην ἔξει,
καὶ τὸ τρίγωνον

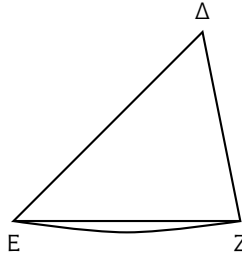
Z noktasına uygulayacak,
yine çünkü ΑΓ, ΔΖ'ya eşittir.
Ama tabii ki B da,
E'a uygulamıştır;
öyleyse ΒΓ tabanı,
ΕΖ tabanına uygulayacak.
Zira eğer,
B, E'a uygulayınca,
ve Γ, Ζ'ya,
ΒΓ tabanı
ΕΖ tabanına uygulamayacaksa,
iki doğru bir alan içerecek,
ki bu imkânsızdır.
Böylece uygulayacak ΒΓ tabanı,
ΕΖ tabanına
ve ona eşit olacak.
Dolayısıyla bütün ΑΒΓ üçgeni de,
bütün ΔΕΖ üçgenine
uygulayacak,
ve ona eşit olacak,
ve kalan açılar
kalan açılara
uygulayacak,
ve onlara eşit olacak:
ΑΒΓ, ΔΕΖ'ya
ve ΑΓΒ, ΔΖΕ'a.

Böylece, eğer iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşit olursa
(her biri birine)
ve açı
açıya eşit olursa
[yani,] eşit doğrular tarafından
içerilen,
taban da
tabana eşit olacak,
üçgen de

τῶν τριγῶνων ἴσον ἔσται,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται
ἑκάτερα ἑκάτερα,
ὅφ' ὅς αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



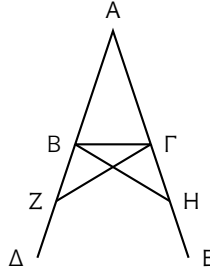
üçgene eşit olacak,
ve kalan açılar da
kalan açılara eşit olacak,
her biri birine,
[yani] eşit kenarlar tarafından
raptedilenler;
gösterilmesi gereken tam buydu.



5. Önerme

Τῶν ἰσοσκελῶν τριγῶνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν, καὶ προσεκβληθεῖσῶν τῶν ἴσων εὐθειῶν αἱ ὑπὸ τῇν βάσιν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

İkizkenar üçgenlerde, tabandaki açılar birbirine eşittir, ve, eşit doğrular uzatıldığında, tabanın altında kalan açılar birbirine eşit olacak.



Ἐστω τρίγωνον ἰσοσκελὲς τὸ ABΓ ἴσην ἔχον τὴν AB πλευρὰν τῇ AΓ πλευρᾷ, καὶ προσεκβεβλήσθωσαν ἐπ' εὐθείας ταῖς AB, AΓ εὐθεῖαι αἱ BΔ, ΓΕ·

Olsun ikizkenar üçgen ABΓ, AB kenarı AΓ kenarına eşit olan, ve uzatılmış olsun AB ve AΓ doğrularından BΔ ve ΓΕ doğruları.

λέγω, ὅτι ἡ μὲν ὑπὸ ABΓ γωνία τῇ ὑπὸ AΓB ἴση ἐστίν, ἡ δὲ ὑπὸ ΓΒΔ τῇ ὑπὸ BΓE.

Diyorum ki ABΓ açısı, AΓB'ya eşittir ve ΓΒΔ, BΓE'a eşittir

Εἰλήφθω γὰρ ἐπὶ τῆς BΔ τυχόν σημεῖον τὸ Z, καὶ ἀφῆρήσθω ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς AE

Zira alınmış olsun BΔ üzerinde rastgele bir Z noktası, ve ayrılmış olsun büyük olan AE'dan

τῆ ἐλάσσονι τῆ AZ ἴση ἢ AH,
καὶ ἐπεξεύχθωσαν
αἱ ZΓ, HB εὐθεῖαι.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν
ἢ μὲν AZ τῆ AH
ἢ δὲ AB τῆ AΓ,
δύο δὴ αἱ ZA, AΓ
δυσὶ ταῖς HA, AB ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ
καὶ γωνίαν κοινὴν περιέχουσι
τὴν ὑπὸ ZAH·
βάσις ἄρα ἢ ZΓ βάσει
τῆ HB ἴση ἐστὶν,
καὶ τὸ AZΓ τρίγωνον
τῷ AHB τριγώνῳ ἴσον ἔσται,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ,
ὅφ' ἂς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν,
ἢ μὲν ὑπὸ AΓZ τῆ ὑπὸ ABH,
ἢ δὲ ὑπὸ AZΓ τῆ ὑπὸ AHB.
καὶ ἐπεὶ ὅλη ἢ AZ
ὅλη τῆ AH ἐστὶν ἴση,
ὧν ἢ AB
τῆ AΓ ἐστὶν ἴση,
λοιπὴ ἄρα ἢ BZ
λοιπῆ τῆ ΓH ἐστὶν ἴση.
ἐδείχθη δὲ καὶ ἢ ZΓ
τῆ HB ἴση·
δύο δὴ αἱ BZ, ZΓ
δυσὶ ταῖς ΓH, HB ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ
καὶ γωνία ἢ ὑπὸ BZΓ
γωνία τῆ ὑπὸ ΓHB ἴση,
καὶ βάσις αὐτῶν κοινὴ ἢ BΓ·
καὶ τὸ BZΓ ἄρα τρίγωνον
τῷ ΓHB τριγώνῳ ἴσον ἔσται,

küçük olan AZ'ya eşit olan AH,
ve birleştirilmiş olsun
ZΓ ve HB doğruları.

Dolayısıyla eşit olduğundan
AZ, AH'ya
ve AB, AΓ'ya,
o halde ZA, AΓ ikilisi
HA, AB ikilisine eşittir,
her biri birine;
ve ortak bir açıyı sınırladıkları,
(yani) ZAH'yı;
böylece ZΓ tabanı
HB tabanına eşittir,
ve AZΓ üçgeni
AHB üçgenine eşit olacak,
ve kalan açılar
kalan açılara eşit olacak,
her biri birine,
(yani) eşit kenarları görenler;
AΓZ, ABH'ya,
ve AZΓ, AHB'ya.
Ve bütün AZ
bütün AH'ya eşit olduğundan,
ve bunların [parçalarından] AB
AΓ'ya eşit olduğundan,
böylece BZ kalanı
ΓH kalanına eşittir.
Ve gösterilmişti ZΓ'nin
HB'ya eşit olduğu.
O halde BZ ve ZΓ ikilisi
ΓH ve HB ikilisine eşittir,
her biri birine,
ve BZΓ açısı,
ΓHB açısına eşittir,
ve onların ortak tabanı BΓ'dır;
Böylece BZΓ üçgeni de
ΓHB üçgenine eşit olacak,

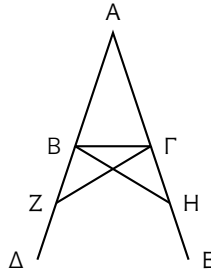
Önermeler

καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται
ἑκατέρα ἑκατέρῃ,
ὕψ' ἂς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
ἴση ἄρα ἔστιν
ἡ μὲν ὑπὸ ZBG τῆ ὑπὸ ΗΓΒ
ἡ δὲ ὑπὸ ΒΓΖ τῆ ὑπὸ ΓΒΗ.
ἐπεὶ οὖν ὅλη ἡ ὑπὸ ABH γωνία
ὅλη τῆ ὑπὸ ΑΓΖ γωνία
ἐδείχθη ἴση,
ὧν ἡ ὑπὸ ΓΒΗ
τῆ ὑπὸ ΒΓΖ ἴση,
λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ABΓ
λοιπὴ τῆ ὑπὸ ΑΓΒ ἔστιν ἴση·
καὶ εἰσι πρὸς τῆ βάσει
τοῦ ABΓ τριγώνου.
ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ὑπὸ ZBG
τῆ ὑπὸ ΗΓΒ ἴση·
καὶ εἰσιν ὑπὸ τὴν βάσιν.

Τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν τριγώνων
αἱ πρὸς τῆ βάσει γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν, καὶ
προσεκβληθεισῶν τῶν ἴσων εὐθειῶν
αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ve kalan açılar
kalan açılarna eşit olacak,
her biri birine,
aynı kenarları görenler.
Böylece eşittir
ZBG, ΗΓΒ'ya,
ve ΒΓΖ, ΓΒΗ'ya.
Dolayısıyla bütün ABH açısının
bütün ΑΓΖ açısına
eşit olduğu gösterilmiş olduğundan
ve bunların [parçalarından] ΓΒΗ,
ΒΓΖ'ya eşit olduğundan,
böylece kalan ABΓ,
kalan ΑΓΒ'ya eşittir;
ve bunlar tabanındadır
ABΓ üçgeninin.
Ve gösterilmişti ZBG'nın
ΗΓΒ'ya eşit olduğu;
ve bunlar tabanın altındadır.

Böylece ikizkenar üçgenlerde,
tabandaki açılar
birbirine eşittir, ve,
eşit doğrular uzatıldığında,
tabanın altında kalan açılar
birbirine eşit olacak;
gösterilmesi gereken tam buydu.



6. Önerme

Ἐὰν τριγώνου αἱ δύο γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις ᾧσιν,
καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας
ὑποτείνουσαι πλευραὶ
ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται.

Ἐστω
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ
ἴσην ἔχον τὴν ὑπὸ ΑΒΓ γωνίαν
τῇ ὑπὸ ΑΓΒ γωνίᾳ·

λέγω, ὅτι
καὶ πλευρὰ ἡ ΑΒ
πλευρᾷ τῇ ΑΓ ἔστιν ἴση.

Εἰ γὰρ ἀνισὸς ἔστιν ἡ ΑΒ τῇ ΑΓ,
ἡ ἑτέρα αὐτῶν μείζων ἔστίν.
ἔστω μείζων ἡ ΑΒ,
καὶ ἀφηρήσθω
ἀπὸ τῆς μείζονος τῆς ΑΒ
τῇ ἐλάττοني τῇ ΑΓ ἴση
ἡ ΔΒ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΓ.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἔστιν ἡ ΔΒ τῇ ΑΓ

κοινῇ δὲ ἡ ΒΓ,
δύο δὲ αἱ ΔΒ, ΒΓ
δύο ταῖς ΑΓ, ΓΒ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρω ἐκατέρω,
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΔΒΓ
γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΑΓΒ ἔστιν ἴση·
βάσις ἄρα ἡ ΔΓ
βάσει τῇ ΑΒ ἴση ἔστίν,
καὶ τὸ ΔΒΓ τρίγωνον

Eğer bir üçgenin iki açısı
birbirine eşit ise,
eşit açılı
rapteden kenarlar da
birbirine eşit olacaktır.

Olsun
üçgen ΑΒΓ,
ΑΒΓ açısı eşit olan
ΑΓΒ açısına.

Diyorum ki
ΑΒ kenarı da
ΑΓ kenarına eşittir.

Zira eğer ΑΒ, ΑΓ'ya eşit değilse,
biri daha büyüktür.
ΑΒ daha büyük olsun,
ve ayrılmış olsun
daha büyük olan ΑΒ'dan
daha küçük olan ΑΓ'ya eşit olan
ΔΒ,
ve ΔΓ birleştirilmiş olsun.

Dolayısıyla ΔΒ, ΑΓ'ya eşit olduğun-
dan,

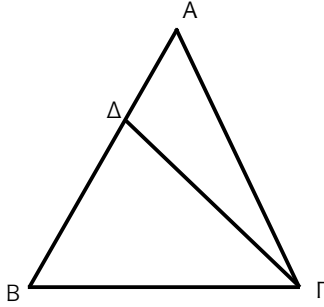
ve ΒΓ ortak olduğundan,
o halde ΔΒ, ΒΓ ikilisi
ΑΓ, ΒΓ ikilisine eşittir
her biri birine,
ve ΔΒΓ açısı
ΑΓΒ açısına eşittir;
böylece ΔΓ tabanı
ΑΒ tabanına eşittir,
ve ΔΒΓ üçgeni

τῶ ΑΓΒ τριγώνῳ ἴσον ἔσται,
 τὸ ἔλασσον τῶ μείζονι·
 ὅπερ ἄποπον·
 οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν
 ἡ ΑΒ τῇ ΑΓ·
 ἴση ἄρα.

ΑΓΒ üçgenine eşit olacak,
 daha küçük daha büyüğe;
 ki bu saçmadır;
 böylece eşit değil değildir
 ΑΒ, ΑΓ'ya;
 böylece eşittir.

Ἐὰν ἄρα τριγώνου αἱ δύο γωνίαι
 ἴσαι ἀλλήλαις ᾦσιν,
 καὶ αἱ ὑπὸ τῶς ἴσας γωνίας
 ὑποτείνουσαι πλευραὶ
 ἴσαι ἀλλήλαις ἔσονται·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Böylece eğer bir üçgenin iki açısı
 birbirine eşit ise,
 eşit açuları
 rapteden kenarlar da
 birbirine eşit olacaklar;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



7. Önerme

Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας
δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις
ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι
ἑκατέρα ἑκατέρα
οὐ συσταθήσονται
πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείω
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι
ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις.

Εἰ γὰρ δυνατόν,
ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας τῆς AB
δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ταῖς AΓ, ΒB
ἄλλαι δύο εὐθεῖαι αἱ AΔ, ΔB ἴσαι
ἑκατέρα ἑκατέρα
συνεστατάωσαν
πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείω
τῷ τε Γ καὶ Δ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι,
ὥστε ἴσην εἶναι
τὴν μὲν ΓA τῆ ΔA
τὸ αὐτὸ πέρασ ἔχουσαν αὐτῆ
τὸ A,
τὴν δὲ ΒB τῆ ΔB
τὸ αὐτὸ πέρασ ἔχουσαν αὐτῆ
τὸ B,
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΓΔ.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν
ἡ AΓ τῆ AΔ,
ἴση ἐστὶ
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ AΓΔ τῆ ὑπὸ AΔΓ·

Aynı doğru üzerinde,
aynı iki doğruya
eşit olan başka iki doğru,
her biri birine,
inşa edilmeyecek
bir ve başka bir noktaya,
aynı tarafta,
aynı sınırları olan
başlangıçtaki doğrularla.¹⁷

Zira eğer mümkünse,
aynı AB doğrusu üzerinde
verilmiş iki AΓ, ΒB doğrusuna
eşit başka iki AΔ, ΔB doğrusu
her biri birine
inşa edilmiş olsun
bir ve başka bir noktaya,
hem Γ'ya hem Δ'ya,
aynı tarafta,
aynı sınırları olan,
öyle ki eşit olsun
hem ΓA, ΔA'ya,
kendisiyle aynı sınıra sahip olan,
[yani] A;
hem de ΒB, ΔB'ya,
kendisiyle aynı sınıra sahip olan,
[yani] B,
ve ΓΔ birleştirilmiş olsun.

Dolayısıyla eşit olduğundan
AΓ, AΔ'ya,
eşittir
AΓΔ açısı da, AΔΓ'ya;

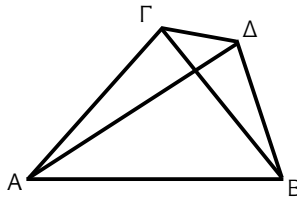
¹⁷Heath [4, I.259], 21. önermeyle karşılaştırmamızı önerir.

μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ $A\Delta\Gamma$
 τῆς ὑπὸ $\Delta\Gamma B$ ·
 πολλῶν ἄρα ἡ ὑπὸ $\Gamma\Delta B$ μείζων ἐστὶ
 τῆς ὑπὸ $\Delta\Gamma B$.
 πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΓB τῇ ΔB ,
 ἴση ἐστὶ
 καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\Gamma\Delta B$
 γωνία τῇ ὑπὸ $\Delta\Gamma B$.
 ἐδείχθη δὲ αὐτῆς καὶ πολλῶν μείζων·
 ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον.

Οὐκ ἄρα
 ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας
 δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις
 ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι
 ἑκατέρα ἑκατέρῃ
 συσταθήσονται
 πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι
 ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

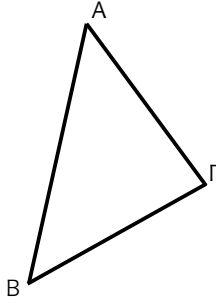
böylece $A\Delta\Gamma$ büyüktür
 $\Delta\Gamma B$ 'dan;
 böylece $\Gamma\Delta B$ çok daha büyüktür
 $\Delta\Gamma B$ 'dan.
 Yine ΓB , ΔB 'ya eşit olduğundan,
 eşittir
 $\Gamma\Delta B$ açısı da,
 $\Delta\Gamma B$ açısına.
 Ve ondan çok daha büyük olduğu
 gösterilmişti;
 ki bu imkânsızdır.

Böylece olmaz:
 aynı doğru üzerinde,
 iki verilmiş doğruya,
 eşit iki başka doğru,
 her biri birine,
 inşa edilmeyecek
 bir ve başka bir noktaya,
 aynı tarafta,
 aynı sınırları olan
 başlangıçtaki doğrularla;
 gösterilmesi gereken tam buydu.

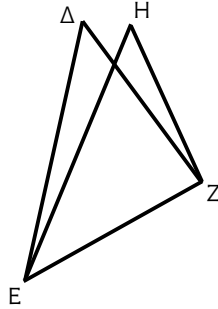


8. Önerme

Ἐὰν δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
[ταῖς] δύο πλευραῖς ἴσας ἔχη
ἐκατέραν ἐκατέρα,
ἔχη δὲ καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην,
καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔξει
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην.



Eğer iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşit ise,
her biri birine,
ve taban tabana eşit ise,
açı da açığa eşit olacak,
eşit doğrularca
içerilen.



Ἐστω
δύο τρίγωνα τὰ ABΓ, ΔΕΖ
τὰς δύο πλευρὰς τὰς AB, AΓ
ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς ΔΕ, ΔΖ
ἴσας ἔχοντα
ἐκατέραν ἐκατέρα,
τὴν μὲν AB τῇ ΔΕ
τὴν δὲ AΓ τῇ ΔΖ·
ἔχέτω δὲ
καὶ βάσιν τὴν BΓ βάσει τῇ EZ ἴσην·

λέγω, ὅτι
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ BΑΓ
γωνία τῇ ὑπὸ ΕΔΖ ἐστὶν ἴση.

Olsun
iki üçgen ABΓ ve ΔΕΖ,
iki AB ile AΓ kenarı
iki ΔΕ ile ΔΖ kenarına
eşit olan
her biri birine,
AB, ΔΕ'ya,
AΓ da, ΔΖ'ya;
olsun
bir de BΓ tabanı EZ tabanına eşit.

Diyorum ki
bir de BΑΓ açısı da
ΕΔΖ açısına eşittir.

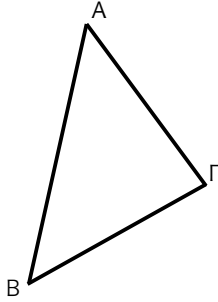
Ἐφαρμοζομένου γάρ
 τοῦ ΑΒΓ τριγώνου
 ἐπὶ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον
 καὶ τιθεμένου
 τοῦ μὲν Β σημείου ἐπὶ τὸ Ε σημεῖον
 τῆς δὲ ΒΓ εὐθείας ἐπὶ τὴν ΕΖ
 ἐφαρμόσει καὶ
 τὸ Γ σημεῖον ἐπὶ τὸ Ζ
 διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν ΒΓ τῇ ΕΖ·
 ἐφαρμοσάσης δὴ
 τῆς ΒΓ ἐπὶ τὴν ΕΖ
 ἐφαρμόσουσι καὶ αἱ ΒΑ, ΓΑ
 ἐπὶ τὰς ΕΔ, ΔΖ.
 εἰ γὰρ βάσις μὲν ἡ ΒΓ
 ἐπὶ βάσιν τὴν ΕΖ ἐφαρμόσει,
 αἱ δὲ ΒΑ, ΑΓ πλευραὶ
 ἐπὶ τὰς ΕΔ, ΔΖ οὐκ ἐφαρμόσουσιν
 ἀλλὰ παραλλάξουσιν
 ὡς αἱ ΕΗ, ΗΖ,
 συσταθήσονται
 ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας
 δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις
 ἄλλαι δύο εὐθεῖαι ἴσαι
 ἑκατέρα ἑκατέρα
 πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείω
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι.
 οὐ συνίστανται δέ·
 οὐκ ἄρα
 ἐφαρμοζομένης τῆς ΒΓ βάσεως
 ἐπὶ τὴν ΕΖ βάσιν
 οὐκ ἐφαρμόσουσι
 καὶ αἱ ΒΑ, ΑΓ πλευραὶ
 ἐπὶ τὰς ΕΔ, ΔΖ.
 ἐφαρμόσουσιν ἄρα·
 ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ

Zira uygulanınca
 ΑΒΓ üçgene
 ΔΕΖ üçgene,
 ve yerleştirilince
 Β noktası, Ε noktasına,
 ve ΒΓ doğruyu, ΕΖ'ya,
 uygulayacak da
 Γ noktası, Ζ'ya,
 çünkü ΒΓ, ΕΖ'ya eşittir.
 Uygulayınca, o halde,
 ΒΓ, ΕΖ'ya,
 bir de ΒΑ ve ΓΑ, uygulayacak
 ΕΔ ve ΔΖ'ya.
 Zira eğer ΒΓ tabanı,
 ΕΖ tabanına uygulanırsa,
 ve ΒΑ ve ΑΓ kenarları
 ΕΔ ve ΔΖ'ya uygulamazsa,
 ama saparsa,
 ΕΗ ve ΗΖ olarak,
 inşa edilecek
 aynı doğru üzerinde,
 aynı iki doğruya
 eşit olan başka iki doğru,
 her biri birine,
 bir ve başka bir noktaya
 aynı tarafta
 aynı sınırları olan.
 Ama inşa edilmez;
 böylece olmaz:
 ΒΓ tabanı uygulayınca
 ΕΖ tabanına,
 uygulamayacak
 ΒΑ ve ΑΓ kenarları da,
 ΕΔ ve ΔΖ'ya.
 Böylece uygulayacaklar.
 Öyleyse ΒΑΓ açısı da

Önermeler

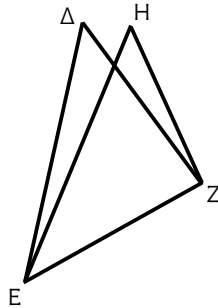
ἐπὶ γωνίαν τὴν ὑπὸ ΕΔΖ
ἐφαρμόσει
καὶ ἴση αὐτῇ ἔσται.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
[ταῖς] δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ
ἐκατέραν ἐκατέρῳ,
ἔχῃ δὲ καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην,
καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔξει
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



ΕΔΖ ἀγίσινᾳ
υγγυλαγᾳκᾳ
ve ona eşit olᾳκᾳ.

Eđer, bۆylece, iki ۆçgende
iki kenar
iki kenara eşit ise
her biri birine,
ve taban tabana eşit ise,
açı da açıya eşit olᾳkᾳ,
eşit doęrularca
içerilen;
gۆsterilmesi gereken tam buydu.



9. Önerme

Τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον
δίχα τεμεῖν.

Ἔστω
ἡ δοθεῖσα γωνία εὐθύγραμμος
ἡ ὑπὸ ΒΑΓ.

δεῖ δὴ
αὐτὴν δίχα τεμεῖν.

Εἰλήφθω
ἐπὶ τῆς ΑΒ τυχὸν σημεῖον τὸ Δ,
καὶ ἀφηρήσθω
ἀπὸ τῆς ΑΓ
τῆ ΑΔ ἴση ἢ ΑΕ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἢ ΔΕ,
καὶ συνεστάτω ἐπὶ τῆς ΔΕ
τρίγωνον ἰσόπλευρον τὸ ΔΕΖ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἢ ΑΖ·

λέγω, ὅτι
ἡ ὑπὸ ΒΑΓ γωνία δίχα τέμνεται
ὑπὸ τῆς ΑΖ εὐθείας.
Ἐπεὶ γὰρ
ἴση ἐστὶν ἢ ΑΔ τῆ ΑΕ,
κοινὴ δὲ ἢ ΑΖ,
δύο δὴ αἱ ΔΑ, ΑΖ
δυσὶ ταῖς ΕΑ, ΑΖ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρω ἐκατέρω.
καὶ βάσις ἢ ΔΖ
βάσει τῆ ΕΖ ἴση ἐστίν·
γωνία ἄρα ἢ ὑπὸ ΔΑΖ
γωνία τῆ ὑπὸ ΕΑΖ ἴση ἐστίν.

Ἡ ἄρα δοθεῖσα γωνία εὐθύγραμμος

Verilmiş düzkenar açığı
ikiye bölmek.

Olsun
verilmiş düzkenar açığı
ΒΑΓ.

O halde gereklidir
onun ikiye bölünmesi.

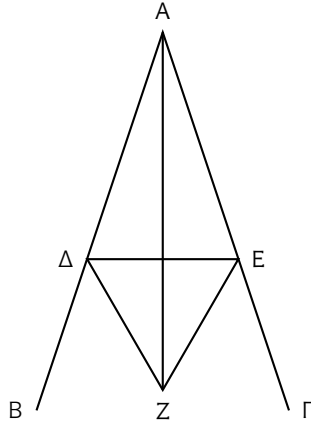
alınmış olsun
AB üzerinde rastgele bir Δ noktası,
ve ayrılmış olsun
ΑΓ doğrusundan
ΑΔ'ya eşit olan ΑΕ,
ve ΔΕ birleştirilmiş olsun,
ve inşa edilmiş olsun ΔΕ üzerinde
bir ΔΕΖ eşkenar üçgeni,
ve ΑΖ birleştirilmiş olsun.

Diyorum ki
ΒΑΓ açısı ikiye bölünmüş oldu
ΑΖ doğrusu tarafından.
Zira olduğundan
ΑΔ ΑΕ'ya eşit,
ve ΑΖ ortak,
o halde ΔΑ, ΑΖ ikilisi
ΕΑ, ΑΖ ikilisine eşittir
her biri birine,
ve ΔΖ tabanı
ΕΖ tabanına eşittir;
böylece ΔΑΖ açısı
ΕΑΖ açısına eşittir.

Böylece verilmiş düzkenar açığı

ή ὑπὸ ΒΑΓ
δίχα τέτμηται
ὑπὸ τῆς ΑΖ εὐθείας·
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

BAΓ
ikiye bölünmüş oldu
AZ doğrusunca;
yapılması gereken tam buydu.



10. Önerme

Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην
δίχα τεμεῖν.

Ἔστω
ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα πεπερασμένη
ἡ ΑΒ·

δεῖ δὴ
τὴν ΑΒ εὐθεῖαν πεπερασμένην
δίχα τεμεῖν.

Συνεστάτω ἐπ' αὐτῆς
τρίγωνον ἰσόπλευρον τὸ ΑΒΓ,
καὶ τετμήσθω
ἡ ὑπὸ ΑΓΒ γωνία δίχα
τῇ ΓΔ εὐθείᾳ·

λέγω, ὅτι
ἡ ΑΒ εὐθεῖα δίχα τέτμηται
κατὰ τὸ Δ σημεῖον.
Ἐπεὶ γὰρ
ἴση ἐστὶν ἡ ΑΓ τῇ ΓΒ,
κοινὴ δὲ ἡ ΓΔ,
δύο δὴ αἱ ΑΓ, ΓΔ
δύο ταῖς ΒΓ, ΓΔ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΓΔ
γωνία τῇ ὑπὸ ΒΓΔ ἴση ἐστίν·
βάσις ἄρα ἡ ΑΔ
βάσει τῇ ΒΔ ἴση ἐστίν.

Ἡ ἄρα δοθεῖσα εὐθεῖα πεπερασμένη
ἡ ΑΒ
δίχα τέτμηται κατὰ τὸ Δ·
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Verilmiş sınırlı doğruyu
ikiye bölmek.

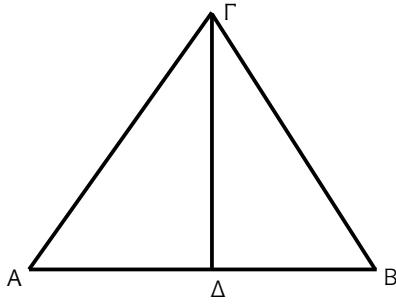
Olsun
verilmiş sınırlı doğru
ΑΒ.

O halde gereklidir
ΑΒ sınırlı doğrusunu
ikiye bölmek.

İnşa edilmiş olsun üzerinde
ΑΒΓ eşkenar üçgeni,
ve bölünmüş olsun
ΑΓΒ açısı ikiye
ΓΔ doğrusunca.

Diyorum ki
ΑΒ doğrusu ikiye bölünmüş oldu
Δ noktasında.
Zira olduğundan
ΑΓ ΑΒ kenarına eşit,
ve ΓΔ ortak,
o halde ΑΓ ve ΓΔ ikilisi
ΒΓ, ΓΔ ikilisine eşittir,
her biri birine,
ve ΑΓΔ açısı
ΒΓΔ açısına eşittir;
böylece ΑΔ tabanı
ΒΔ tabanına eşittir.

Böylece verilmiş sınırlı
ΑΒ,
Δ noktasında ikiye bölünmüş oldu;
yapılması gereken tam buydu.



11. Önerme

Τῆ δοθείσῃ εὐθείᾳ
ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου
πρὸς ὀρθᾶς γωνίας
εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Ἔστω
ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB
τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον ἐπ' αὐτῆς τὸ Γ·

δεῖ δὴ
ἀπὸ τοῦ Γ σημείου
τῆ AB εὐθείᾳ
πρὸς ὀρθᾶς γωνίας
εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Εἰλήφθω
ἐπὶ τῆς ΑΓ
τυχὸν σημεῖον τὸ Δ,
καὶ κείσθω
τῆ ΓΔ ἴση ἡ ΓΕ,
καὶ συνεστάτω
ἐπὶ τῆς ΔΕ
τρίγωνον ἰσόπλευρον τὸ ΖΔΕ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΖΓ·

λέγω, ὅτι
τῆ δοθείσῃ εὐθείᾳ τῆ AB
ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου
τοῦ Γ
πρὸς ὀρθᾶς γωνίας
εὐθεῖα γραμμὴ ἦκται ἡ ΖΓ.
Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΔΓ τῆ ΓΕ,
κοινὴ δὲ ἡ ΓΖ,
δύο δὴ αἱ ΔΓ, ΓΖ
δυσὶ ταῖς ΕΓ, ΓΖ ἴσαι εἰσὶν

Verilmiş bir doğruya
üzerinde verilmiş bir noktadan
dik açılarda
bir doğru ilerletmek.

Olsun
verilmiş doğru AB,
ve üzerinde verilmiş nokta Γ.

O halde gereklidir
Γ noktasından
AB doğrusuna
dik açılarda
bir doğru ilerletmek.

alınmış olsun
ΑΓ'da
rastgele bir Δ noktası
ve otursun
ΓΔ'ya eşit olan ΓΕ,
ve inşa edilmiş olsun
ΔΕ üzerinde
ΖΔΕ eşkenar üçgeni,
ve ΖΓ birleştirilmiş olsun.

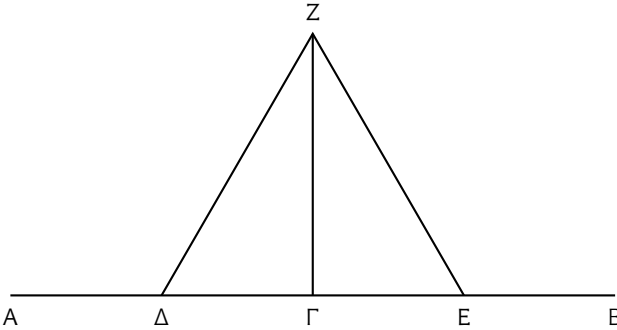
Diyorum ki
verilmiş AB doğrusuna
üzerindeki Γ noktasından
dik açılarda
bir ΖΓ doğrusu ilerletilmiş oldu.
Zira ΔΓ, ΓΕ'a eşit olduğundan,
ve ΓΖ ortak olduğundan,
o halde ΔΓ ve ΓΖ ikilisi,
ΕΓ ve ΓΖ ikilisine eşittir,

ἐκατέρα ἐκατέρᾳ
καὶ βάσις ἡ ΔΖ
βάσει τῇ ΖΕ ἴση ἐστίν·
γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΓΖ
γωνία τῇ ὑπὸ ΕΓΖ ἴση ἐστίν·
καὶ εἰσιν ἐφεξῆς.
ὅταν δὲ εὐθεῖα
ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα
τὰς ἐφεξῆς γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ,
ὀρθὴ ἐκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστίν·
ὀρθὴ ἄρα ἐστίν
ἐκατέρα τῶν ὑπὸ ΔΓΖ, ΖΓΕ.

Τῇ ἄρα δοθείσῃ εὐθεῖᾳ τῇ ΑΒ
ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου
τοῦ Γ
πρὸς ὀρθᾶς γωνίας
εὐθεῖα γραμμὴ ἤκται ἡ ΓΖ·
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

her biri birine;
ve ΔΖ tabanı
ΖΕ tabanına eşittir;
böylece ΔΓΖ açısı
ΕΓΖ açısına eşittir;
ve bitişiktir.
Ne zaman bir doğru,
bir doğru üzerine dikilmiş,
bitişik açıları
birbirine eşit yaparsa,
eşit açılardan her biri, diktir.
Böylece diktir
ΔΓΖ, ΖΓΕ açılarının her biri.

Böylece, verilmiş ΑΒ doğrusuna,
üzerinde verilmiş Γ noktasında,
dik açılarda,
bir ΓΖ doğrusu ilettilmiş oldu;
yapılması gereken tam buydu.



12. Önerme

Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον
ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου,
ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς,
κάθετον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Ἔστω
ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἄπειρος
ἡ AB
τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον,
ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς,
τὸ Γ·

δεῖ δὴ
ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον τὴν
AB
ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου τοῦ Γ,
ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς,
κάθετον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Εἰλήφθω γὰρ
ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τῆς AB εὐθείας
τυχὸν σημεῖον τὸ Δ,
καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Γ
διαστήματι δὲ τῷ ΓΔ
κύκλος γεγράφθω ὁ EZH,
καὶ τετμήσθω ἡ EH εὐθεῖα δίχα κατὰ
τὸ Θ,
καὶ ἐπεζεύχθωσαν
αἱ ΓH, ΓΘ, ΓE εὐθεῖαι·

λέγω, ὅτι
ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον
τὴν AB
ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου τοῦ Γ,
ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς,

Verilmiş sınırlanmamış doğruya,
verilmiş bir noktadan,
üzerinde olmayan,
dikey doğru bir çizgi ilerletmek.

Olsun
verilmiş sınırlanmamış doğru
AB,
ve verilmiş nokta,
üzerinde olmayan,
Γ·

O halde gereklidir
verilmiş sınırlanmamış AB doğru-
suna
verilmiş Γ noktasından,
üzerinde olmayan,
dikey doğru bir çizgi ilerletmek.

Zira almış olsun
AB doğrusunun diğer tarafında
rastgele bir Δ noktası,
ve Γ merkezinde,
ΓΔ uzaklığında,
bir EZH dairesi çizilmiş olsun,
ve EH doğrusu Θ noktasında ikiye
bölünmüş olsun,
ve birleştirilmiş olsun
ΓH, ΓΘ, ve ΓE doğruları.

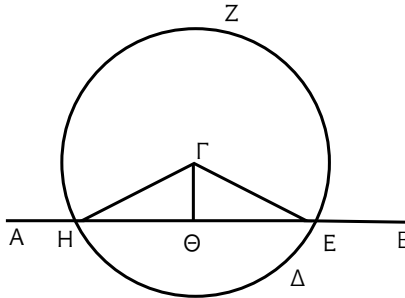
Diyorum ki
verilmiş sınırlanmamış AB doğru-
suna,
verilmiş Γ noktasından,
üzerinde olmayan,

κάθετος ἤκται ἡ $\Gamma\Theta$.
 Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ $\text{H}\Theta$ τῇ OE ,
 κοινὴ δὲ ἡ ΓO ,
 δύο δὴ αἱ $\text{H}\Theta$, $\text{O}\Gamma$
 δύο ταῖς $\text{E}\Theta$, $\text{O}\Gamma$ ἴσαι εἰσὶν
 ἑκατέρα ἑκατέρᾳ
 καὶ βάσις ἡ ΓH
 βάσει τῇ ΓE ἐστὶν ἴση·
 γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\Gamma\text{O}\text{H}$
 γωνία τῇ ὑπὸ $\text{E}\text{O}\Gamma$ ἐστὶν ἴση.
 καὶ εἰσὶν ἐφεξῆς.
 ὅταν δὲ εὐθεῖα
 ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα
 τὰς ἐφεξῆς γωνίας
 ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ,
 ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστὶν,
 καὶ ἡ ἐφεστηκυῖα εὐθεῖα
 κάθετος καλεῖται
 ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν.

Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν ἄρα εὐθεῖαν ἄπειρον
 τὴν AB
 ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου τοῦ Γ ,
 ὃ μὴ ἐστὶν ἐπ' αὐτῆς,
 κάθετος ἤκται ἡ $\Gamma\Theta$.
 ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

dikey $\Gamma\Theta$ ilerletilmiş oldu
 Zira $\text{H}\Theta$, OE 'a eşit olduğundan,
 ve $\text{O}\Gamma$ ortak olduğundan,
 o halde $\text{H}\Theta$ ve $\text{O}\Gamma$ ikilisi,
 $\text{E}\Theta$ ve $\text{O}\Gamma$ ikilisine eşittir,
 her biri birine;
 ve ΓH tabanı
 ΓE tabanına eşittir;
 böylece $\Gamma\text{O}\text{H}$ açısı
 $\text{E}\text{O}\Gamma$ açısına eşittir.
 Ve bitişiktir.
 Ne zaman bir doğru,
 bir doğru üzerinde dikildiğinde,
 bitişik açıları
 birbirine eşit yaparsa,
 eşit açılardan her biri diktir,
 ve dikilmiş doğruya
 dikey denir
 üzerine dikildiği [doğru]ya.

Böylece, verilmiş sınırlanmamış AB
 doğruya,
 verilmiş Γ noktasından,
 üzerinde olmayan,
 dikey $\Gamma\Theta$, ilerletilmiş oldu;
 yapılması gereken tam buydu.



13. Önerme

Ἐὰν εὐθεία
ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα
γωνίας ποιῆ,
ἦτοι δύο ὀρθὰς
ἢ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας
ποιήσῃ.

Εὐθεία γάρ τις ἢ AB
ἐπ' εὐθείαν τὴν ΓΔ σταθεῖσα
γωνίας ποιείτω τὰς ὑπὸ ΓΒΑ, ΑΒΔ·

λέγω, ὅτι
αἱ ὑπὸ ΓΒΑ, ΑΒΔ γωνίαι
ἦτοι δύο ὀρθαί εἰσιν
ἢ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι.

Εἰ μὲν οὖν ἴση ἔστιν
ἡ ὑπὸ ΓΒΑ τῇ ὑπὸ ΑΒΔ,
δύο ὀρθαί εἰσιν.

εἰ δὲ οὐ,
ἦχθω
ἀπὸ τοῦ Β σημείου
τῇ ΓΔ [εὐθείᾳ]
πρὸς ὀρθὰς
ἢ ΒΕ·

αἱ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ, ΕΒΔ
δύο ὀρθαί εἰσιν·
καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΓΒΕ
δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΓΒΑ, ΑΒΕ
ἴση ἔστί,ν,
κοινῇ
προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΕΒΔ·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ, ΕΒΔ

Eğer bir doğru,
bir doğrunun üzerine dikilmiş,
açılar yaparsa,
ya iki dik
ya da iki dik açığa eşit
[onları] yapacak.

Zira bir AB doğrusu,
ΓΔ doğrusunun üzerine dikilmiş,
ΓΒΑ ve ΑΒΔ açılarını oluştursun.

Diyorum ki
ΓΒΑ ve ΑΒΔ açıları
ya iki dik açıdır
ya da iki dik açığa eşittir.

Dolayısıyla eğer eşitse
ΓΒΑ, ΑΒΔ'ya,
iki dik açıdır.

Eğer değilse,
ilerletilmiş olsun,
B noktasından,
ΓΔ doğrusuna,
dik [açı]larda,
ΒΕ.

Böylece ΓΒΕ ve ΕΒΔ,
iki diktir;
ve ΓΒΕ,
ΓΒΑ ve ΑΒΕ ikilisine
eşit olduğundan,
ortak olarak
ΕΒΔ, eklensin.
Böylece ΓΒΕ ve ΕΒΔ,

τρισι ταῖς ὑπὸ ΓΒΑ, ΑΒΕ, ΕΒΔ
ἴσαι εἰσίν.

πάλιν,

ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΔΒΑ

δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΔΒΕ, ΕΒΑ

ἴση ἐστίν,

κοινὴ

προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΑΒΓ·

αὶ ἄρα ὑπὸ ΔΒΑ, ΑΒΓ

τρισι ταῖς ὑπὸ ΔΒΕ, ΕΒΑ, ΑΒΓ

ἴσαι εἰσίν.

ἐδείχθησαν δὲ καὶ

αὶ ὑπὸ ΓΒΕ, ΕΒΔ

τρισι ταῖς αὐταῖς ἴσαι·

τὰ δὲ τῶ αὐτῶ ἴσα

καὶ ἀλλήλοισ ἐστίν ἴσα·

καὶ αὶ ὑπὸ ΓΒΕ, ΕΒΔ ἄρα

ταῖς ὑπὸ ΔΒΑ, ΑΒΓ ἴσαι εἰσίν·

ἀλλὰ αὶ ὑπὸ ΓΒΕ, ΕΒΔ

δύο ὀρθαί εἰσιν·

καὶ αὶ ὑπὸ ΔΒΑ, ΑΒΓ ἄρα

δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἐὰν ἄρα εὐθεῖα

ἐπ' εὐθεῖαν σταθεῖσα

γωνίας ποιῆ,

ἢτοι δύο ὀρθάς

ἢ δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας

ποιήσεται·

ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΓΒΑ, ΑΒΕ ve ΕΒΔ ὑψλүsüne
eşıttir.

Yine

ΔΒΑ,

ΔΒΕ ve ΕΒΑ ikilisine

eşıttir olduğundan,

ortak olarak

ΑΒΓ, eklensin;

böylece ΔΒΑ ve ΑΒΓ,

ΔΒΕ, ΕΒΑ ve ΑΒΓ ὑψлүsüne

eşıttir.

Ve ayrıca gösterilmişti

ΓΒΕ ve ΕΒΔ'nın

aynı ὑψлүye eşitliği.

Ve aynı şeye eşitler

birbirine de eşittir;

ve, böylece, ΓΒΕ ve ΕΒΔ,

ΔΒΑ ve ΑΒΓ'ya eşittir;

ama ΓΒΕ ve ΕΒΔ,

iki diktir;

ve böylece ΔΒΑ ve ΑΒΓ

iki dik açığa eşittir.

Eğer, böylece, bir doğru,

bir doğrunun üzerine dikilmiş,

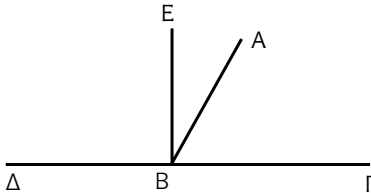
açılar yaparsa,

ya iki dik

ya da iki dik açığa eşit

[onları] yapacak;

gösterilmesi gereken tam buydu.



14. Önerme

Ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ
καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
δύο εὐθεῖαι
μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι
τὰς ἐφεξῆς γωνίας
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας
ποιῶσιν,
ἐπ' εὐθείας
ἔσσονται ἀλλήλαις
αἱ εὐθεῖαι.

Πρὸς γὰρ τινι εὐθείᾳ τῇ AB
καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ B
δύο εὐθεῖαι αἱ BΓ, BΔ
μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι
τὰς ἐφεξῆς γωνίας τὰς ὑπὸ ABΓ, ABΔ
δύο ὀρθαῖς ἴσας
ποιεῖτωσαν·

λέγω, ὅτι
ἐπ' εὐθείας ἔστι
τῇ ΓB ἢ BΔ.

Εἰ γὰρ μὴ ἔστι
τῇ BΓ ἐπ' εὐθείας
ἢ BΔ,
ἔστω
τῇ ΓB ἐπ' εὐθείας
ἢ BE.

Ἐπεὶ οὖν εὐθεῖα ἡ AB
ἐπ' εὐθεῖαν τὴν ΓBE ἐφέστηκεν,
αἱ ἄρα ὑπὸ ABΓ, ABE γωνίαι
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν·

Eğer bir doğruya,
ve aynı noktasında,
iki doğru,
aynı tarafında uzanmayan,
bitişik açıları
iki dik açiya eşit
yaparsa,
bir doğruada
birbiriyle olacak
doğrular.

Zira bir AB doğrusuna,
ve B noktasında,
iki BΓ ve BΔ doğruları,
aynı tarafında uzanmayan,
bitişik ABΓ ve ABΔ açıları
iki dik açiya eşit
yapsın.

Diyorum ki
bir doğrudadır
ΓB ile BΔ.

Zira eğer değilse
BΓ ile bir doğruada
BΔ,
olsun
BΓ ile bir doğruada
BE.

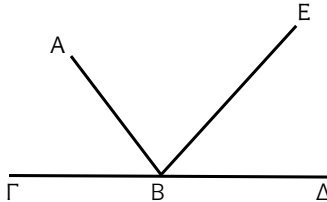
Dolayısıyla AB doğrusu
ΓBE doğrusunun üzerine konuldu-
ğundan,
böylece ABΓ ve ABE açıları
iki dik açiya eşittir.

εἰσι δὲ καὶ αἱ ὑπὸ ABΓ, ABΔ
 δύο ὀρθαῖς ἴσαι·
 αἱ ἄρα ὑπὸ ΓBA, ABE
 ταῖς ὑπὸ ΓBA, ABΔ ἴσαι εἰσίν.
 κοινὴ
 ἀφηρήσθω ἡ ὑπὸ ΓBA·
 λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ ABE
 λοιπῇ τῇ ὑπὸ ABΔ ἔστιν ἴση,
 ἡ ἐλάσσων τῇ μείζονι·
 ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον.
 οὐκ ἄρα
 ἐπ' εὐθείας ἔστιν ἡ BE τῇ ΓB.
 ὁμοίως δὲ δεῖξομεν,
 ὅτι
 οὐδὲ ἄλλη τις πλὴν τῆς BΔ·
 ἐπ' εὐθείας ἄρα ἔστιν
 ἡ ΓB τῇ BΔ.

Ἐὰν ἄρα πρὸς τινι εὐθείᾳ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ
 δύο εὐθεῖαι
 μὴ ἐπὶ αὐτὰ μέρη κείμεναι
 τὰς ἐφεξῆς γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας
 ποιῶσιν,
 ἐπ' εὐθείας
 ἔσονται ἀλλήλας
 αἱ εὐθεῖαι·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ABΓ ve ABΔ da
 iki dik açuya eşittir.
 Böylece ΓBA ve ABE,
 ΓBA ve ABΔ'ya eşittir.
 Ortak olarak
 ΓBA çıkartılmış olsun.
 Böylece ABE kalanı
 ABΔ kalanına eşittir,
 küçük olan büyüğe;
 ki bu imkânsızdır.
 Böylece değildir
 bir doğrudan BE, ΓB ile.
 Benzer şekilde o halde göstereceğiz
 ki
 hiçbiri [öyle değildir], BΔ dışında.
 Böylece bir doğrudadır
 ΓB, BΔ ile.

Eğer, böylece, bir doğruya,
 ve aynı noktasında,
 iki doğru,
 aynı tarafında uzanmayan,
 bitişik açıları
 iki dik açuya eşit
 yaparsa,
 bir doğrudan
 birbiriyle olacak
 doğrular;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



15. Önerme

Ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας,
τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιοῦσιν.

Δύο γὰρ εὐθεῖαι αἱ AB, ΓΔ
τεμνέτωσαν ἀλλήλας
κατὰ τὸ E σημεῖον·

λέγω, ὅτι
ἴση ἐστίν
ἡ μὲν ὑπὸ AEG γωνία τῇ ὑπὸ ΔEB,
ἡ δὲ ὑπὸ ΓEB τῇ ὑπὸ AED.

Ἐπεὶ γὰρ εὐθεῖα ἡ AE
ἐπ' εὐθεῖαν τὴν ΓΔ
ἐφέστηκε
γωνίας ποιοῦσα τὰς ὑπὸ ΓEA, AED,
αἱ ἄρα ὑπὸ ΓEA, AED γωνίαι
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.
πάλιν,
ἐπεὶ εὐθεῖα ἡ ΔE
ἐπ' εὐθεῖαν τὴν AB
ἐφέστηκε
γωνίας ποιοῦσα τὰς ὑπὸ AED, ΔEB,
αἱ ἄρα ὑπὸ AED, ΔEB γωνίαι
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.
ἐδείχθησαν δὲ καὶ
αἱ ὑπὸ ΓEA, AED
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΓEA, AED
ταῖς ὑπὸ AED, ΔEB ἴσαι εἰσίν.
κοινῇ
ἀφηρήσθω

Eğer iki doğru birbirini keserse,
ters açıları¹⁸
birbirine eşit yapar.

Zira AB ve ΓΔ doğruları
birbirini kessin
E noktasında.

Diyorum ki
eşittir
AEG, ΔEB'ya,
ve ΓEB, AED'ya.

Zira AE doğrusu
ΓΔ doğrusuna
dikilmiş olduğundan,
ΓEA ve AED açılarını yapan,
böylece ΓEA ve AED açıları
iki dik açıya eşittir.
Yine,
ΔE doğrusu
AB doğrusuna
dikilmiş olduğundan,
AED ve ΔEB açılarını yapan,
böylece AED ve ΔEB açıları
iki dik açıya eşittir.
Ve gösterilmişti
ΓEA ve AED açılarının
iki dik açıya eşitliği,
böylece ΓEA ve AED,
AED ve ΔEB'ya eşittir.
Ortak olarak
çıkartılmış olsun

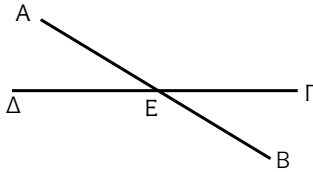
¹⁸Yunancada *baştaki açılar*.

ἢ ὑπὸ $AE\Delta$
 λοιπὴ ἄρα ἢ ὑπὸ ΓEA
 λοιπὴ τῇ ὑπὸ $BE\Delta$ ἴση ἐστίν·
 ὁμοίως δὲ δειχθήσεται,
 ὅτι
 καὶ αἱ ὑπὸ ΓEB , ΔEA ἴσαι εἰσίν.

Ἐὰν ἄρα
 δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας,
 τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας
 ἴσας ἀλλήλαις ποιούσιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

$AE\Delta$;
 böylece ΓEA kalanı,
 $BE\Delta$ kalanına eşittir;
 benzer şekilde o halde gösterilecek
 ki
 ΓEB açısı da ΔEA açısına eşittir.

Eğer, böylece,
 iki doğru birbirini keserse,
 ters açılar
 birbirine eşit yapar
 gösterilmesi gereken tam buydu.



16. Önerme

Παντὸς τριγώνου
μῖα τῶν πλευρῶν προσεκβληθείσης
ἡ ἔκτος γωνία
ἑκατέρας
τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον γωνιῶν
μείζων ἐστίν.

Ἔστω
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ,
καὶ προσεκβεβλήσθω
αὐτοῦ μία πλευρὰ ἢ ΒΓ ἐπὶ τὸ Δ·

λέγω, ὅτι
ἡ ἔκτος γωνία ἢ ὑπὸ ΑΓΔ
μείζων ἐστίν
ἑκατέρας
τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
τῶν ὑπὸ ΓΒΑ, ΒΑΓ γωνιῶν.

Τετμήσθω ἡ ΑΓ δίχα κατὰ τὸ Ε,
καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΒΕ
ἐκβεβλήσθω ἐπ' εὐθείας ἐπὶ τὸ Ζ,
καὶ κείσθω τῆ ΒΕ ἴση
ἡ ΕΖ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΖΓ,
καὶ διήχθω ἡ ΑΓ ἐπὶ τὸ Η.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστίν
ἡ μὲν ΑΕ τῆ ΕΓ,
ἡ δὲ ΒΕ τῆ ΕΖ,
δύο δὲ αἱ ΑΕ, ΕΒ
δυσὶ ταῖς ΓΕ, ΕΖ ἴσαι εἰσὶν

Herhangi bir üçgenin
kenarlarının biri uzatılınca,
dış açı,
her birinden
(iç ve karşıt açılarını)
büyüktür.

Olsun
üçgen ΑΒΓ,
ve uzatılmış olsun
onun ΒΓ kenarı, Δ noktasına.

Diyorum ki
ΑΓΔ dış açısı
büyüktür
her birinden
iç ve karşıt
ΓΒΑ ve ΒΑΓ açılarının.

ΑΓ kenarı, Ε noktasından ikiye bölünmüş olsun,
ve, ΒΕ birleştirilince,
bir doğrudaki Ζ noktasına, uzatılmış
olsun
ve ΒΕ doğrusuna eşit olan otursun
ΕΖ,
ve birleştirilmiş olsun ΖΓ,
ve ΑΓ doğrusu, Η noktasına ilerletilmiş olsun.

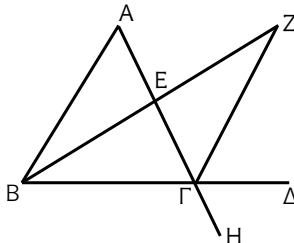
Dolayısıyla eşit olduğundan
ΑΕ, ΕΓ doğrusuna,
ve ΒΕ, ΕΖ doğrusuna,
o halde ΑΕ ve ΕΒ ikilisi,
ΓΕ ve ΕΖ ikilisine eşittir,

ἐκατέρα ἐκατέρᾳ
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ AEB
γωνία τῇ ὑπὸ ZEF ἴση ἐστίν·
κατὰ κορυφὴν γάρ·
βάσις ἄρα ἡ AB
βάσει τῇ ZΓ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ABE τρίγωνον
τῷ ZEF τριγώνῳ ἐστὶν ἴσον,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ,
ὕψ' ὅς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
ἴση ἄρα ἐστὶν
ἡ ὑπὸ BAE τῇ ὑπὸ EΓZ.
μείζων δέ ἐστιν
ἡ ὑπὸ EΓΔ τῆς ὑπὸ EΓZ·
μείζων ἄρα
ἡ ὑπὸ AΓΔ τῆς ὑπὸ BAE.
Ὅμοίως δὴ
τῆς BΓ τετμημένης δίχα
δειχθήσεται καὶ ἡ ὑπὸ BΓH,
τουτέστιν ἡ ὑπὸ AΓΔ,
μείζων καὶ τῆς ὑπὸ ABΓ.

Παντὸς ἄρα τριγώνου
μῖς τῶν πλευρῶν
προσεκβληθείσης
ἡ ἐκτὸς γωνία
εκατέρας
τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον γωνιῶν
μείζων ἐστίν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

her biri birine;
ve AEB açısı,
ZEF açısına eşittir,
zira ters;
böylece AB tabanı
ZΓ tabanına eşittir,
ve ABE üçgeni
ZEF üçgenine eşittir,
ve kalan açılar
kalan açılarna eşittir,
her biri birine,
(yani) eşit kenarları görerler.
Böylece eşittir
EΓΔ ve EΓZ.
Ama büyüktür
BAE, EΓZ açılarından;
böylece büyüktür
AΓΔ, BAE açılarından.
Benzer şekilde o halde
ikiye bölünmüş olduğundan BΓ,
gösterilecek ki BΓH,
AΓΔ açısına eşit olan,
büyüktür ABΓ açılarından da.

Böylece, herhangi bir üçgenin,
kenarlarından biri
uzatıldığında,
dış açı
her bir
iç ve karşıt açıdan
büyüktür;
gösterilmesi gereken tam buydu.



17. Önerme

Παντός τριγώνου αἱ δύο γωνίαι
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσι
πάντη μεταλαμβάνόμεναι.

Ἔστω
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ·

λέγω, ὅτι
τοῦ ΑΒΓ τριγώνου
αἱ δύο γωνίαι
δύο ὀρθῶν ἐλάττονές εἰσι
πάντη μεταλαμβάνόμεναι.

Ἐκβεβλήσθω γάρ
ἡ ΒΓ ἐπὶ τὸ Δ.

καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ΑΒΓ
ἐκτός ἐστι γωνία
ἡ ὑπὸ ΑΓΔ,
μείζων ἐστὶ
τῆς ἐντός καὶ ἀπεναντίου
τῆς ὑπὸ ΑΒΓ.
κοινῇ
προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΑΓΒ·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΑΓΔ, ΑΓΒ
τῶν ὑπὸ ΑΒΓ, ΒΓΑ μείζονές εἰσιν.
ἀλλ' αἱ ὑπὸ ΑΓΔ, ΑΓΒ
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΑΒΓ, ΒΓΑ
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν.
ὁμοίως δὲ δεῖξομεν,
ὅτι
καὶ αἱ ὑπὸ ΒΑΓ, ΑΓΒ
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσι
καὶ ἔτι αἱ ὑπὸ ΓΑΒ, ΑΒΓ.

Herhangi bir üçgenin iki açısı
küçüktür iki dik açıdan,
nasıl alınırsa alınsın.

Olsun
üçgen ΑΒΓ.

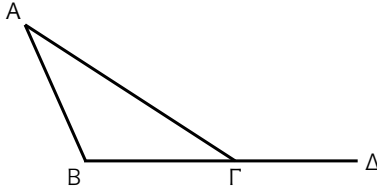
Diyorum ki
ΑΒΓ üçgeninin
iki açısı
küçüktür iki dik açıdan,
nasıl alınırsa alınsın.

Zira uzatılmış olsun
ΒΓ, Δ'ya.

Ve ΑΒΓ üçgeninin
dış açısı olduğundan
ΑΓΔ
büyük
iç ve karşıt
ΑΒΓ açısından.
Ortak olarak
ΑΓΒ, eklensin;
böylece ΑΓΔ ve ΑΓΒ,
ΑΒΓ ve ΒΓΑ'dan büyüktür.
Ama ΑΓΔ ve ΑΓΒ,
iki dik açıya eşittir;
böylece ΑΒΓ ve ΒΓΑ,
iki dik açıdan küçüktür.
Benzer şekilde o halde göstereceğiz
ki
ΒΑΓ ve ΑΓΒ de
iki dik açıdan küçüktür,
ve sonra ΓΑΒ ve ΑΒΓ [öyledir].

Παντός ἄρα τριγώνου
αἱ δύο γωνίαι
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσι
πάντη μεταλαμβάνομεναι
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Böylece herhangi bir üçgenin
iki açısı
iki dik açıdan küçüktür,
nasıl alırsa alınsın;
gösterilmesi gereken tam buydu.



18. Önerme

Παντὸς τριγώνου
ἢ μείζων πλευρὰ
τὴν μείζονα γωνίαν
ὑποτείνει.

Ἐστω γὰρ
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ
μείζονα ἔχον
τὴν ΑΓ πλευρὰν
τῆς ΑΒ·

λέγω, ὅτι
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΒΓ
μείζων ἐστὶ
τῆς ὑπὸ ΒΓΑ·

Ἐπεὶ γὰρ μείζων ἐστὶν ἡ ΑΓ τῆς ΑΒ,
κείσθω
τῇ ΑΒ ἴση ἡ ΑΔ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΒΔ.

καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ ΒΓΔ
ἐκτός ἐστι γωνία ἡ ὑπὸ ΑΔΒ,
μείζων ἐστὶ
τῆς ἐντός καὶ ἀπεναντίον
τῆς ὑπὸ ΔΓΒ·
ἴση δὲ ἡ ὑπὸ ΑΔΒ τῇ ὑπὸ ΑΒΔ,
ἐπεὶ καὶ πλευρὰ ἡ ΑΒ
τῇ ΑΔ ἐστὶν ἴση·
μείζων ἄρα
καὶ ἡ ὑπὸ ΑΒΔ τῆς ὑπὸ ΑΓΒ·
πολλῶ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΒΓ μείζων ἐστὶ
τῆς ὑπὸ ΑΓΒ.

Herhangi bir üçgende
daha büyük bir kenar,
daha büyük bir açıyı
rapteder.

Zira olsun
üçgen ΑΒΓ,
daha büyük olan
ΑΓ kenarı
ΑΒ'dan.

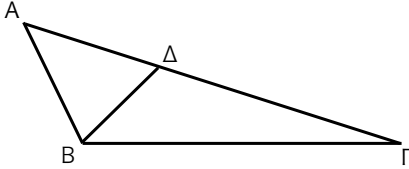
Diyorum ki
ΑΒΓ açısı da
daha büyüktür
ΒΓΑ açısından.

Zira ΑΓ, ΑΒ kenarından daha büyük
olduğundan,
otursun
ΑΒ'ya eşit olan ΑΔ,
ve birleştirilmiş olsun ΒΔ.

ΒΓΔ üçgeninin
dış açısı olduğundan ΑΔΒ açısı da,
büyüktür
iç ve karşıt
ΔΓΒ açısından;
ve ΑΔΒ, ΑΒΔ'ya eşittir,
ΑΒ kenarı da,
ΑΔ'ya eşit olduğundan;
böylece büyüktür
ΑΒΔ da, ΑΓΒ'dan;
böylece ΑΒΓ, ΑΓΒ açısından çok
daha büyüktür.

Παντός ἄρα τριγώνου
ἢ μείζων πλευρὰ
τὴν μείζονα γωνίαν
ὑποτείνει·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Böylece, herhangi bir üçgende
daha büyük bir kenar,
daha büyük bir açıyı
rapteder;
gösterilmesi gereken tam buydu.



19. Önerme

Παντός τριγώνου
ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν
ἢ μείζων πλευρὰ
ὑποτείνει.

Ἐστω γάρ
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ
μείζονα ἔχον
τὴν ὑπὸ ΑΒΓ γωνίαν
τῆς ὑπὸ ΒΓΑ·

λέγω, ὅτι
καὶ πλευρὰ ἢ ΑΓ
πλευρᾶς τῆς ΑΒ
μείζων ἔστιν.

Εἰ γὰρ μὴ,
ἤτοι ἴση ἔστιν
ἢ ΑΓ τῇ ΑΒ
ἢ ἐλάσσων·
ἴση μὲν οὖν οὐκ ἔστιν
ἢ ΑΓ τῇ ΑΒ·
ἴση γὰρ ἂν ἦν
καὶ γωνία ἢ ὑπὸ ΑΒΓ
τῇ ὑπὸ ΑΓΒ·
οὐκ ἔστι δέ·
οὐκ ἄρα ἴση ἔστιν
ἢ ΑΓ τῇ ΑΒ.
οὐδὲ μὴν ἐλάσσων ἔστιν
ἢ ΑΓ τῆς ΑΒ·
ἐλάσσων γὰρ ἂν ἦν καὶ
γωνία ἢ ὑπὸ ΑΒΓ
τῆς ὑπὸ ΑΓΒ·
οὐκ ἔστι δέ·
οὐκ ἄρα ἐλάσσων ἔστιν

Herhangi bir üçgende,
daha büyük bir açısı,
daha büyük bir kenar tarafından
raptedilir.

Zira olsun
bir ΑΒΓ üçgeni,
daha büyük olan
ΑΒΓ açısı
ΒΓΑ açısından.

Diyorum ki
ΑΓ kenarı da
ΑΒ kenarından
daha büyüktür.

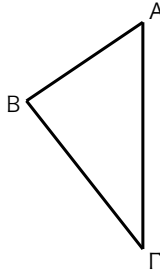
Zira değil ise,
ya eşittir
ΑΓ, ΑΒ'ya
ya da daha küçüktür.
Ama dolayısıyla eşit değildir
ΑΓ, ΑΒ'ya;
zira eğer eşit olsaydı,
ΑΒΓ açısı da,
ΑΓΒ'ya [eşit olurdu];
ama değildir;
böylece eşit değildir
ΑΓ, ΑΒ'ya.
Tabii ki küçük değildir
ΑΓ, ΑΒ'dan;
zira eğer küçük olsaydı,
ΑΒΓ açısı da
ΑΓΒ'dan [küçük olurdu];
ama değildir;
böylece küçük değildir

ή ΑΓ τῆς ΑΒ.
 ἐδείχθη δέ, ὅτι
 οὐδὲ ἴση ἐστίν.
 μείζων ἄρα ἐστίν
 ή ΑΓ τῆς ΑΒ.

Παντός ἄρα τριγώνου
 ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν
 ή μείζων πλευρά
 ὑποτείνει·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ΑΓ, ΑΒ'dan.
 Ve gösterilmişti ki
 eşit değildir.
 Böylece daha büyüktür
 ΑΓ, ΑΒ'dan.

Böylece, herhangi bir üçgende,
 daha büyük bir açı,
 daha büyük bir kenar tarafından
 raptedilir;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



20. Önerme

Παντός τριγώνου
αἱ δύο πλευραὶ
τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι
πάντη μεταλαμβανόμεναι.

Ἐστω γάρ
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ·

λέγω, ὅτι
τοῦ ΑΒΓ τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ
τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι
πάντη μεταλαμβανόμεναι,
αἱ μὲν ΒΑ, ΑΓ τῆς ΒΓ,
αἱ δὲ ΑΒ, ΒΓ τῆς ΑΓ,
αἱ δὲ ΒΓ, ΓΑ τῆς ΑΒ.

Διήχθω γάρ
ἡ ΒΑ ἐπὶ τὸ Δ σημεῖον,
καὶ κείσθω τῇ ΓΑ ἴση ἡ ΑΔ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΓ.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ ΔΑ τῇ ΑΓ,

ἴση ἐστὶ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΔΓ
τῇ ὑπὸ ΑΓΔ·
μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΓΔ
τῆς ὑπὸ ΑΔΓ·
καὶ ἐπεὶ τρίγωνόν ἐστι τὸ ΔΓΒ
μείζονα ἔχον τὴν ὑπὸ ΒΓΔ γωνίαν
τῆς ὑπὸ ΒΔΓ,
ὑπὸ δὲ τὴν μείζονα γωνίαν
ἡ μείζων πλευρὰ
ὑποτείνει,
ἡ ΔΒ ἄρα τῆς ΒΓ ἐστὶ μείζων.
ἴση δὲ ἡ ΔΑ τῇ ΑΓ·

Herhangi bir üçgenin
iki kenarı
kalandan daha büyüktür,
nasıl alınırsa alınsın.

Zira olsun
üçgen ΑΒΓ.

Diyorum ki
ΑΒΓ üçgeninin iki kenarı
kalandan daha büyüktür,
nasıl alınırsa alınsın,
ΒΑ ve ΑΓ, ΒΓ'dan,
ve ΑΒ ve ΒΓ, ΑΓ'dan,
ve ΒΓ ve ΓΑ, ΑΒ'dan.

Zira iletirilmiş olsun
ΒΑ, Δ noktasına,
ve ΑΔ, ΓΑ'ya eşit otursun,
ve ΔΓ birleştirilmiş olsun.

Dolayısıyla ΔΑ, ΑΓ'ya eşit olduğun-
dan,

ΑΔΓ de eşittir
ΑΓΔ'y.

Böylece ΒΓΔ, büyüktür
ΑΔΓ'dan.

ΔΓΒ üçgeninde,
ΒΓΔ açısı daha büyük olduğundan
ΒΔΓ'dan,

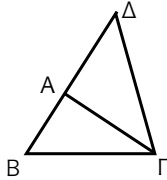
ve daha büyük açı,
daha büyük kenarca
raptedildiğinden,
böylece ΔΒ, ΒΓ'dan büyüktür.
Ve ΔΑ, ΑΓ'ya eşittir;

μείζονες ἄρα αἱ ΒΑ, ΑΓ
τῆς ΒΓ·
ὁμοίως δὴ δεῖξομεν, ὅτι
καὶ αἱ μὲν ΑΒ, ΒΓ τῆς ΓΑ
μείζονές εἰσιν,
αἱ δὲ ΒΓ, ΓΑ τῆς ΑΒ.

Παντὸς ἄρα τριγώνου
αἱ δύο πλευραὶ
τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι
πάντη μεταλαμβανόμεναι·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

böylece BA ve AΓ büyüktür
BΓ'dan;
benzer şekilde göstereceğiz ki
AB ve BΓ, ΓA'dan
büyüktür,
ve BΓ ve ΓA, AB'dan.

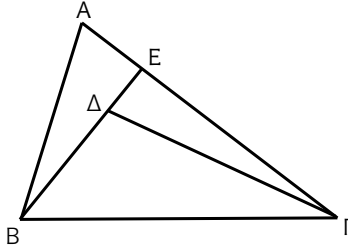
Böylece, herhangi bir üçgenin
iki kenarı
kalandan daha büyüktür,
nasıl alınırsa alınsın;
gösterilmesi gereken tam buydu.



21. Önerme

Ἐὰν τριγώνου
ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν
ἀπὸ τῶν περάτων
δύο εὐθεῖαι
ἐντὸς συσταθῶσιν,
αἱ συσταθεῖσαι
τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
δύο πλευρῶν
ἐλάττονες μὲν ἔσονται,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Eğer bir üçgende,
kenarlarından birinin üzerinde,
sınırlardan,
iki doğru
içeride inşa edilirse,
inşa edilmiş doğrular,
üçgenin kalan
iki kenarından
daha küçük olacak,
ama daha büyük bir açıyı içerecek.



Τριγώνου γὰρ τοῦ ABΓ
ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν τῆς BΓ
ἀπὸ τῶν περάτων τῶν B, Γ
δύο εὐθεῖαι ἐντὸς συνεστάτωσαν αἱ
BΔ, ΔΓ.

Zira ABΓ üçgeninin,
BΓ kenarının üzerinde
B ve Γ sınırlarından,
içeride iki BΔ ve ΔΓ doğruları inşa
edilmiş olsun.

λέγω, ὅτι
αἱ BΔ, ΔΓ
τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
δύο πλευρῶν τῶν BA, AΓ
ἐλάσσονες μὲν εἰσιν,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέχουσι
τὴν ὑπὸ BΔΓ τῆς ὑπὸ BAΓ.

Diyorum ki
BΔ ve ΔΓ
üçgenin kalan iki
BA ve AΓ kenarından,
daha küçüktür,
ama daha büyük açıyı içerir:
BΔΓ, BAΓ'dan [daha büyüktür].

Διήχθω γὰρ ἡ ΒΔ
ἐπὶ τὸ Ε.

καὶ ἐπεὶ παντὸς τριγώνου
αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοιπῆς
μείζονές εἰσιν,
τοῦ ΑΒΕ ἄρα τριγώνου
αἱ δύο πλευραὶ αἱ ΑΒ, ΑΕ
τῆς ΒΕ μείζονές εἰσιν·
κοινὴ προσκείσθω ἡ ΕΓ·
αἱ ἄρα ΒΑ, ΑΓ
τῶν ΒΕ, ΕΓ μείζονές εἰσιν.
πάλιν, ἐπεὶ τοῦ ΓΕΔ τριγώνου
αἱ δύο πλευραὶ αἱ ΓΕ, ΕΔ
τῆς ΓΔ μείζονές εἰσιν,
κοινὴ προσκείσθω ἡ ΔΒ·
αἱ ΓΕ, ΕΒ ἄρα
τῶν ΓΔ, ΔΒ μείζονές εἰσιν.
ἀλλὰ τῶν ΒΕ, ΕΓ
μείζονες ἐδείχθησαν
αἱ ΒΑ, ΑΓ·
πολλῶ ἄρα αἱ ΒΑ, ΑΓ τῶν ΒΔ, ΔΓ
μείζονές εἰσιν.

Πάλιν,
ἐπεὶ παντὸς τριγώνου ἡ ἑκτὸς γωνία
τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
μείζων ἐστίν,
τοῦ ΓΔΕ ἄρα τριγώνου
ἡ ἑκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ ΒΔΓ
μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ ΓΕΔ.
διὰ ταῦτα τοίνυν
καὶ τοῦ ΑΒΕ τριγώνου
ἡ ἑκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ ΓΕΒ
μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ ΒΑΓ.
ἀλλὰ τῆς ὑπὸ ΓΕΒ
μείζων ἐδείχθη
ἡ ὑπὸ ΒΔΓ·

Zira ΒΔ, ilerletilmiş olsun
Ε' a doğru.

Ve herhangi bir üçgenin
iki kenarı, kalandan
büyük olduğundan,
ΑΒΕ üçgeninin,
iki ΑΒ ve ΑΕ kenarları,
ΒΕ kenarından büyüktür;
ortak olarak ΕΓ eklensin;
böylece ΒΑ ve ΑΓ,
ΒΕ ve ΕΓ'dan büyüktür.
Yine, ΓΕΔ üçgeninin,
iki ΓΕ ve ΕΔ kenarları,
ΓΔ'dan büyük olduğundan,
ortak olarak ΔΒ eklenmiş olsun;
böylece ΓΕ ve ΕΒ,
ΓΔ ve ΔΒ'dan büyüktür.
Ama ΒΕ ve ΕΓ'dan
daha büyük gösterilmişti
ΒΑ ve ΑΓ;
böylece ΒΑ ve ΑΓ, ΒΔ ve ΔΓ'dan çok
daha büyüktür.

Yine,
herhangi bir üçgenin dış açısı
iç ve karşıt açısından
daha büyüktür,
böylece, ΓΔΕ üçgeninin
dış açısı ΒΔΓ
ΓΕΔ'dan büyüktür.
Aynı sebeple elbette,
ΑΒΕ üçgeninin
ΓΕΒ dış açısı da
ΒΑΓ'dan büyüktür.
Ama ΓΕΒ'dan,
daha büyük gösterilmişti
ΒΔΓ;

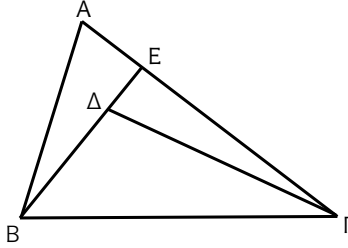
Önermeler

πολλῶν ἄρα ἡ ὑπὸ ΒΔΓ μείζων ἐστὶ
τῆς ὑπὸ ΒΑΓ.

böylece ΒΔΓ, ΒΑΓ'dan çok daha bü-
yüktür.

Ἐὰν ἄρα τριγώνου
ἐπὶ μιᾶς τῶν πλευρῶν
ἀπὸ τῶν περάτων
δύο εὐθεῖαι
ἐντὸς συσταθῶσιν,
αἱ συσταθεῖσαι
τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
δύο πλευρῶν
ἐλάττονες μὲν εἰσιν,
μείζονα δὲ γωνίαν περιέχουσιν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Eğer, böylece, bir üçgenin,
kenarlarından birinin
sınırlarından,
iki doğru
içeride inşa edilirse,
inşa edilen doğrular,
üçgenin kalan
iki kenarından
daha küçüktür,
ama daha büyük bir açıyı içerir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



22. Önerme

Ἐκ τριῶν εὐθειῶν,
αἱ εἰσιν ἴσαι
τρισὶ ταῖς δοθείσαις [εὐθείαις],
τρίγωνον συστήσασθαι·
δεῖ δέ¹⁹
τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι
πάντη μεταλαμβανομένας
[διὰ τὸ καὶ παντὸς τριγώνου
τὰς δύο πλευρὰς
τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι
πάντη μεταλαμβανομένας].

Ἔστωσαν
αἱ δοθεῖσαι τρεῖς εὐθεῖαι αἱ Α, Β, Γ,
ὧν αἱ δύο τῆς λοιπῆς
μείζονες ἔστωσαν
πάντη μεταλαμβανόμεναι,
αἱ μὲν Α, Β τῆς Γ,
αἱ δὲ Α, Γ τῆς Β,
καὶ ἔτι αἱ Β, Γ τῆς Α·

δεῖ δὴ
ἐκ τῶν ἴσων ταῖς Α, Β, Γ
τρίγωνον συστήσασθαι.

Ἐκκείσθω
τις εὐθεῖα ἡ ΔΕ
πεπερασμένη μὲν κατὰ τὸ Δ
ἄπειρος δὲ κατὰ τὸ Ε,
καὶ κείσθω
τῇ μὲν Α ἴση ἡ ΔΖ,
τῇ δὲ Β ἴση ἡ ΖΗ,

Üç doğrudan,
eşit olan
verilmiş üç doğruya,
bir üçgen inşa etmek;
ama gereklidir
ikisinin, kalandan büyük olması,
nasıl alınırsa alınsın,
çünkü herhangi bir üçgenin,
iki kenarı
kalandan büyüktür,
nasıl alınırsa alınsın.

Olsun
üç verilmiş doğru Α, Β, ve Γ,
ve ikisi, kalandan
büyük olsun,
nasıl alınırsa alınsın:
Α ile Β, Γ'dan,
Α ile Γ, Β'dan,
ve Β ile Γ, Α'dan.

O halde gereklidir
Α, Β ve Γ'ya eşit olanlardan
bir üçgen inşa etmek.

Oturtulsun
bir ΔΕ doğrusu,
Δ'da sınırlanmış,
ama Ε'da sınırlanmamış,
ve otursun
Α'ya eşit ΔΖ,
Β'ya eşit ΖΗ,

¹⁹Heiberg'e göre [3], Proklus'un [10] ve Eutokios'un açıklamalarının metinlerinde δὲ yazılır; ama Öklid'in metinlerinde δὴ yazılır.

τῆ δὲ Γ ἴση ἢ ΗΘ·
καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Ζ,
διαστήματι δὲ τῷ ΖΔ
κύκλος γεγράφθω ὁ ΔΚΛ·
πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ Η,
διαστήματι δὲ τῷ ΗΘ
κύκλος γεγράφθω ὁ ΚΛΘ,
καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΚΖ, ΚΗ·

λέγω, ὅτι
ἐκ τριῶν εὐθειῶν
τῶν ἴσων ταῖς Α, Β, Γ
τρίγωνον συνέσταται τὸ ΚΖΗ.

Ἐπεὶ γὰρ τὸ Ζ σημεῖον κέντρον ἐστὶ
τοῦ ΔΚΛ κύκλου,
ἴση ἐστὶν ἡ ΖΔ τῆ ΖΚ·
ἀλλὰ ἡ ΖΔ τῆ Α ἐστὶν ἴση.
καὶ ἡ ΚΖ ἄρα τῆ Α ἐστὶν ἴση.
πάλιν, ἐπεὶ τὸ Η σημεῖον κέντρον ἐστὶ
τοῦ ΛΚΘ κύκλου,
ἴση ἐστὶν ἡ ΗΘ τῆ ΗΚ·
ἀλλὰ ἡ ΗΘ τῆ Γ ἐστὶν ἴση·
καὶ ἡ ΚΗ ἄρα τῆ Γ ἐστὶν ἴση.
ἐστὶ δὲ καὶ ἡ ΖΗ τῆ Β ἴση·
αἱ τρεῖς ἄρα εὐθεῖαι
αἱ ΚΖ, ΖΗ, ΗΚ
τριῶν ταῖς Α, Β, Γ ἴσαι εἰσίν.

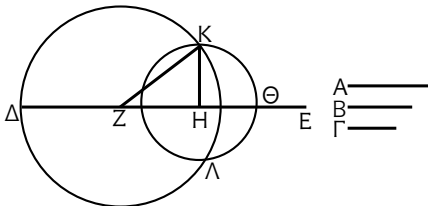
Ἐκ τριῶν ἄρα εὐθειῶν
τῶν ΚΖ, ΖΗ, ΗΚ,
αἱ εἰσὶν ἴσαι
τριῶν ταῖς δοθείσαις εὐθείαις
ταῖς Α, Β, Γ,
τρίγωνον συνέσταται τὸ ΚΖΗ·
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

ve Γ'ya eşit ΗΘ;
ve Z merkezine
ΖΔ uzaklığında
bir ΔΚΛ dairesi çizilmiş olsun;
yine, H merkezine,
ΗΘ uzaklığında,
ΚΛΘ dairesi çizilmiş olsun,
ve ΚΖ ile ΚΗ birleştirilmiş olsun.

Diyorum ki
üç doğrudan
Α, Β ve Γ'ya eşit olan
ΚΖΗ üçgeni inşa edilmiştir.

Zira, Z noktası, ΔΚΛ dairesinin merkezi olduğundan,
ΖΔ, ΖΚ'ya eşittir;
ama ΖΔ, Α'ya eşittir.
Ve ΚΖ böylece Α'ya eşittir.
Yine, Η noktası, ΛΚΘ dairesinin merkezi olduğundan,
ΗΘ, ΗΚ doğrusuna eşittir;
ama ΗΘ, Γ'ya eşittir;
ve ΚΗ böylece Γ'ya eşittir.
ve ΖΗ, Β doğrusuna eşittir;
böylece üç doğru,
ΚΖ, ΖΗ ve ΗΚ,
Α, Β ve Γ üçlüsüne eşittir.

Böylece, üç doğrudan,
ΚΖ, ΖΗ ve ΗΚ'dan,
eşit olan
verilmiş üç doğruya
Α, Β ve Γ'ya,
bir ΚΖΗ üçgeni inşa edilmiştir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



23. Önerme

Πρὸς τῆς δοθείσης εὐθείας
καὶ τῶς πρὸς αὐτῆς σημείω
τῆς δοθείσης γωνίας εὐθυγράμμω ἴσην
γωνίαν εὐθύγραμμον συστήσασθαι.

Ἐστω

ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB,
τὸ δὲ πρὸς αὐτῆς σημεῖον τὸ A,
ἡ δὲ δοθεῖσα γωνία εὐθύγραμμος
ἡ ὑπὸ ΔΓΕ·

δεῖ δὴ

πρὸς τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς AB
καὶ τῶς πρὸς αὐτῆς σημείω τῶς A
τῆς δοθείσης γωνίας εὐθυγράμμω τῆς ὑπὸ
ΔΓΕ ἴσην
γωνίαν εὐθύγραμμον
συστήσασθαι.

Εἰλήφθω

ἐφ' ἑκατέρας τῶν ΓΔ, ΓΕ
τυχόντα σημεία τὰ Δ, Ε,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΕ·
καὶ ἐκ τριῶν εὐθειῶν,
αἷ εἰσιν ἴσαι τρισὶ ταῖς ΓΔ, ΔΕ, ΓΕ,
τρίγωνον συνεστάτω τὸ AZH,
ὥστε ἴσην εἶναι
τὴν μὲν ΓΔ τῆς AZ,
τὴν δὲ ΓΕ τῆς AH,
καὶ ἔτι τὴν ΔΕ τῆς ZH.

Ἐπεὶ οὖν δύο αἱ ΔΓ, ΓΕ
δύο ταῖς ΖΑ, ΑΗ ἴσαι εἰσὶν
ἑκατέρα ἑκατέρᾳ,
καὶ βάσεις ἡ ΔΕ

Verilmiş bir doğruya,
ve üzerinde verilmiş noktada,
verilmiş düzkenar açiya eşit olan,
bir düzkenar açı inşa etmek.

Olsun

verilmiş doğru AB,
ve üzerindeki nokta A,
ve verilmiş düzkenar açı
ΔΓΕ.

O halde gereklidir,

verilmiş AB doğrusunda,
ve üzerindeki A noktasında,
verilmiş düzkenar ΔΓΕ açısına eşit
olan
bir düzkenar açı
inşa etmek.

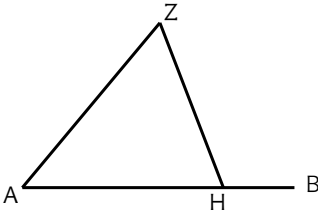
alınmış olsun

ΓΔ ve ΓΕ'un her birinden
rastgele Δ ve Ε noktaları,
ve ΔΕ birleştirilmiş olsun,
ve üç doğrudan
üç ΓΔ, ΔΕ ve ΓΕ'a eşit olan,
AZH üçgeni inşa edilmiş olsun
öyle ki eşit olsun
ΓΔ, AZ'ya,
ΓΕ, AH'ya,
ve ayrıca ΔΕ, ZH'ya.

Dolayısıyla ΔΓ ve ΓΕ ikilisi,
ΖΑ ve ΑΗ ikilisine eşit olduğundan,
her biri birine,
ve ΔΕ tabanı,

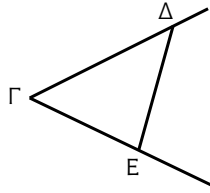
βάσει τῆς ΖΗ ἴσης,
 γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΓΕ γωνία
 τῆς ὑπὸ ΖΑΗ ἐστὶν ἴση.

Πρὸς ἄρα τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς ΑΒ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ Α
 τῆς δοθείσης γωνίας εὐθυγράμμῳ τῆς ὑπὸ
 ΔΓΕ ἴσης
 γωνίας εὐθύγραμμος συνέσταται ἡ ὑπὸ
 ΖΑΗ·
 ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.



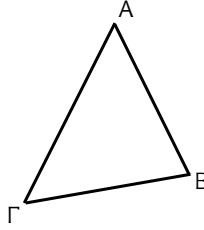
ZH tabanına eşit olduğundan,
 böylece ΔΓΕ açısı
 ΖΑΗ'ya eşittir.

Böylece, verilmiş AB doğrusunda,
 ve üzerindeki A noktasında,
 verilmiş düzkenar ΔΓΕ açısına eşit
 olan
 ΖΑΗ düzkenar açısı inşa edilmiştir;
 yapılması gereken tam buydu.

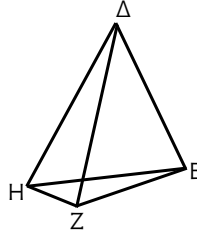


24. Önerme

Ἐὰν δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
[ταῖς] δύο πλευραῖς ἴσας ἔχη
ἐκατέραν ἐκατέρᾳ,
τὴν δὲ γωνίαν
τῆς γωνίας μείζονα ἔχη
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην,
καὶ τὴν βάσιν
τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.



Eğer iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşitse,
her biri birine,
ama açı
açıdan büyükse,
[yani] eşit kenarlarca
rapteden,
taban da
tabandan büyük olacak.



Ἐστω
δύο τρίγωνα τὰ ABΓ, ΔEZ
τὰς δύο πλευρὰς τὰς AB, AΓ
ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς ΔE, ΔZ
ἴσας ἔχοντα
ἐκατέραν ἐκατέρᾳ,
τὴν μὲν AB τῆ ΔE
τὴν δὲ AΓ τῆ ΔZ,
ἢ δὲ πρὸς τῷ A γωνία
τῆς πρὸς τῷ Δ γωνίας μείζων ἔστω·

λέγω, ὅτι
καὶ βάσις ἢ BΓ
βάσεως τῆς EZ μείζων ἔστίν.

Olsun
iki üçgen ABΓ ve ΔEZ,
iki AB ve AΓ kenarı,
iki ΔE ve ΔZ kenarına
eşit olan,
her biri birine,
AB, ΔE'a,
ve AΓ, ΔZ'ya,
ve A'daki açı,
Δ'daki açıdan büyük olsun.

Diyorum ki
BΓ tabanını da
EZ tabanından büyüktür.

Ἐπει γὰρ μείζων ἡ ὑπὸ ΒΑΓ γωνία
 τῆς ὑπὸ ΕΔΖ γωνίας,
 συνεστάτω
 πρὸς τῇ ΔΕ εὐθείᾳ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ Δ
 τῇ ὑπὸ ΒΑΓ γωνίᾳ ἴση ἡ ὑπὸ ΕΔΗ,
 καὶ κείσθω
 ὁποτέρᾳ τῶν ΑΓ, ΔΖ ἴση ἡ ΔΗ,
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΗ, ΖΗ.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν
 ἡ μὲν ΑΒ τῇ ΔΕ,
 ἡ δὲ ΑΓ τῇ ΔΗ,
 δύο δὲ αἱ ΒΑ, ΑΓ
 δυσὶ ταῖς ΕΔ, ΔΗ ἴσαι εἰσὶν
 ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ·
 καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ
 γωνία τῇ ὑπὸ ΕΔΗ ἴση·
 βάσις ἄρα ἡ ΒΓ
 βάσει τῇ ΕΗ ἐστὶν ἴση.
 πάλιν, ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ,
 ἴση ἐστὶ καὶ
 ἡ ὑπὸ ΔΗΖ γωνία τῇ ὑπὸ ΔΖΗ·
 μείζων ἄρα
 ἡ ὑπὸ ΔΖΗ τῆς ὑπὸ ΕΗΖ·
 πολλῶν ἄρα μείζων ἐστὶν
 ἡ ὑπὸ ΕΖΗ τῆς ὑπὸ ΕΗΖ.
 καὶ ἐπεὶ τρίγωνόν ἐστι τὸ ΕΖΗ
 μείζονα ἔχον
 τὴν ὑπὸ ΕΖΗ γωνίαν τῆς ὑπὸ ΕΗΖ,
 ὑπὸ δὲ τὴν μείζονα γωνίαν
 ἡ μείζων πλευρὰ
 ὑποτείνει,
 μείζων ἄρα καὶ
 πλευρὰ ἡ ΕΗ τῆς ΕΖ.
 ἴση δὲ ἡ ΕΗ τῇ ΒΓ·
 μείζων ἄρα καὶ ἡ ΒΓ τῆς ΕΖ.

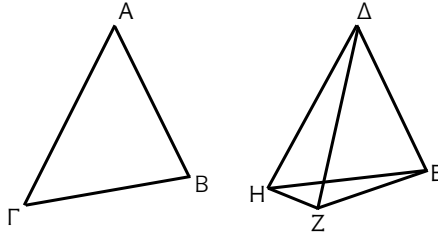
Zira ΒΑΓ açısı, büyük olduğundan
 ΕΔΖ açısından,
 inşa edilmiş olsun
 ΔΕ doğrusunda,
 ve üzerindeki Δ noktasında,
 ΒΑΓ açısına eşit olan ΕΔΗ,
 ve oturmuş olsun
 ΑΓ veya ΔΖ'ya eşit olan ΔΗ,
 ve ΕΗ ve ΖΗ birleştirilmiş olsun.

Dolayısıyla eşit olduğundan
 ΑΒ, ΔΕ'ya,
 ve ΑΓ, ΔΗ'ya,
 o halde ΒΑ ve ΑΓ ikilisi,
 ΕΔ ve ΔΗ ikilisine eşittir,
 her biri birine;
 ve ΒΑΓ açısı
 ΕΔΗ açısına eşittir;
 böylece ΒΓ tabanı
 ΕΗ tabanına eşittir.
 Yine, ΔΖ, ΔΗ'ya eşit olduğundan,
 bir de eşittir
 ΔΗΖ açısı, ΔΖΗ'ya;
 böylece büyüktür
 ΔΖΗ, ΕΗΖ'dan;
 böylece çok daha büyüktür
 ΕΖΗ, ΕΗΖ açısından.
 Ve ΕΖΗ üçgende,
 büyük olduğundan
 ΕΖΗ açısı ΕΗΖ'dan,
 ve daha büyük açı,
 daha büyük açı tarafından
 raptedildiğinden,
 böylece büyüktür
 ΕΗ kenarı da ΕΖ'dan.
 Ve ΕΗ, ΒΓ'ya eşittir;
 böylece ΒΓ da, ΕΖ'dan büyüktür.

Önermeler

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ
ἐκατέραν ἐκατέρῳ,
τὴν δὲ γωνίαν
τῆς γωνίας μείζονα ἔχῃ
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην,
καὶ τὴν βᾶσιν
τῆς βάσεως μείζονα ἔξει·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Eğer, böylece, iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşitse
her biri birine,
ama açı
açıdan büyükse,
[yani] eşit kenarlarca
rapteden,
taban da
tabandan büyük olacak;
gösterilmesi gereken tam buydu.



25. Önerme

Ἐὰν δύο τρίγωνα
τὰς δύο πλευρὰς
δυοὶ πλευραῖς ἴσας ἔχη
ἐκατέραν ἐκατέρῳ,
τὴν δὲ βάσιν
τῆς βάσεως μείζονα ἔχη,
καὶ τὴν γωνίαν
τῆς γωνίας μείζονα ἔξει
τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
περιεχομένην.

Ἔστω
δύο τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ
τὰς δύο πλευρὰς τὰς ΑΒ, ΑΓ
ταῖς δύο πλευραῖς ταῖς ΔΕ, ΔΖ
ἴσας ἔχοντα
ἐκατέραν ἐκατέρῳ,
τὴν μὲν ΑΒ τῆ ΔΕ,
τὴν δὲ ΑΓ τῆ ΔΖ·
βάσις δὲ ἡ ΒΓ
βάσεως τῆς ΕΖ μείζον ἔστω·

λέγω, ὅτι
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ
γωνίας τῆς ὑπὸ ΕΔΖ μείζον ἔστίν.

Εἰ γὰρ μή,
ἦτοι ἴση ἔστίν αὐτῇ ἢ ἐλάσσων·
ἴση μὲν οὖν οὐκ ἔστιν
ἢ ὑπὸ ΒΑΓ τῆ ὑπὸ ΕΔΖ·
ἴση γὰρ ἂν ἦν
καὶ βάσις ἡ ΒΓ βάσει τῆ ΕΖ·
οὐκ ἔστι δέ.
οὐκ ἄρα ἴση ἔστι
γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ τῆ ὑπὸ ΕΔΖ·

Eğer iki üçgende
iki kenar
iki kenara eşitse
her biri birine,
ama taban
tabandan büyükse,
açı da
açıdan büyük olacak
[yani] eşit doğrularca
rapteden.

Olsun
iki üçgen ΑΒΓ ve ΔΕΖ,
iki ΑΒ ve ΑΓ kenarı,
iki ΔΕ ve ΔΖ kenarına
eşit olan,
her biri birine,
ΑΒ, ΔΕ'ya
ve ΑΓ, ΔΖ'ya;
ve ΒΓ tabanı
ΕΖ tabanından büyük olsun.

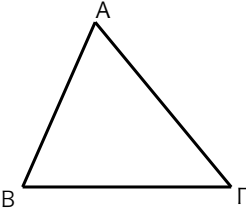
Diyorum ki
ΒΑΓ açısı da
ΕΔΖ açısından büyüktür.

Zira eğer değilse,
ya ona eşittir, ya da ondan küçük;
ama dolayısıyla eşit değildir
ΒΑΓ, ΕΔΖ'ya;
zira eğer eşit ise
ΒΓ tabanı da, ΕΖ tabanına [eşittir];
ama değil.
Böylece eşit değildir
ΒΑΓ açısı, ΕΔΖ'ya;

οὐδὲ μὴν ἐλάσσων ἐστὶν
 ἢ ὑπὸ ΒΑΓ τῆς ὑπὸ ΕΔΖ·
 ἐλάσσων γὰρ ἂν ἦν
 καὶ βάσις ἢ ΒΓ βάσεως τῆς ΕΖ·

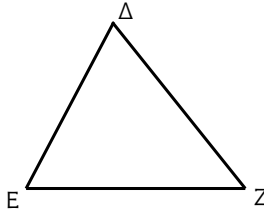
οὐκ ἔστι δέ·
 οὐκ ἄρα ἐλάσσων ἐστὶν
 ἢ ὑπὸ ΒΑΓ γωνία τῆς ὑπὸ ΕΔΖ.
 ἐδείχθη δέ, ὅτι
 οὐδὲ ἴση·
 μείζων ἄρα ἐστὶν
 ἢ ὑπὸ ΒΑΓ τῆς ὑπὸ ΕΔΖ.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα
 τὰς δύο πλευρὰς
 δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχη
 ἐκατέραν ἐκάτερα,
 τὴν δὲ βασίον
 τῆς βάσεως μείζονα ἔχη,
 καὶ τὴν γωνίαν
 τῆς γωνίας μείζονα ἔξει
 τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν
 περιεχομένην·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.



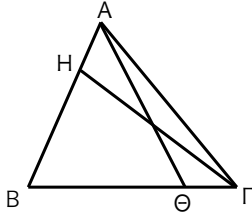
tabii ki küçük değildir
 ΒΑΓ, ΕΔΖ'dan;
 zira eğer küçük ise,
 ΒΓ tabanı da, ΕΖ tabanından [kü-
 çüktür];
 ama değil;
 böylece küçük değildir
 ΒΑΓ, ΕΔΖ'dan.
 Ama gösterilmişti ki
 eşit değildir;
 böylece büyüktür
 ΒΑΓ, ΕΔΖ'dan.

Eğer, böylece, iki üçgende
 iki kenar
 iki kenara eşitse
 her biri birine,
 ama taban
 tabandan büyükse,
 açı da
 açıdan büyük olacak
 [yani] eşit doğrularca
 rapteden;
 gösterilmesi gereken tam buydu.

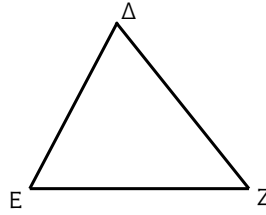


26. Önerme

Ἐὰν δύο τρίγωνα
 τὰς δύο γωνίας
 δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχη
 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ
 καὶ μίαν πλευρὰν
 μιᾷ πλευρᾷ ἴσην
 ἦτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις
 ἢ τὴν ὑποτείνουσαν
 ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν,
 καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς
 ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας ἔξει
 καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν
 τῇ λοιπῇ γωνίᾳ.



Eğer iki üçgenin
 iki açısı,
 iki açısına eşitse,
 her biri birine,
 ve bir kenar,
 bir kenara eşitse,
 ya eşit açılırlar arasında olan
 ya da karşılayan
 eşit açılardan birini,
 kalan kenarları da
 kalan kenarlarına eşit olacak,
 kalan açıları da
 kalan açılara.



Ἐστω
 δύο τρίγωνα τὰ ABΓ, ΔEZ
 τὰς δύο γωνίας τὰς ὑπὸ ABΓ, BΓA
 δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΔEZ, EZΔ
 ἴσας ἔχοντα
 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ,
 τὴν μὲν ὑπὸ ABΓ τῇ ὑπὸ ΔEZ,
 τὴν δὲ ὑπὸ BΓA τῇ ὑπὸ EZΔ·
 ἐχέτω δὲ
 καὶ μίαν πλευρὰν
 μιᾷ πλευρᾷ ἴσην,
 πρότερον τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις

Olsun
 iki üçgen ABΓ ve ΔEZ,
 iki ABΓ ve BΓA açıları
 iki ΔEZ ve EZΔ'ya
 eşit olan,
 her biri birine,
 ABΓ, ΔEZ'ya
 ve BΓA, EZΔ'ya;
 ayrıca olsun
 bir kenarı da
 bir kenarına eşit,
 önce, eşit açılırlar arasında olan,

τὴν ΒΓ τῆ ΕΖ·

λέγω, ὅτι

καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς
ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας ἔξει
ἐκατέραν ἐκατέρᾳ,
τὴν μὲν ΑΒ τῆ ΔΕ
τὴν δὲ ΑΓ τῆ ΔΖ,
καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν
τῆ λοιπῆ γωνία,
τὴν ὑπὸ ΒΑΓ τῆ ὑπὸ ΕΔΖ.

Εἰ γὰρ ἀνισός ἐστιν

ἡ ΑΒ τῆ ΔΕ,
μία αὐτῶν μείζων ἐστίν.
ἔστω μείζων ἡ ΑΒ,
καὶ κείσθω
τῆ ΔΕ ἴση ἡ ΒΗ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΗΓ.

Ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστίν

ἡ μὲν ΒΗ τῆ ΔΕ,
ἡ δὲ ΒΓ τῆ ΕΖ,
δύο δὲ αἱ ΒΗ, ΒΓ
δυσὶ ταῖς ΔΕ, ΕΖ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΗΒΓ
γωνία τῆ ὑπὸ ΔΕΖ ἴση ἐστίν·
βάσει ἄρα ἡ ΗΓ
βάσει τῆ ΔΖ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ΗΒΓ τρίγωνον
τῷ ΔΕΖ τριγώνῳ ἴσον ἐστίν,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται,
ὅφ' ἂς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΓΒ γωνία
τῆ ὑπὸ ΔΖΕ.
ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΔΖΕ

ΒΓ, ΕΖ'ya.

Diyorum ki
kalan kenarlar da
kalan kenarlara eşit olacaklar,
her biri birine,
ΑΒ, ΔΕ'a
ve ΑΓ, ΔΖ'ya,
ve kalan açı
kalan açiya,
ΒΑΓ, ΕΔΖ'ya.

Zira eğer eşit değilse,

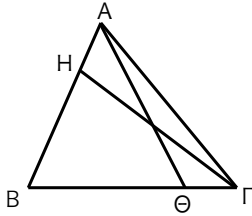
ΑΒ, ΔΕ kenarına,
biri daha büyüktür.
ΑΒ daha büyük olsun,
ve oturmuş olsun
ΔΕ'a eşit olan ΒΗ,
ve ΗΓ birleştirilmiş olsun.

Dolayısıyla eşit olduğundan

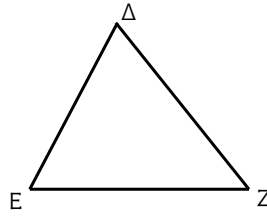
ΒΗ, ΔΕ'a
ve ΒΓ, ΕΖ'ya,
o halde ΒΗ ve ΒΓ ikilisi
ΔΕ ve ΕΖ ikilisine eşittir,
her biri birine,
ve ΗΒΓ açısı
ΔΕΖ açısına eşittir;
böylece ΗΓ tabanı
ΔΖ tabanına eşittir,
ve ΗΒΓ üçgeni
ΔΕΖ üçgenine eşittir,
ve kalan açılar
kalan açılara eşit olacaklar
eşit kenarlar raptettiği.
Böylece ΒΗΓ açısı eşittir
ΔΖΕ'a.
Ama ΔΖΕ,

Önermeler

τῆ ὑπὸ ΒΓΑ ὑπόκειται ἴση·
καὶ ἡ ὑπὸ ΒΓΗ ἄρα
τῆ ὑπὸ ΒΓΑ ἴση ἐστίν,
ἡ ἐλάσσων τῆ μείζονι·
ὅπερ ἀδύνατον.
οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν
ἡ ΑΒ τῆ ΔΕ.
ἴση ἄρα.
ἔστι δὲ καὶ
ἡ ΒΓ τῆ ΕΖ ἴση·
δύο δὲ αἱ ΑΒ, ΒΓ
δυσὶ ταῖς ΔΕ, ΕΖ ἴσαι εἰσὶν
ἑκατέρα ἑκατέρᾳ·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΒΓ
γωνία τῆ ὑπὸ ΔΕΖ ἐστὶν ἴση·
βάσις ἄρα ἡ ΑΓ
βάσει τῆ ΔΖ ἴση ἐστίν,
καὶ λοιπὴ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ
τῆ λοιπῆ γωνία τῆ ὑπὸ ΕΔΖ
ἴση ἐστίν.



BGA'ya eşit kabul edilir,
böylece BΓH de
BGA açısına eşittir,
daha küçük olan daha büyük olana,
ki bu imkânsızdır.
Böylece eşit değil değildir,
AB, ΔE kenarına.
Böylece eşittir.
Ve durum şöyledir;
BΓ, ΕΖ kenarına eşittir;
o halde AB ve BΓ ikilisi
ΔE ve ΕΖ ikilisine eşittir,
her biri birine;
ABΓ açısı da
ΔΕΖ açısına eşittir;
böylece ΑΓ tabanı
ΔΖ tabanına eşittir,
ve kalan ΒΑΓ açısı
kalan ΕΔΖ açısına
eşittir.



ἀλλὰ δὴ πάλιν ἔστωσαν
αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας πλευραὶ ὑπο-
τείνουσαι ἴσαι,
ὡς ἡ ΑΒ τῆ ΔΕ·
λέγω πάλιν, ὅτι
καὶ αἱ λοιπαὶ πλευραὶ
ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσαι ἔσονται,
ἡ μὲν ΑΓ τῆ ΔΖ,

Ama o halde yine olsun
eşit açılı rapteden kenarlar eşit,
AB, ΔE kenarına gibi;
Yine diyorum ki
kalan kenarlar da
kalan kenarlara eşit olacaklar,
ΑΓ, ΔΖ kenarına

ή δὲ ΒΓ τῆ EZ
καὶ ἔτι ἡ λοιπὴ γωνία ἡ ὑπὸ ΒΑΓ
τῆ λοιπῆ γωνίᾳ τῆ ὑπὸ ΕΔΖ
ἴση ἐστίν.

Εἰ γὰρ ἄνισός ἐστιν
ἡ ΒΓ τῆ EZ,
μία αὐτῶν μείζων ἐστίν.
ἔστω μείζων, εἰ δυνατόν, ἡ ΒΓ,
καὶ κείσθω
τῆ EZ ἴση ἡ ΒΘ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΘ.
καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστίν
ἡ μὲν ΒΘ τῆ EZ
ἡ δὲ ΑΒ τῆ ΔΕ,
δύο δὴ αἱ ΑΒ, ΒΘ
δυσὶ ταῖς ΔΕ, ΕΖ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ·
καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν·
βάσει τῆ ΔΖ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ΑΒΘ τρίγωνον
τῷ ΔΕΖ τριγώνῳ ἴσον ἐστίν,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται,
ὕφ' ὧν αἱ ἴσας πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
ἴση ἄρα ἐστίν
ἡ ὑπὸ ΒΘΑ γωνία τῆ ὑπὸ ΕΖΔ.
ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΕΖΔ
τῆ ὑπὸ ΒΓΑ ἐστίν ἴση·
τριγώνου δὲ τοῦ ΑΘΓ
ἡ ἐκτὸς γωνία ἡ ὑπὸ ΒΘΑ ἴση ἐστὶ
τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τῆ ὑπὸ ΒΓΑ·
ὅπερ ἀδύνατον.
οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν
ἡ ΒΓ τῆ EZ·
ἴση ἄρα.
ἐστὶ δὲ καὶ ἡ ΑΒ τῆ ΔΕ ἴση.

ve ΒΓ, ΕΖ kenarına
ve kalan ΒΑΓ açısı da
kalan ΕΔΖ açısına
eşittir.

Zira eğer eşit değil ise,
ΒΓ, ΕΖ kenarına,
biri daha büyüktür.
Mümkünse, ΒΓ daha büyük olsun,
ve oturmuş olsun
ΕΖ'ya eşit olan ΒΘ,
ve ΑΘ birleştirilmiş olsun.
Ayrıca eşit olduğundan
ΒΘ, ΕΖ kenarına,
ve ΑΒ, ΔΕ kenarına,
o halde ΑΒ ve ΒΘ ikilisi,
ΔΕ ve ΕΖ ikilisine eşittir,
her biri birine;
ve eşit açıları içerirler,
böylece ΑΘ tabanı
ΔΖ tabanına eşittir,
ve ΑΒΘ üçgeni
ΔΕΖ üçgenine eşittir,
ve kalan açılar
kalan açılara eşit olacak,
eşit kenarların raptettiği.
Böylece eşittir
ΒΘΑ açısı, ΕΖΔ açısına.
Ama ΕΖΔ,
ΒΓΑ açısına eşittir;
o halde ΑΘΓ üçgeninin
ΒΘΑ dış açısı eşittir
iç ve karşıt ΒΓΑ açısına;
ki bu imkânsızdır.
Böylece eşit değil değildi
ΒΓ, ΕΖ'ya;
böylece eşittir.
Ve tekrar ΑΒ, ΔΕ kenarına eşittir.

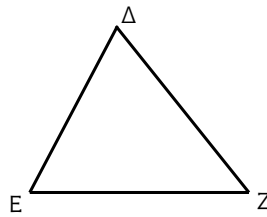
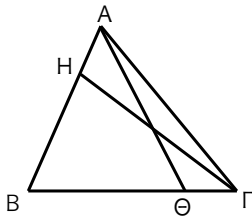
Önrmeler

δύο δὴ αἰ AB, BΓ
δύο ταῖς ΔΕ, ΕΖ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρᾳ ἐκατέρᾳ·
καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι·
βάσις ἄρα ἢ ΑΓ
βάσει τῇ ΔΖ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΔΕΖ τριγώνῳ ἴσον
καὶ λοιπὴ γωνία ἢ ὑπὸ ΒΑΓ
τῇ λοιπῇ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΕΔΖ ἴση.

Ἐὰν ἄρα δύο τρίγωνα
τὰς δύο γωνίας
δυσὶ γωνίαις ἴσας ἔχη
ἐκατέραν ἐκατέρᾳ
καὶ μίαν πλευρὰν
μιᾶ πλευρᾷ ἴσην
ἢτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις,
ἢ τὴν ὑποτείνουσιν
ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν,
καὶ τὰς λοιπὰς πλευρὰς
ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς ἴσας ἔξει
καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν
τῇ λοιπῇ γωνίᾳ·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Ο halde AB ve BΓ ikilisi
ΔΕ ve ΕΖ ikilisine eşittir,
her biri birine;
ve eşit açılar içerirler;
böylece ΑΓ tabanı
ΔΖ tabanına eşittir,
ve ΑΒΓ üçgeni
ΔΕΖ üçgenine eşittir,
ve kalan ΒΑΓ açısı
kalan ΕΔΖ açısına eşittir.

Eğer, böylece, iki üçgenin
iki açısı
iki açısına eşitse,
her biri birine,
ve bir kenar
bir kenara eşitse,
ya eşit açılardan arasında olan
ya da rapteden
eşit açılardan birini;
kalan kenarları da
kalan kenarlarına eşit olacak,
kalan açılarını da
kalan açılara;
gösterilmesi gereken tam buydu.



27. Önerme

Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας
εὐθεῖα ἐμπίπτουσα
τὰς ἐναλλάξ γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ,
παράλληλοι ἔσσονται ἀλλήλαις
αἱ εὐθεῖαι.

Εἰς γὰρ δύο εὐθείας τὰς AB, ΓΔ εὐθεῖα
ἐμπίπτουσα ἢ EZ
τὰς ἐναλλάξ γωνίας τὰς ὑπὸ AEZ, EZΔ
ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖται·

λέγω, ὅτι
παράλληλός ἐστιν ἢ AB τῆ ΓΔ.

Εἰ γὰρ μή,
ἐκβαλλόμεναι
αἱ AB, ΓΔ συμπεσοῦνται
ἤτοι ἐπὶ τὰ B, Δ μέρη
ἢ ἐπὶ τὰ A, Γ.
ἐκβεβλήσθωσαν
καὶ συμπιπτέτωσαν
ἐπὶ τὰ B, Δ μέρη κατὰ τὸ H.
τριγώνου δὴ τοῦ HEZ
ἢ ἐκτὸς γωνία ἢ ὑπὸ AEZ ἴση ἐστὶ
τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον τῆ ὑπὸ EZH·
ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον·
οὐκ ἄρα
αἱ AB, ΓΔ ἐκβαλλόμεναι
συμπεσοῦνται ἐπὶ τὰ B, Δ μέρη.
ὁμοίως δὴ δειχθήσεται,
ὅτι
οὐδὲ ἐπὶ τὰ A, Γ·
αἱ δὲ ἐπὶ μηδέτερα τὰ μέρη
συμπίπτουσαι

Eğer iki doğrunun üzerine
düşen bir doğru,
ters açıları
birbirine eşit yaparsa,
birbirine paralel olacak
doğrular.

Zira iki AB ve ΓΔ doğrularının üze-
rine düşen EZ,
ters AEZ ve EZΔ açılarını
birbirine eşit yaparsın.

Diyorum ki
AB, ΓΔ'ya paraleldir.

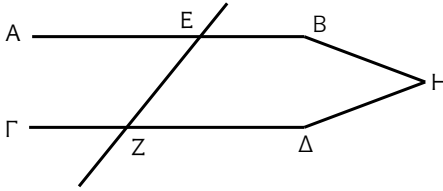
Zira eğer değilse,
uzatılan,
AB ve ΓΔ çarpışacak,
ya B ve Δ kenarında,
ya da A ve Γ kenarında.
Uzatılmış olsun,
ve çarpışsın
B ve Δ tarafında, H'da.
HEZ üçgeninin
AEZ dış açısı, eşittir
iç ve karşıt EZH'ya;
ki bu imkânsızdır.
Böylece şöyle değildir:
AB ve ΓΔ, uzatılmış,
B ve Δ tarafında çarpışacak.
Benzer şekilde o halde gösterilecek
ki
A ve Γ tarafında da değil.
Hiçbir tarafta
çarpışanlar,

παράλληλοί εἰσιν·
παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ AB τῇ ΓΔ.

paraleldir;
böylece AB, ΓΔ'ya paraleldir.

Ἐὰν ἄρα εἰς δύο εὐθείας
εὐθεῖα ἐμπέπτουσα
τὰς ἐναλλάξ γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ,
παράλληλοι ἔσσονται
αἱ εὐθεῖαι·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Eğer, böylece, iki doğru üzerine
düşen bir doğru
ters açıları
birbirine eşit yaparsa
birbirine paralel olacak
doğrular;
gösterilmesi gereken tam buydu.



28. Önerme

Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας
εὐθεῖα ἐμπίπτουσα
τὴν ἐκτὸς γωνίαν
τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
ἴσην ποιῆ
ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας,
παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις
αὶ εὐθεῖαι.

Εἰς γὰρ δύο εὐθείας τὰς AB, ΓΔ
εὐθεῖα ἐμπίπτουσα ἢ EZ
τὴν ἐκτὸς γωνίαν τὴν ὑπὸ EHB
τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον γωνίᾳ τῆ ὑπὸ
HΘΔ
ἴσην ποιείτω
ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
τὰς ὑπὸ BHΘ, HΘΔ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας·

λέγω, ὅτι
παράλληλός ἐστιν
ἢ AB τῆ ΓΔ.

Ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν
ἢ ὑπὸ EHB τῆ ὑπὸ HΘΔ,
ἀλλὰ ἢ ὑπὸ EHB
τῆ ὑπὸ AHΘ ἐστὶν ἴση,
καὶ ἢ ὑπὸ AHΘ ἄρα
τῆ ὑπὸ HΘΔ ἐστὶν ἴση·
καὶ εἰσὶν ἐναλλάξ·
παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἢ AB τῆ ΓΔ.

Πάλιν, ἐπεὶ αὶ ὑπὸ BHΘ, HΘΔ

Eğer iki doğru üzerine
düşen bir doğru,
dış açısı,
iç ve karşıt
ve aynı tarafta [kalan] açıya
eşit yaparsa,
veya iç ve aynı tarafta [kalanları]
iki dik açıya eşit,
birbirine paralel olacak
doğrular.

Zira AB ve ΓΔ doğruları üzerine
düşen EZ doğrusu,
EHB dış açısını
iç ve karşıt HΘΔ açısına
eşit yapsın,
veya iç ve aynı tarafta [kalan]
BHΘ ve HΘΔ açılıarı
iki dik açıya eşit.

Diyorum ki
paraleldir
AB, ΓΔ'ya.

Zira eşit olduğundan
EHB, HΘΔ'ya,
ama EHB,
AHΘ'ya eşit olduğundan,
böylece AHΘ da
HΘΔ'ya eşittir;
ve onlar terstir;
böylece AB, ΓΔ'ya paraleldir.

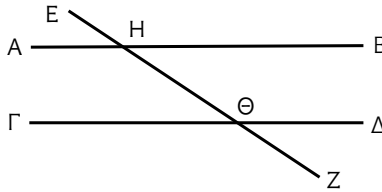
Yine BHΘ ve HΘΔ,

δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν,
 εἰσι δὲ καὶ αἱ ὑπὸ ΑΗΘ, ΒΗΘ
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι,
 αἱ ἄρα ὑπὸ ΑΗΘ, ΒΗΘ
 ταῖς ὑπὸ ΒΗΘ, ΗΘΔ ἴσαι εἰσίν·
 κοινῇ
 ἀφηρήσθω ἡ ὑπὸ ΒΗΘ·
 λοιπῇ ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΗΘ
 λοιπῇ τῇ ὑπὸ ΗΘΔ ἔστιν ἴση·
 καὶ εἰσιν ἐναλλάξ·
 παράλληλος ἄρα ἔστιν ἡ ΑΒ τῇ ΓΔ.

Ἐάν ἄρα εἰς δύο εὐθείας
 εὐθεῖα ἐμπίπτουσα
 τὴν ἐκτὸς γωνίαν
 τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
 καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 ἴσην ποιῇ
 ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας,
 παράλληλοι ἔσσονται
 αἱ εὐθεῖαι·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

iki dik açığı eşittir,
 ve ΑΗΘ ve ΒΗΘ de,
 iki dik açığı eşittir,
 böylece ΑΗΘ ve ΒΗΘ,
 ΒΗΘ ve ΗΘΔ'ya eşittir;
 ve ortak olarak
 ΒΗΘ, ayrılmış olsun;
 böylece ΑΗΘ kalanı
 ΗΘΔ kalanına eşittir;
 ve bunlar terstir;
 böylece ΑΒ, ΓΔ'ya paraleldir.

Eğer böylece iki doğru üzerine
 düşen bir doğru,
 dış açığı,
 iç ve karşıt
 ve aynı tarafta kalan açığı
 eşit yaparsa,
 veya iç ve aynı tarafta kalanları,
 iki dik açığı eşit,
 birbirine paralel olacak
 doğrular;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



29. Önerme

Ἡ εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας εὐθεῖα
ἐμπίπτουσα
τὰς τε ἐναλλάξ γωνίας
ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ
καὶ τὴν ἐκτὸς
τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἴσην
καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Εἰς γὰρ παραλλήλους εὐθείας τὰς AB,
ΓΔ
εὐθεῖα ἐμπιπτέτω ἡ EZ·

λέγω, ὅτι τὰς ἐναλλάξ γωνίας τὰς ὑπὸ
AHΘ, HΘΔ ἴσας ποιεῖ
καὶ τὴν ἐκτὸς γωνίαν τὴν ὑπὸ EHB
τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
τῇ ὑπὸ HΘΔ ἴσην
καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
τὰς ὑπὸ BHΘ, HΘΔ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας.

Εἰ γὰρ ἀνισός ἐστιν
ἡ ὑπὸ AHΘ τῇ ὑπὸ HΘΔ,
μία αὐτῶν μείζων ἐστίν.
ἔστω μείζων ἡ ὑπὸ AHΘ·
κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ BHΘ·
αἱ ἄρα ὑπὸ AHΘ, BHΘ
τῶν ὑπὸ BHΘ, HΘΔ μείζονές εἰσιν.
ἀλλὰ αἱ ὑπὸ AHΘ, BHΘ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσιν.
[καὶ] αἱ ἄρα ὑπὸ BHΘ, HΘΔ
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν.
αἱ δὲ ἀπ' ἐλασσόνων ἢ δύο ὀρθῶν
ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον

Paralel doğrular üzerine düşen bir
doğru
hem ters açıları
birbirine eşit yapar,
hem dış [açı]yı
iç ve karşıt [açı]ya eşit,
hem iç ve aynı taraftaki [açıları]
iki dik açuya eşit.

Zira paralel AB ve ΓΔ doğruları üze-
rine
EZ doğrusu düşsün.

Diyorum ki ters AHΘ ve HΘΔ açıları
eşit yapar,
ve EHB dış açısını
iç ve karşıt
HΘΔ'ya eşit,
ve iç ve aynı taraftaki
BHΘ ile HΘΔ açılarını
iki dik açuya eşit.

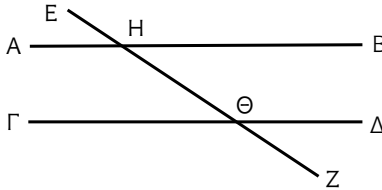
Zira eğer eşit değilse
AHΘ, HΘΔ açısına,
biri büyüktür.
AHΘ daha büyük olsun;
ortak olarak BHΘ eklenmiş olsun;
böylece AHΘ ve BHΘ,
BHΘ ve HΘΔ'dan büyüktür.
Ama AHΘ ve BHΘ
iki dik açuya eşittir.
Böylece BHΘ ve HΘΔ [da]
iki dik açıdan küçüktür.
Ve iki dik açıdan küçük [açılar]dan
sonsuz uzatılan [doğrular],

συμπίπτουσιν·
 αἰ ἄρα AB, ΓΔ
 ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον
 συμπεσοῦνται·
 οὐ συμπίπτουσι δὲ
 διὰ τὸ παραλλήλους αὐτὰς
 ὑποκεῖσθαι·
 οὐκ ἄρα ἄνισός ἐστιν
 ἡ ὑπὸ ΑΗΘ τῆ ὑπὸ ΗΘΔ·
 ἴση ἄρα.
 ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΑΗΘ
 τῆ ὑπὸ ΕΗΒ ἐστὶν ἴση·
 καὶ ἡ ὑπὸ ΕΗΒ ἄρα
 τῆ ὑπὸ ΗΘΔ ἐστὶν ἴση·
 κοινὴ προσκεῖσθω ἡ ὑπὸ ΒΗΘ·
 αἰ ἄρα ὑπὸ ΕΗΒ, ΒΗΘ
 ταῖς ὑπὸ ΒΗΘ, ΗΘΔ ἴσαι εἰσίν.
 ἀλλὰ αἰ ὑπὸ ΕΗΒ, ΒΗΘ
 δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν·
 καὶ αἰ ὑπὸ ΒΗΘ, ΗΘΔ ἄρα
 δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

çarpışır.
 Böylece AB ve ΓΔ,
 uzatılınca sonsuza,
 çarpışır.
 Ama çarpışmaz,
 çünkü paralel
 kabul edilir.
 Böylece eşit değil değildir
 ΑΗΘ, ΗΘΔ'ya.
 Böylece eşittir.
 Ama ΑΗΘ,
 ΕΗΒ açısına eşittir;
 böylece ΕΗΒ da
 ΗΘΔ açısına eşittir;
 ortak olarak ΒΗΘ eklenmiş olsun;
 böylece ΕΗΒ ve ΒΗΘ,
 ΒΗΘ ve ΗΘΔ'ya eşittir.
 Ama ΕΗΒ ve ΒΗΘ
 iki dik açiya eşittir.
 Böylece ΒΗΘ ve ΗΘΔ da
 iki dik açiya eşittir.

Ἡ ἄρα εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας
 εὐθεῖα ἐμπίπτουσα
 τὰς τε ἐναλλάξ γωνίας
 ἴσας ἀλλήλαις ποιεῖ
 καὶ τὴν ἐκτὸς
 τῆ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἴσην
 καὶ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Böylece paralel doğrular üzerine
 düşen bir doğru
 hem ters açıları
 birbirine eşit yapar,
 hem dış [açı]yı
 iç ve karşıt [açı]ya eşit,
 hem iç ve aynı taraftaki [açı]ları
 iki dik açiya eşit;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



30. Önerme

Αἰ τῆ αὐτῆ εὐθείᾳ παράλληλοι
καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι.

Ἔστω
ἐκατέρα τῶν AB, ΓΔ
τῆ EZ παράλληλος·

λέγω, ὅτι
καὶ ἡ AB τῆ ΓΔ ἐστὶ παράλληλος.

Ἐπιπέτω γάρ
εἰς αὐτὰς εὐθεῖα ἡ HK.

καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους εὐθείας τὰς
AB, EZ
εὐθεῖα ἐμπέπτωκεν ἡ HK,
ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ AHK τῆ ὑπὸ HÖZ.
πάλιν, ἐπεὶ εἰς παραλλήλους εὐθείας
τὰς EZ, ΓΔ
εὐθεῖα ἐμπέπτωκεν ἡ HK,
ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ HÖZ τῆ ὑπὸ HKΔ.
ἐδείχθη δὲ καὶ
ἡ ὑπὸ AHK τῆ ὑπὸ HÖZ ἴση.
καὶ ἡ ὑπὸ AHK ἄρα
τῆ ὑπὸ HKΔ ἐστὶν ἴση·
καὶ εἰσὶν ἐναλλάξ.
παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ AB τῆ ΓΔ.

[Αἰ ἄρα τῆ αὐτῆ εὐθείᾳ παράλληλοι
καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι·]
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Aynı doğruya paraleller,
birbirine de paraleldir.

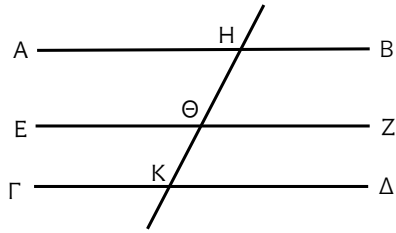
Olsun
AB ve ΓΔ'nın her biri,
EZ'ya paralel.

Diyorum ki
AB da ΓΔ'ya paraleldir.

Zira düşün
üzzerlerine HK.

Ve paralel AB ve EZ doğrularının
üzzerine
HK doğrusu düşmüş olduğundan,
böylece AHK, HÖZ'ya eşittir.
Yine, paralel EZ ve ΓΔ doğrularının
üzzerine
HK doğrusu düşmüş olduğundan,
HÖZ, HKΔ açısına eşittir.
Ve gösterilmişti
AHK, HÖZ'ya eşit.
Ve böylece AHK,
HKΔ'ya eşittir;
ve bunlar terstir.
Böylece AB, ΓΔ'ya paraleldir.

Böylece aynı doğruya paraleller
birbirine de paraleldir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



31. Önerme

Διὰ τοῦ δοθέντος σημείου
τῆς δοθείσης εὐθείας παράλληλον
εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Ἐστω

τὸ μὲν δοθὲν σημεῖον τὸ Α,
ἡ δὲ δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ ΒΓ·

δεῖ δὴ

διὰ τοῦ Α σημείου
τῆς ΒΓ εὐθείας παράλληλον
εὐθείαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Εἰλήφθω

ἐπὶ τῆς ΒΓ

τυχόν σημεῖον τὸ Δ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΔ·

καὶ συνεστάτω

πρὸς τῆς ΔΑ εὐθείας

καὶ τῷ πρὸς αὐτῆς σημείῳ τῷ Α

τῆς ὑπὸ ΑΔΓ γωνίας ἴση

ἡ ὑπὸ ΔΑΕ·

καὶ ἐκβεβλήσθω

ἐπ' εὐθείας τῆς ΕΑ

εὐθεῖα ἡ ΑΖ.

καὶ ἐπεὶ εἰς δύο εὐθείας τὰς ΒΓ, ΕΖ

εὐθεῖα ἐμπίπτουσα ἡ ΑΔ

τὰς ἐναλλὰξ γωνίας τὰς ὑπὸ ΕΑΔ, ΑΔΓ

ἴσας ἀλλήλαις πεποίηκεν,

παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΑΖ τῆς ΒΓ.

Διὰ τοῦ δοθέντος ἄρα σημείου τοῦ Α
τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς ΒΓ παράλληλος
εὐθεῖα γραμμὴ ἤκται ἡ ΕΑΖ·

Verilmiş bir noktadan
verilmiş bir doğruya paralel
bir doğru çizgi ilerlemek.

Olsun

verilmiş nokta Α,
ve verilmiş doğru ΒΓ.

O halde gereklidir

Α noktasından
ΒΓ doğrusuna paralel
bir doğru çizgi ilerlemek.

alınmış olsun

ΒΓ üzerinde

rastgele bir Δ noktası,
ve ΑΔ birleştirilmiş olsun,

ve inşa edilmiş olsun,

ΔΑ doğrusunda,

ve onun Α noktasında,

ΑΔΓ açısına eşit,

ΔΑΕ;

ve uzatılmış olsun,

ΕΑ ile aynı doğruya,

ΑΖ doğrusu.

Ve ΒΓ ve ΕΖ doğruları üzerine

düşen ΑΔ doğrusu,

ters ΕΑΔ ve ΑΔΓ açılarını

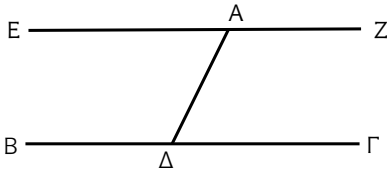
birbirine eşit yaptığundan,

böylece ΕΑΖ, ΒΓ'ya paraleldir.

Böylece, verilmiş Α noktasından,
verilmiş ΒΓ doğrusuna paralel,
doğru ΕΑΖ çizgisi, ilerletilmiş oldu;

ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

yaşılması gereken tam buydu.



32. Önerme

Παντός τριγώνου
μῖα τῶν πλευρῶν προσεκβληθείσης
ἡ ἔκτος γωνία
δυοῖ ταῖς ἐντός καί ἀπεναντίον
ἴση ἐστίν,
καί αἱ ἐντός τοῦ τριγώνου τρεῖς γωνίαι
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἐστω
τρίγωνον τὸ ΑΒΓ,
καὶ προσεκβεβλήσθω
αὐτοῦ μία πλευρὰ ἢ ΒΓ ἐπὶ τὸ Δ·

λέγω, ὅτι
ἡ ἔκτος γωνία ἢ ὑπὸ ΑΓΔ ἴση ἐστὶ
δυοῖ ταῖς ἐντός καί ἀπεναντίον
ταῖς ὑπὸ ΓΑΒ, ΑΒΓ,
καί αἱ ἐντός τοῦ τριγώνου τρεῖς γωνίαι
αἱ ὑπὸ ΑΒΓ, ΒΓΑ, ΓΑΒ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἐχθω γὰρ
διὰ τοῦ Γ σημείου
τῆ ΑΒ εὐθεία παράλληλος
ἢ ΓΕ.

καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν
ἢ ΑΒ τῆ ΓΕ,
καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπτωκεν
ἢ ΑΓ,
αἱ ἐναλλάξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ΒΑΓ, ΑΓΕ
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
πάλιν, ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν

Herhangi bir üçgenin
kenarlarından biri uzatılınca,
dış açı
iki karşıt iç açıya
eşittir,
ve üçgenin üç iç açısı
iki dik açıya eşittir.

Olsun
üçgen ΑΒΓ,
ve uzatılmış olsun
onun ΒΓ kenarı, Δ noktasına.

Diyorum ki
ΑΓΔ dış açısı eşittir
iki iç ve karşıt
ΓΑΒ ve ΑΒΓ açılarna,
ve üçgenin üç iç açısı
—ΑΒΓ, ΒΓΑ, ve ΓΑΒ—,
iki dik açıya eşittir.

Zira ilerletilmiş olsun
Γ noktasından
ΑΒ doğrusuna paralel
ΓΕ.

Ve paralel olduğundan
ΑΒ, ΓΕ' a,
ve bunların üzerine düştüğünden
ΑΓ,
ters ΒΑΓ ve ΑΓΕ açıları
birbirine eşittir.
Yine, paralel olduğundan

ή AB τῆ ΓΕ,
καί εἰς αὐτάς ἐμπέπτωκεν
εὐθεῖα ή ΒΔ,
ή ἐκτός γωνία ή ὑπό ΕΓΔ ἴση ἐστὶ
τῆ ἐντός καὶ ἀπεναντίον τῆ ὑπό ΑΒΓ.
ἐδείχθη δὲ καὶ
ή ὑπό ΑΓΕ τῆ ὑπό ΒΑΓ ἴση·
ὅλη ἄρα ή ὑπό ΑΓΔ γωνία
ἴση ἐστὶ
δυσὶ ταῖς ἐντός καὶ ἀπεναντίον
ταῖς ὑπό ΒΑΓ, ΑΒΓ.

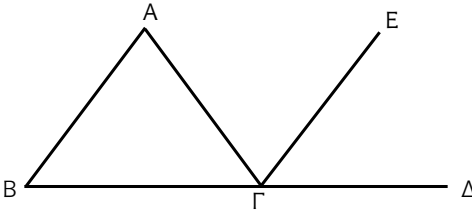
Κοινὴ προσκείσθω ή ὑπό ΑΓΒ·
αὶ ἄρα ὑπό ΑΓΔ, ΑΓΒ
τρισὶ ταῖς ὑπό ΑΒΓ, ΒΓΑ, ΓΑΒ
ἴσαι εἰσὶν.
ἀλλ' αὶ ὑπό ΑΓΔ, ΑΓΒ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν·
καὶ αὶ ὑπό ΑΓΒ, ΓΒΑ, ΓΑΒ ἄρα
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν.

Παντός ἄρα τριγώνου
μῖς τῶν πλευρῶν προσεκβληθείσης
ή ἐκτός γωνία
δυσὶ ταῖς ἐντός καὶ ἀπεναντίον
ἴση ἐστίν,
καὶ αὶ ἐντός τοῦ τριγώνου τρεῖς γωνίαι
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

AB, ΓΕ doğrusuna,
ve bunların üzerine düştüğünden
BD doğrusu,
EΓΔ dış açısı eşittir
iç ve karşıt ABΓ açısına.
Ve gösterilmişti
AGE da, BAG açısına eşit.
Böylece bütün AΓΔ açısı
eşittir
iki iç ve karşıt
BAG ve ABΓ açılara.

Ortak olarak AΓB eklensin;
böylece AΓΔ ve AΓB açıları
ABΓ, BΓA ve ΓAB üçlüsüne
eşittir.
Ama AΓΔ ve AΓB,
iki dik açıya eşittir;
böylece AΓB, ΓBA ve ΓAB da
iki dik açıya eşittir.

Böylece, herhangi bir üçgenin
kenarlarından biri uzatılınca,
dış açı
iki karşıt iç açıya
eşittir,
ve üçgenin üç iç açısı
iki dik açıya eşittir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



33. Önerme

Αἰ τὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπιζευγνύουσαι
εὐθεῖαι καὶ αὐταὶ
ἴσαι τε καὶ παράλληλοί εἰσιν.

Ἐστωσαν
ἴσαι τε καὶ παράλληλοι
αἱ AB, ΓΔ,
καὶ ἐπιζευγνύτωσαν αὐτὰς
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
εὐθεῖαι αἱ ΑΓ, ΒΔ.

λέγω, ὅτι
καὶ αἱ ΑΓ, ΒΔ
ἴσαι τε καὶ παράλληλοί εἰσιν.

Ἐπεζεύχθω ἡ ΒΓ.
καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν
ἡ AB τῇ ΓΔ,
καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπέπτωκεν
ἡ ΒΓ,
αἱ ἐναλλάξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ABΓ, ΒΓΔ
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ AB τῇ ΓΔ
κοινὴ δὲ ἡ ΒΓ,
δύο δὲ αἱ AB, ΒΓ
δύο ταῖς ΒΓ, ΓΔ ἴσαι εἰσίν·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ABΓ
γωνία τῇ ὑπὸ ΒΓΔ ἴση·
βάσις ἄρα ἡ ΑΓ
βάσει τῇ ΒΔ ἐστὶν ἴση,
καὶ τὸ ABΓ τρίγωνον
τῷ ΒΓΔ τριγώνῳ ἴσον ἐστίν,
καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι
ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται

Eşit paralelleri
aynı tarafta birleştiren
doğruların kendileri de
hem eşit hem paraleldirler.

Olsun
eşit paraleller
AB ve ΓΔ,
ve bunları birleştirsin
aynı tarafta
ΑΓ ve ΒΔ doğruları.

Diyorum ki
ΑΓ ve ΒΔ da
eşit ve paraleldir.

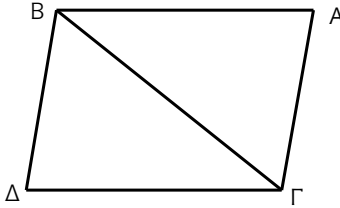
BΓ birleştirilmiş olsun.
Ve paralel olduğundan
AB, ΓΔ'ya,
ve bunların üzerine düştüğünden
BΓ,
ters ABΓ ve ΒΓΔ açıları
birbirine eşittir.
Ve AB, ΓΔ'ya eşit olduğundan,
ve BΓ ortak [olduğundan],
AB ve BΓ ikilisi
BΓ ve ΓΔ ikilisine eşittir;
ABΓ açısı da
BΓΔ açısına eşittir;
böylece ΑΓ tabanı
ΒΔ tabanına eşittir,
ve ABΓ üçgeni
BΓΔ üçgenine eşittir,
ve kalan açılar
kalan açılara eşit olacak,

ἐκατέρα ἐκατέρα,
 ὑφ' ὧς αἰ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν·
 ἴση ἄρα
 ἡ ὑπὸ ΑΓΒ γωνία τῇ ὑπὸ ΓΒΔ.
 καὶ ἐπεὶ εἰς δύο εὐθείας τὰς ΑΓ, ΒΔ
 εὐθεῖα ἐμπέπτουσα ἡ ΒΓ
 τὰς ἐναλλάξ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις
 πεποίηκεν,
 παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΑΓ τῇ ΒΔ.
 ἔδειχθη δὲ αὐτῇ καὶ ἴση.

Αἱ ἄρα τὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπιζευγνύουσαι
 εὐθεῖαι καὶ αὐταὶ
 ἴσαι τε καὶ παραλλήλοι εἰσιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

her biri birine,
 eşit kenarların raptettiği;
 böylece eşittir
 ΑΓΒ açısı, ΓΒΔ'ya.
 Ve iki ΑΓ ve ΒΔ doğrularının üzerine
 düşen ΒΓ doğrusu,
 ters açıları birbirine eşit
 yaptığundan,
 böylece ΑΓ, ΒΔ'ya paraleldir.
 Ve ona eşit olduğu da gösterilmişti.

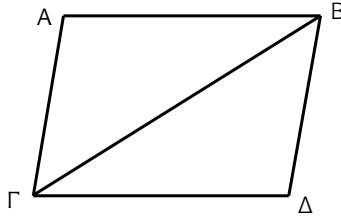
Böylece eşit paralelleri
 aynı tarafta birleştiren
 doğruların kendileri de
 hem eşit hem paraleldirler;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



34. Önerme

Τῶν παραλληλογράμμων χωρίων
αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν,
καὶ ἡ διάμετρος αὐτὰ δίχα τέμνει.

Paralelkenar alanlarının
hem karşıt kenarları hem de açıları,
birbirine eşittir,
ve köşegen onları ikiye böler.



Ἐστω
παραλληλόγραμμον χωρίον τὸ ΑΓΔΒ,
διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΒΓ·

Olsun
paralelkenar alan ΑΓΔΒ;
ve onun köşegeni, ΒΓ·

λέγω, ὅτι
τοῦ ΑΓΔΒ παραλληλογράμμου
αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν,
καὶ ἡ ΒΓ διάμετρος αὐτὸ δίχα τέμνει.

Diyorum ki
ΑΓΔΒ paralelkenarının
karşıt kenarları ve açıları
birbirine eşittir,
ve ΒΓ köşegeni onu ikiye böler.

Ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν
ἡ ΑΒ τῇ ΓΔ,
καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωκεν εὐθεῖα ἡ ΒΓ,

Zira paralel olduğundan
ΑΒ, ΓΔ'ya,
ve bunların üzerine düşmüş oldu-
ğundan ΒΓ,

αἱ ἐναλλάξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ΑΒΓ, ΒΓΔ
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

ters ΑΒΓ ve ΒΓΔ açıları
birbirine eşittir.

πάλιν ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν
ἡ ΑΓ τῇ ΒΔ,
καὶ εἰς αὐτὰς ἐμπίπτωκεν ἡ ΒΓ,

Yine, paralel olduğundan
ΑΓ, ΒΔ'ya,
ve bunların üzerine düşmüş oldu-
ğundan ΒΓ,

αἱ ἐναλλάξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ΑΓΒ, ΓΒΔ

ters ΑΓΒ ve ΓΒΔ açıları

ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
 δύο δὴ τρίγωνά ἐστι
 τὰ ΑΒΓ, ΒΓΔ
 τὰς δύο γωνίας τὰς ὑπὸ ΑΒΓ, ΒΓΑ
 δυσὶ ταῖς ὑπὸ ΒΓΔ, ΓΒΔ
 ἴσας ἔχοντα
 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ
 καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ ἴσην
 τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις
 κοινὴν αὐτῶν τὴν ΒΓ·
 καὶ τὰς λοιπὰς ἄρα πλευρὰς
 ταῖς λοιπαῖς ἴσας ἔξει
 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ
 καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν
 τῇ λοιπῇ γωνίᾳ·
 ἴση ἄρα
 ἡ μὲν ΑΒ πλευρὰ τῇ ΓΔ,
 ἡ δὲ ΑΓ τῇ ΒΔ,
 καὶ ἔτι ἴση ἐστίν
 ἡ ὑπὸ ΒΑΓ γωνία τῇ ὑπὸ ΓΔΒ.
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστίν
 ἡ μὲν ὑπὸ ΑΒΓ γωνία τῇ ὑπὸ ΒΓΔ,
 ἡ δὲ ὑπὸ ΓΒΔ τῇ ὑπὸ ΑΓΒ,
 ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΒΔ
 ὅλη τῇ ὑπὸ ΑΓΔ ἐστίν ἴση.
 εἰδείχθη δὲ καὶ
 ἡ ὑπὸ ΒΑΓ τῇ ὑπὸ ΓΔΒ ἴση.

Τῶν ἄρα παραλληλογράμμων χωρίων
 αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι
 ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.

Λέγω δὴ, ὅτι
 καὶ ἡ διάμετρος αὐτὰ δίχα τέμνει.

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἐστὶν ἡ ΑΒ τῇ ΓΔ,
 κοινὴ δὲ ἡ ΒΓ,
 δύο δὴ αἱ ΑΒ, ΒΓ

birbirine eşittir.
 O halde iki üçgendir
 ΑΒΓ ve ΒΓΔ,
 iki ΑΒΓ ve ΒΓΑ açıları
 iki ΒΓΔ ve ΓΒΔ açılarna
 eşit olan,
 her biri birine,
 ve bir kenarı, bir kenarına eşit olan,
 eşit açılardan yanında olan,
 onların ortak ΒΓ;
 böylece kalan kenarları da
 kalan kenarlarına eşit olacaklar,
 her biri birine,
 ve kalan açı
 kalan açığa;
 böylece eşittir
 ΑΒ kenarı ΓΔ'ya,
 ve ΑΓ, ΒΔ'ya,
 ve eşittir
 ΒΑΓ açısı, ΓΔΒ'ya.
 Ve eşit olduğundan
 ΑΒΓ açısı, ΒΓΔ'ya,
 ve ΓΒΔ, ΑΓΒ açısına,
 böylece bütün ΑΒΔ,
 bütün ΑΓΔ'ya eşittir.
 Ve gösterilmişti
 ΒΑΓ da, ΓΔΒ'ya eşit.

Böylece, paralelkenar alanların
 hem karşıt kenarları hem de açıları,
 birbirine eşittir.

O halde diyorum ki
 köşegen de onları ikiye böler.

Zira ΑΒ, ΓΔ'ya eşit olduğundan,
 ve ΒΓ ortak olduğundan,
 o halde ΑΒ ve ΒΓ ikilisi

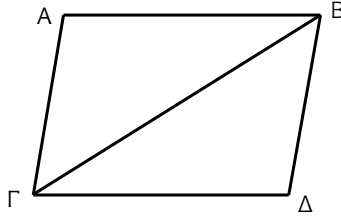
Önermeler

δυσὶ ταῖς $\Gamma\Delta$, $B\Gamma$ ἴσαι εἰσὶν
ἑκατέρω ἑκατέρω·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$
γωνία τῆ ὑπὸ $B\Gamma\Delta$ ἴση.
καὶ βάσις ἄρα ἡ $A\Gamma$
τῆ ΔB ἴση.
καὶ τὸ $AB\Gamma$ [ἄρα] τρίγωνον
τῷ $B\Gamma\Delta$ τριγώνω ἴσον ἐστίν.

Ἡ ἄρα $B\Gamma$ διάμετρος δίχα τέμνει
τὸ $AB\Gamma\Delta$ παραλληλόγραμμον·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

$\Gamma\Delta$ ve $B\Gamma$ ikilisine eşittir,
her biri birine;
ve $AB\Gamma$ açısı,
 $B\Gamma\Delta$ açısına eşittir.
Böylece $A\Gamma$ tabanı da,
 ΔB 'ya eşittir.
Böylece $AB\Gamma$ üçgeni de
 $B\Gamma\Delta$ üçgenine eşittir.

Böylece $B\Gamma$ köşegeni ikiye böler
 $AB\Gamma\Delta$ paralelkenarını;
gösterilmesi gereken tam buydu.



35. Önerme

Τὰ παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν.

Ἔστω
παραλληλόγραμμα τὰ ΑΒΓΔ, ΕΒΓΖ
ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΑΖ, ΒΓ·

λέγω, ὅτι
ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓΔ
τῷ ΕΒΓΖ παραλληλογράμμῳ.

Ἐπεὶ γὰρ παραλληλόγραμμὸν ἐστὶ
τὸ ΑΒΓΔ,
ἴση ἐστὶν ἡ ΑΔ τῇ ΒΓ.
διὰ τὰ αὐτὰ δὴ
καὶ ἡ ΕΖ τῇ ΒΓ ἐστὶν ἴση·
ὥστε καὶ ἡ ΑΔ τῇ ΕΖ ἐστὶν ἴση·
καὶ κοινὴ ἡ ΔΕ·
ὅλη ἄρα ἡ ΑΕ
ὅλη τῇ ΔΖ ἐστὶν ἴση.
ἔστι δὲ καὶ ἡ ΑΒ τῇ ΔΓ ἴση·
δύο δὴ αἱ ΕΑ, ΑΒ
δύο ταῖς ΖΔ, ΔΓ ἴσαι εἰσὶν
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ·
καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΔΓ
γωνία τῇ ὑπὸ ΕΑΒ ἐστὶν ἴση
ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς·
βάσις ἄρα ἡ ΕΒ
βάσει τῇ ΖΓ ἴση ἐστίν,
καὶ τὸ ΕΑΒ τρίγωνον
τῷ ΔΖΓ τριγώνῳ ἴσον ἔσται·

Paralelkenarlar
aynı tabanda olan
ve aynı paralellerde,
birbirine eşittir.

Olsun
paralelkenarlar ΑΒΓΔ ve ΕΒΓΔ,
aynı ΓΒ tabanında,
ve aynı ΑΖ ve ΒΓ paralellerinde.

Diyorum ki
ΑΒΓΔ eşittir
ΕΒΓΖ paralelkenarına.

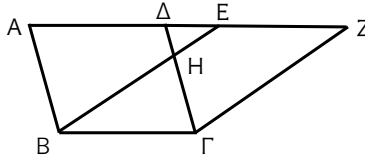
Zira paralelkenar olduğundan
ΑΒΓΔ,
ΑΔ, ΒΓ'ya eşittir.
Aynı sebeple o halde
ΕΖ da, ΒΓ'ya eşittir;
öyleyse ΑΔ da ΕΖ'ya eşittir;
ve ΔΕ ortaktır;
böylece bütün ΑΕ,
bütün ΔΖ'ya eşittir.
ΑΒ da ΔΓ'ya eşittir.
O halde ΕΑ ve ΑΒ ikilisi
ΖΔ ve ΔΓ ikilisine eşittir
her biri birine;
ve ΖΔΓ açısı da
ΕΑΒ açısına eşittir,
dış açı, iç açıya;
böylece ΕΒ tabanı
ΖΓ tabanına eşittir,
ve ΕΑΒ üçgeni
ΔΖΓ üçgenine eşit olacak;

κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΔΗΕ·
 λοιπὸν ἄρα τὸ ΑΒΗΔ τραπέζιον
 λοιπῶ τῶ ΕΗΓΖ τραπέζιῳ ἴσον·
 κοινὸν προσκείσθω
 τὸ ΗΒΓ τρίγωνον·
 ὅλον ἄρα τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμ-
 μον
 ὅλω τῶ ΕΒΓΖ παραλληλογράμῳ ἴσον
 ἔστιν.

ortak ΔΗΕ ayrılmış olsun;
 böylece kalan ΑΒΗΔ yamuğu²⁰
 kalan ΕΗΓΖ yamuğuna eşittir;
 ortak olarak eklenmiş olsun
 ΗΒΓ üçgeni;
 böylece bütün ΑΒΓΔ paralelkenarı,
 bütün ΕΒΓΖ paralelkenarına eşittir.

Τὰ ὅρα παραλληλόγραμμα
 τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
 καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Böylece paralelkenarlar;
 aynı tabanda olan
 ve aynı paralellerde olanlar,
 birbirine eşittir;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



²⁰Yani *trapezion*.

36. Önerme

Τὰ παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ἔστω
παραλληλόγραμμα τὰ ΑΒΓΔ, ΕΖΗΘ
ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα τῶν ΒΓ, ΖΗ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΑΘ, ΒΗ·

λέγω, ὅτι
ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον
τῷ ΕΖΗΘ.

Ἐπεζεύχθωσαν γὰρ
αἱ ΒΕ, ΓΘ.

καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΒΓ τῇ ΖΗ,
ἀλλὰ ἡ ΖΗ τῇ ΕΘ ἐστὶν ἴση,
καὶ ἡ ΒΓ ἄρα τῇ ΕΘ ἐστὶν ἴση.
εἰσὶ δὲ καὶ παράλληλοι.
καὶ ἐπιζευγνύουσιν αὐτὰς αἱ ΕΒ, ΘΓ·
αἱ δὲ τὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπιζευγνύουσαι
ἴσαι τε καὶ παράλληλοί εἰσι
[καὶ αἱ ΕΒ, ΘΓ ἄρα
ἴσαι τέ εἰσι καὶ παράλληλοι].
παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ
ΕΒΓΘ.
καὶ ἐστὶν ἴσον τῷ ΑΒΓΔ·
βάσιν τε γὰρ αὐτῶ τὴν αὐτὴν ἔχει τὴν
ΒΓ,
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστὶν
αὐτῶ ταῖς ΒΓ, ΑΘ.

Paralelkenarlar
eşit tabanlarda olan
ve aynı paralellerde,
birbirine eşittir.

Olsun
paralelkenarlar ΑΒΓΔ ve ΕΖΗΘ
eşit ΒΓ ve ΖΗ tabanlarında,
ve aynı ΑΘ ve ΒΗ paralellerinde.

Diyorum ki
ΑΒΓΔ paralelkenarı eşittir
ΕΖΗΘ'ya.

Zira birleştirilmiş olsun
ΒΕ ile ΓΘ.

Ve eşit olduğundan ΒΓ ile ΖΗ,
ama ΖΗ, ΕΘ'ya eşit olduğundan,
böylece ΒΓ da, ΕΘ'ya eşittir.
Ve paraleldirler de.
Ve ΕΒ ve ΘΓ onları birleştirir.
Ve hem eşit hem paraleller
aynı tarafta birleştirenler
hem eşit hem paraleldir.
[Ve böylece ΕΒ ve ΗΘ,
hem eşit hem paraleldir.]
Böylece ΕΒΓΘ bir paralelkenardır.

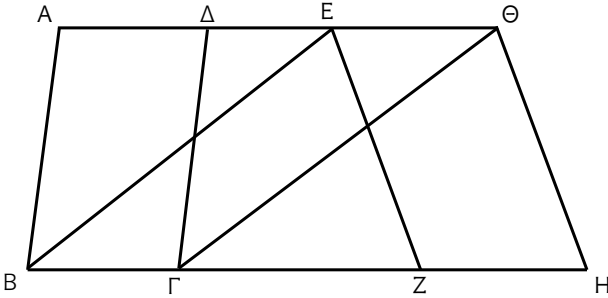
Ve eşittir ΑΒΓΔ'ya.
Zira onunla aynı ΒΓ tabanı vardır,
ve onunla aynı ΒΓ ve ΑΘ paralelle-
rindedir.

διὰ τὰ αὐτὰ δὴ
καὶ τὸ EZHΘ
τῶ αὐτῶ τῶ EBΓΘ ἔστιν ἴσον·
ὥστε καὶ τὸ ABΓΔ παραλληλόγραμμον
τῶ EZHΘ ἔστιν ἴσον.

Τὰ ἄρα παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Aynı sebeple o halde,
EZHΘ da,
aynı EBΓΘ'ya eşittir;
öyleyse ABΓΔ paralelkenarı da,
EZHΘ'ya eşittir.

Böylece paralelkenarlar
eşit tabanlarda olan
ve aynı paralellerde,
birbirine eşittir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



37. Önerme

Τὰ τρίγωνα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν.

Ἔστω
τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΔΒΓ
ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ταῖς ΑΔ, ΒΓ.

λέγω, ὅτι
ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΔΒΓ τριγώνῳ.

Ἐκβεβλήσθω
ἡ ΑΔ ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη
ἐπὶ τὰ Ε, Ζ,
καὶ διὰ μὲν τοῦ Β
τῆ ΓΑ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΒΕ,
διὰ δὲ τοῦ Γ
τῆ ΒΔ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΓΖ.

παραλληλόγραμμον ἄρα
ἔστιν ἐκότερον τῶν ΕΒΓΑ, ΔΒΓΖ.
καὶ εἰσιν ἴσα
ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσι τῆς
ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΓ, ΕΖ.
καὶ ἔστι τοῦ μὲν ΕΒΓΑ παραλληλο-
γράμμου ἥμισυ

Üçgenler
aynı tabanda olan
ve aynı paralellerde,
birbirine eşittir.

Olsun
üçgenler ΑΒΓ ve ΔΒΓ,
aynı ΒΓ tabanında
ve aynı paralellerinde
[yani] ΑΔ ve ΒΓ.

Diyorum ki
ΑΒΓ üçgeni, eşittir
ΔΒΓ üçgenine.

Uzatılmış olsun
ΑΔ doğrusu, her iki kenarda,
Ε ve Ζ noktalarına,
ve Β'dan,
ΓΑ'ya paralel
ΒΕ ilerletilmiş olsun,
ve Γ'dan
ΒΔ'ya paralel
ΓΖ ilerletilmiş olsun.

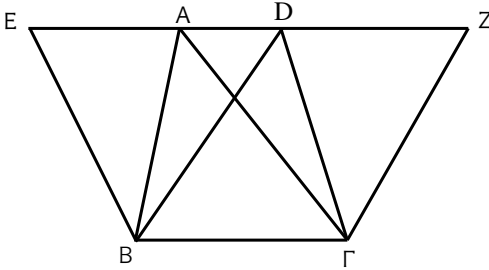
Böylece paralelkenardır
biri ΕΒΓΑ ile ΔΒΓΖ;
ve [bunlar] eşittir;
zira hem aynı ΒΓ tabanında
hem aynı ΒΓ ve ΕΖ paralellerinde;
ve ΕΒΓΑ paralelkenarının yarısı,

τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον·
 ἢ γὰρ AB διάμετρος αὐτὸ διχα τέμνει·
 τοῦ δὲ $\Delta B\Gamma Z$ παραλληλογράμμου
 ἡμισυ τὸ $\Delta B\Gamma$ τρίγωνον·
 ἢ γὰρ $\Delta\Gamma$ διάμετρος αὐτὸ διχα τέμνει.
 [τὰ δὲ τῶν ἴσων ἡμίση
 ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν].
 ἴσον ἄρα ἐστὶ
 τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $\Delta B\Gamma$ τριγώνῳ.

Τὰ ἄρα τρίγωνα
 τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
 καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

$AB\Gamma$ üçgenidir,
 zira AB köşegeni onu ikiye böler;
 ve $\Delta B\Gamma Z$ paralelkenarının
 yarısı, $\Delta B\Gamma$ üçgenidir,
 zira $\Delta\Gamma$ köşegeni onu ikiye böler.
 [Ve eşitlerin yarıları
 birbirine eşittir.]
 Böylece eşittir
 $AB\Gamma$ üçgeni $\Delta B\Gamma$ üçgenine.

Böylece üçgenler
 aynı tabanda olan
 ve aynı paralellerde,
 birbirine eşittir;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



38. Önerme

Τὰ τρίγωνα
τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν.

Ἔστω
τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΔΕΖ
ἐπὶ ἴσων βάσεων τῶν ΒΓ, ΕΖ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΖ, ΑΔ·

λέγω, ὅτι
ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΔΕΖ τριγώνῳ.

Ἐκβεβλήσθω γὰρ ἡ ΑΔ
ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ τὰ Η, Θ,
καὶ διὰ μὲν τοῦ Β
τῆ ΓΑ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΒΗ,
διὰ δὲ τοῦ Ζ
τῆ ΔΕ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΖΘ.

παραλληλόγραμμον ἄρα
ἔστιν ἐκότερον τῶν ΗΒΓΑ, ΔΕΖΘ·
καὶ ἴσον τὸ ΗΒΓΑ τῷ ΔΕΖΘ·
ἐπὶ τε γὰρ ἴσων βάσεων εἰσι τῶν ΒΓ,
ΕΖ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΖ, ΗΘ·
καὶ ἐστὶ τοῦ μὲν ΗΒΓΑ παραλληλο-
γράμμου ἥμισυ

Üçgenler
eşit tabanlarda olan
ve aynı paralellerde,
birbirine eşittir.

Olsun
üçgenler ΑΒΓ ve ΔΕΖ
eşit ΒΓ ve ΕΖ tabanlarında
ve aynı ΒΖ ve ΑΔ paralellerinde.

Diyorum ki
ΑΒΓ üçgeni, eşittir
ΔΕΖ üçgenine.

Zira ΑΔ uzatılmış olsun
her iki tarafta Η ve Θ'ya,
ve Β'dan,
ΓΑ'ya paralel,
ΒΗ ilerletilmiş olsun,
ve Ζ'dan,
ΔΕ'a paralel,
ΖΘ ilerletilmiş olsun.

Böylece paralelkenardır
biri ΗΒΓΑ ile ΔΕΖΘ;
ve ΗΒΓΑ, ΔΕΖΘ'ya eşittir;
zira hem eşit ΒΓ ve ΕΖ tabanlarında,
hem aynı ΒΖ ve ΗΘ paralellerinde;
ve ΗΒΓΑ paralelkenarının yarısı,

τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον.

ἡ γὰρ AB διάμετρος αὐτὸ διχα τέμνει·
τοῦ δὲ $\Delta EZ\Theta$ παραλληλογράμμου ἡ-
μισυ

τὸ $Z\Delta$ τρίγωνον·

ἡ γὰρ ΔZ διάμετρος αὐτὸ διχα τέμνει
[τὰ δὲ τῶν ἴσων ἡμίση
ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν].

ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον
τῷ ΔEZ τριγώνῳ.

Τὰ ἄρα τρίγωνα

τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν·
ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

$AB\Gamma$ üçgenidir.

Zira AB köşegeni onu ikiye böler;
ve $\Delta EZ\Theta$ paralelkenarının yarısı,

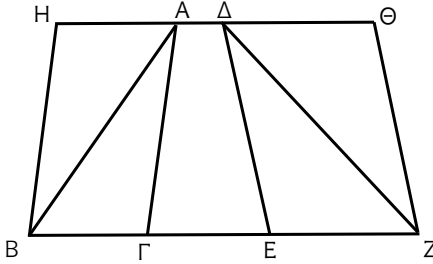
$Z\Delta$ üçgenidir;

zira ΔZ köşegeni onu ikiye böler.
[Ve eşitlerin yaruları,
birbirine eşittir.]

Böylece $AB\Gamma$ üçgeni eşittir
 ΔEZ üçgenine.

Böylece üçgenler

eşit tabanlarda olan
ve aynı paralelerde,
birbirine eşittir;
gösterilmesi gereken tam buydu.



39. Önerme

Τὰ ἴσα τρίγωνα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

Ἔστω
ἴσα τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΔΒΓ
ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη τῆς ΒΓ.

[λέγω, ὅτι
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.]

Ἐπεξεύχθω [γάρ] ἡ ΑΔ.

λέγω, ὅτι
παράλληλός ἐστιν ἡ ΑΔ τῇ ΒΓ.

Εἰ γὰρ μὴ,
ἦχθω
διὰ τοῦ Α σημείου
τῇ ΒΓ εὐθείᾳ παράλληλος
ἡ ΑΕ,
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΓ.
ἴσον ἄρα ἐστὶ
τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΕΒΓ τριγώνῳ.
ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐστίν
αὐτῶ τῆς ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις.
ἀλλὰ τὸ ΑΒΓ τῷ ΔΒΓ ἐστὶν ἴσον.
καὶ τὸ ΔΒΓ ἄρα τῷ ΕΒΓ ἴσον ἐστὶ
τὸ μείζον τῷ ἐλάσσονι.

Eşit üçgenler
aynı tabanda olan
ve aynı tarafında,
aynı paralellerdedir de.

Olsun
eşit üçgenleri ΑΒΓ ve ΔΒΓ
aynı ΒΓ tabanında ve aynı tarafında
olan.

[Diyorum ki
aynı paralellerdedirler de.]²¹

[Zira]²²ΑΔ birleştirilmiş olsun.

Diyorum ki
paraleldir ΑΔ, ΒΓ tabanına.

Zira eğer değil ise,
ilerletilmiş olsun
Α noktasından
ΒΓ doğrusuna paralel
ΑΕ,
ve ΕΓ birleştirilmiş olsun.
Eşittir böylece
ΑΒΓ üçgeni,
ΕΒΓ üçgenine;
zira hem onunla aynı ΒΓ tabanında,
hem aynı paralellerdedir.
Ama ΑΒΓ, ΔΒΓ'ya eşittir.
Ve böylece ΔΒΓ, ΕΒΓ'ya eşittir,
büyük küçüğe;

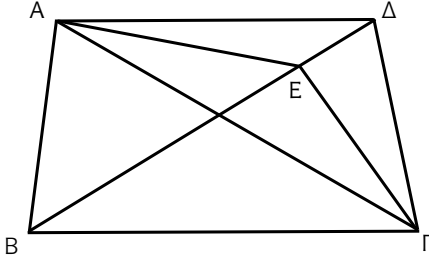
²¹Heath'in notuna [4, I.337] bakınız.

ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον·
 οὐκ ἄρα παράλληλός ἐστιν
 ἡ ΑΕ τῆ ΒΓ.
 ὁμοίως δὴ δείξομεν,
 ὅτι
 οὐδ' ἄλλη τις πλὴν τῆς ΑΔ·
 ἡ ΑΔ ἄρα τῆ ΒΓ ἔστι παράλληλος.

Τὰ ἄρα ἴσα τρίγωνα
 τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα
 καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἔστιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ki bu imkânsızdır.
 Böylece paralel değildir
 ΑΕ, ΒΓ'ya.
 Benzer şekilde o halde göstereceğiz
 ki
 ΑΔ dışındakiler de [paralel] değildir;
 böylece ΑΔ, ΒΓ'ya paraleldir.

Böylece eşit üçgenler
 aynı tabanda olan
 ve onun aynı tarafında,
 aynı paralellerdedirler de;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



40. Önerme

(Bu önerme, Öklid'in orijinal metne bir ilâvedir. Heath'in [4, I.338] notuna bakınız.)

Τὰ ἴσα τρίγωνα
τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

Eşit üçgenler,
eşit tabanlarda
ve aynı tarafta olan,
aynı paralelerdedirler de.

Ἔστω
ἴσα τρίγωνα τὰ ΑΒΓ, ΓΔΕ
ἐπὶ ἴσων βάσεων τῶν ΒΓ, ΓΕ
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

Olsun
eşit üçgenler ΑΒΓ ve ΓΔΕ,
eşit ΒΓ ve ΓΕ tabanlarında,
ve aynı tarafta olan.

λέγω, ὅτι
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

Diyorum ki
aynı paralelerdedirler de.

Ἐπεζεύχθω γὰρ ἡ ΑΔ·

Zira ΑΔ birleştirilmiş olsun.

λέγω, ὅτι
παράλληλός ἐστιν ἡ ΑΔ τῇ ΒΕ.

Diyorum ki
paraleldir ΑΔ, ΒΕ doğrusuna.

Εἰ γὰρ μὴ,
ἤχθω
διὰ τοῦ Α
τῇ ΒΕ παράλληλος
ἡ ΑΖ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΖΕ.
ἴσον ἄρα ἐστὶ
τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ΖΓΕ τριγώνῳ·
ἐπὶ τε γὰρ ἴσων βάσεων εἰσι τῶν ΒΓ,
ΓΕ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΕ, ΑΖ.

Zira eğer değil ise,
ilerletilmiş olsun
Α noktasından,
ΒΕ'a paralel,
ΑΖ,
ve ΖΕ birleştirilmiş olsun.
Böylece eşittir
ΑΒΓ üçgeni
ΖΓΕ üçgenine;
zira hem eşit ΒΓ ve ΓΕ tabanlarında,
hem aynı ΒΕ ve ΑΖ paralellerinde-
dir.

ἀλλὰ τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
ἴσον ἐστὶ τῷ ΔΓΕ [τρίγωνῳ]·

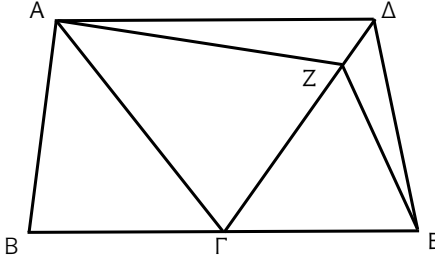
Ama ΑΒΓ üçgeni,
ΔΓΕ üçgenine eşittir;

καὶ τὸ ΔΓΕ ἄρα [τρίγωνον]
 ἴσον ἐστὶ τῷ ΖΓΕ τριγώνῳ
 τὸ μείζον τῷ ἐλάσσονι·
 ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον·
 οὐκ ἄρα παράλληλος
 ἡ ΑΖ τῇ ΒΕ.
 ὁμοίως δὴ δεῖξομεν,
 ὅτι
 οὐδ' ἄλλη τις πλὴν τῆς ΑΔ·
 ἡ ΑΔ ἄρα τῇ ΒΕ ἐστὶ παράλληλος.

Τὰ ἄρα ἴσα τρίγωνα
 τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα
 καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ve böylece ΔΓΕ üçgenini
 ΖΓΕ üçgenine eşittir,
 büyük küçüğe;
 ki bu imkânsızdır.
 Böylece paralel değildir
 ΑΖ, ΒΕ'a.
 Benzer şekilde o halde göstereceğiz
 ki
 ΑΔ dışındakiler de [paralel] değildir;
 böylece ΑΔ, ΒΕ'a paraleldir.

Böylece eşit üçgenler
 eşit tabanlarda olan
 ve aynı tarafta,
 aynı paralellerdedir de;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



41. Önerme

Ἐὰν παραλληλόγραμμον
τριγώνω
βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἦ,
διπλάσιόν ἐστί
τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου.

Παραλληλόγραμμον γὰρ τὸ ΑΒΓΔ
τριγώνω τῷ ΕΒΓ
βάσιν τε ἔχέτω τὴν αὐτὴν τὴν ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἔστω
ταῖς ΒΓ, ΑΕ·

λέγω, ὅτι
διπλάσιόν ἐστί
τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον
τοῦ ΒΕΓ τριγώνου.

Ἐπεζεύχθω γὰρ ἡ ΑΓ.

ἴσον δὴ ἐστί τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
τῷ ἘΒΓ τριγώνω·
ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐστιν
αὐτῷ τῆς ΒΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΓ, ΑΕ.

ἀλλὰ τὸ ἈΒΓΔ παραλληλόγραμμον
διπλάσιόν ἐστί τοῦ ΑΒΓ τριγώνου·
ἢ γὰρ ἈΓ διάμετρος αὐτὸ δίχα τέμνει·
ὥστε τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον
καὶ τοῦ ΕΒΓ τριγώνου ἐστί διπλάσιον.

Ἐὰν ἄρα παραλληλόγραμμον
τριγώνω
βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν

Eğer bir paralelkenar
bir üçgenle
hem aynı tabana sahipse,
hem aynı paralellerdeyse,
iki katıdır
paralelkenar, üçgenin.

Zira ΑΒΓΔ paralelkenarı,
ΕΒΓ üçgeniyle
hem aynı ΒΓ tabanına sahip olsun,
hem aynı ΒΓ ve ΑΕ paralellerinde ol-
sun.

Diyorum ki
iki katıdır
ΑΒΓΔ paralelkenarı,
ΒΕΓ üçgeninin.

Zira ΑΓ birleştirilmiş olsun.

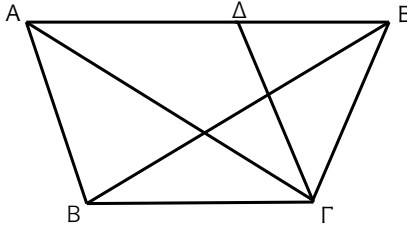
Eşittir ΑΒΓ üçgeni
ΕΒΓ üçgenine;
zira onunla hem aynı ΒΓ tabanına
sahiptir,
hem aynı ΒΓ ve ΑΕ paralellerindedir.

Ama ΑΒΓΔ paralelkenarı,
ΑΒΓ üçgeninin iki katıdır;
zira ΑΓ köşegeni onu ikiye böler;
öyleyse ΑΒΓΔ paralelkenarı,
ΕΒΓ üçgeninin de iki katıdır.

Böylece, eğer bir paralelkenar
bir üçgenle
hem aynı tabana sahipse,

καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἦ,
 διπλάσιόν ἐστὶ
 τὸ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

hem aynı paralellerdeyse,
 iki katıdır
 paralelkenar, üçgenin;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



42. Önerme

Τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον
παράλληλόγραμμον συστήσασθαι
ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Ἔστω
τὸ μὲν δοθὲν τρίγωνον τὸ ΑΒΓ,
ἡ δὲ δοθείσα γωνία εὐθύγραμμος ἡ Δ·

δεῖ δὴ
τῷ ΑΒΓ τριγώνῳ ἴσον
παράλληλόγραμμον συστήσασθαι
ἐν τῇ Δ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Τετμήσθω ἡ ΒΓ δίχα κατὰ τὸ Ε,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΑΕ,
καὶ συνεστάτω
πρὸς τῇ ΕΓ εὐθείᾳ
καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ Ε
τῇ Δ γωνίᾳ ἴση
ἡ ὑπὸ ΓΕΖ,
καὶ διὰ μὲν τοῦ Α τῇ ΕΓ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΑΗ,
διὰ δὲ τοῦ Γ τῇ ΕΖ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΓΗ·
παράλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ
ΖΕΓΗ.

καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν
ἡ ΒΕ τῇ ΕΓ,
ἴσον ἐστὶ καὶ τὸ ΑΒΕ τρίγωνον
τῷ ΑΕΓ τριγώνῳ·
ἐπὶ τε γὰρ ἴσων βάσεων εἰσι τῶν ΒΕ,
ΕΓ
καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς
ΒΓ, ΑΗ·

Verilmiş bir üçgene eşit
bir paralelkenarı inşa etmek
verilmiş bir düzkenar açıda.

Olsun
verilmiş üçgen ΑΒΓ,
ve verilmiş düzkenar açı Δ.

O halde gereklidir
ΑΒΓ üçgenine eşit
bir paralelkenar inşa etmek
Δ düzkenar açısında.

ΒΓ, Ε' da ikiye bölmüş olsun,
ve ΑΕ birleştirilmiş olsun,
ve inşa edilmiş olsun
ΕΓ doğrusunda,
ve üzerindeki Ε noktasında,
Δ açısına eşit,
ΓΕΖ,
ayrıca, Α' dan, ΕΓ' ya paralel,
ΑΗ ilerletilmiş olsun,
ve Γ' dan, ΕΖ' ya paralel,
ΓΗ ilerletilmiş olsun;
böylece ΖΕΓΗ bir paralelkenardır.

Ve eşit olduğundan
ΒΕ, ΕΓ' ya,
ΑΒΕ üçgeni de eşittir
ΑΕΓ üçgenine;
zira hem eşit ΒΕ ve ΕΓ tabanlarında,
hem aynı ΒΓ ve ΑΗ paralelelerindedir;

διπλάσιον ἄρα ἐστὶ
τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τοῦ $AE\Gamma$ τριγώνου.
ἔστι δὲ καὶ τὸ $ZE\Gamma H$ παραλληλόγραμ-
μον

διπλάσιον τοῦ $AE\Gamma$ τριγώνου·
βάσιν τε γὰρ αὐτῶ τὴν αὐτὴν ἔχει

καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ἐστὶν αὐτῶ παραλ-
λήλοις·

ἴσον ἄρα ἐστὶ

τὸ $ZE\Gamma H$ παραλληλόγραμμον

τῶ $AB\Gamma$ τριγώνω.

καὶ ἔχει τὴν ὑπὸ ΓEZ γωνίαν

ἴσην τῇ δοθείσῃ τῇ Δ .

Τῶ ἄρα δοθέντι τριγώνω τῶ $AB\Gamma$

ἴσον

παραλληλόγραμμον συνέσταται τὸ
 $ZE\Gamma H$

ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΓEZ ,

ἣτις ἐστὶν ἴση τῇ Δ ·

ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

iki katıdır böylece

$AB\Gamma$ üçgeni, $AE\Gamma$ üçgeninin,
ayrıca $ZE\Gamma H$ paralelkenarı

$AE\Gamma$ üçgeninin iki katıdır;

zira hem onunla aynı tabana sahip-
tir

hem onunla aynı paralellerdedir;

böylece eşittir

$ZE\Gamma H$ paralelkenarı

$AB\Gamma$ üçgenine.

Ve onun ΓEZ açısı

verilmiş Δ 'ya eşittir.

Böylece, verilmiş $AB\Gamma$ üçgenine

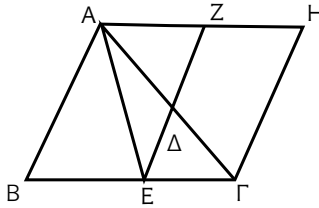
eşit

bir $ZE\Gamma H$ paralelkenar inşa edilmişti

ΓEZ açısında,

Δ açısına eşit olan;

yapılması gereken tam buydu.



43. Önerme

Παντός παραλληλογράμμου
τῶν περὶ τὴν διάμετρον
παραλληλογράμμων
τὰ παραπληρώματα
ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν.

Ἔστω
παραλληλόγραμμον τὸ ΑΒΓΔ,
διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΑΓ,
περὶ δὲ τὴν ΑΓ
παραλληλόγραμμα μὲν ἔστω
τὰ ΕΘ, ΖΗ,
τὰ δὲ λεγόμενα παραπληρώματα
τὰ ΒΚ, ΚΔ·

λέγω, ὅτι
ἴσον ἔστι τὸ ΒΚ παραπλήρωμα
τῷ ΚΔ παραπληρώματι.

Ἐπεὶ γὰρ παραλληλόγραμμὸν ἔστι
τὸ ΑΒΓΔ,
διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΑΓ,
ἴσον ἔστι
τὸ ΑΒΓ τρίγωνον τῷ ΑΓΔ τριγώνῳ.
πάλιν, ἐπεὶ παραλληλόγραμμὸν ἔστι
τὸ ΕΘ,
διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἔστιν ἡ ΑΚ,
ἴσον ἔστι
τὸ ΑΕΚ τρίγωνον τῷ ΑΘΚ τριγώνῳ.
διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ
τὸ ΚΖΓ τρίγωνον τῷ ΚΗΓ ἔστιν ἴσον.
ἐπεὶ οὖν τὸ μὲν ΑΕΚ τρίγωνον

Herhangi bir paralelkenarın
köşegeni etrafındaki
paralelkenarların
tümleyenleri,
birbirine eşittir.

Olsun
paralelkenar ΑΒΓΔ,
ve onun köşegeni ΑΓ,
ve ΑΓ etrafında
paralelkenarlar,
ΕΘ ve ΖΗ olsun,²³
ve sözde tümleyenleri,
ΒΚ ile ΚΔ.

Diyorum ki
ΒΚ tümleyeni eşittir
ΚΔ tümleyenine.

Zira bir paralelkenar olduğundan
ΑΒΓΔ,
ve ΑΓ, onun köşegeni [olduğundan],
eşittir
ΑΒΓ üçgeni, ΑΓΔ üçgenine.
Yine, bir paralelkenar olduğundan
ΕΘ,
ve ΑΚ, onun köşegeni [olduğundan],
eşittir
ΑΕΚ üçgeni, ΑΘΚ üçgenine.
O halde aynı sebeple
ΚΖΓ üçgeni de, ΚΗΓ'ya eşittir.
Dolayısıyla ΑΕΚ üçgeni,

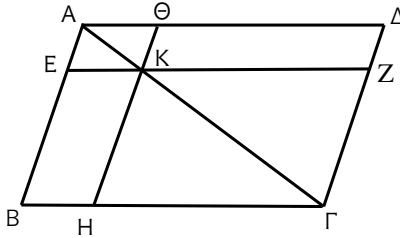
²³Yunancada ΕΘ paralelkenarı, τὸ ΕΘ παραλληλόγραμμον veya kısaca τὸ ΕΘ iken, ΕΘ çizgisi, ἡ ΕΘ γραμμή veya ἡ ΕΘ olur. Fark, harfi tarifile gösterilir.

τῷ ΑΘΚ τριγώνῳ ἔστιν ἴσον,
 τὸ δὲ ΚΖΓ τῷ ΚΗΓ,
 τὸ ΑΕΚ τρίγωνον μετὰ τοῦ ΚΗΓ
 ἴσον ἔστι
 τῷ ΑΘΚ τριγώνῳ μετὰ τοῦ ΚΖΓ·
 ἔστι δὲ καὶ ὅλον τὸ ΑΒΓ τρίγωνον
 ὅλῳ τῷ ΑΔΓ ἴσον·
 λοιπὸν ἄρα τὸ ΒΚ παραπλήρωμα
 λοιπῷ τῷ ΚΔ παραπληρώματι
 ἔστιν ἴσον.

ΑΘΚ üçgenine eşit olduđundan,
 ve ΚΖΓ, ΚΗΓ'ya,
 ΑΕΚ üçgeni, ΚΗΓ ile,
 eşittir
 ΑΘΚ üçgenine, ΚΖΓ ile;
 ve bütün ΑΒΓ üçgeni,
 bütün ΑΔΓ'ya eşittir;
 böylece kalan ΒΚ tümleyeni,
 kalan ΚΔ tümleyenine
 eşittir.

Παντὸς ἄρα παραλληλογράμμου χω-
 ρίου
 τῶν περὶ τὴν διάμετρον
 παραλληλογράμμων
 τὰ παραπληρώματα
 ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

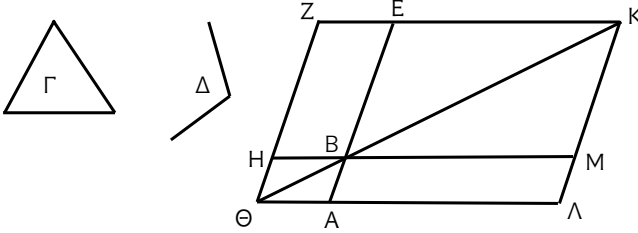
Böylece, herhangi bir paralelkenar
 alanın
 köşegeni etrafındaki
 paralelkenarların
 tümleyenleri,
 birbirine eşittir;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



44. Önerme

Παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον
παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν
ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθύγραμμῳ.

Verilmiş bir doğru boyunca
verilmiş bir üçgene eşit,
bir paralelkenar uygulamak
verilmiş bir düz kenar açıda.



Ἔστω

ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ AB,
τὸ δὲ δοθὲν τρίγωνον τὸ Γ,
ἡ δὲ δοθεῖσα γωνία εὐθύγραμμος
ἡ Δ·

Olsun

verilmiş doğru AB,
ve verilmiş üçgen Γ,
ve verilmiş düzkenar açı
Δ·

δεῖ δὴ

παρά τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τὴν AB
τῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ Γ ἴσον
παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν
ἐν ἴσῃ τῇ Δ γωνίᾳ.

O halde gereklidir

verilmiş AB doğrusu boyunca
verilmiş Γ üçgenine eşit
bir paralelkenar
verilmiş Δ açısında uygulamak.

Συνεστάτω

τῷ Γ τριγώνῳ ἴσον
παραλληλόγραμμον τὸ BEZH
ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ EBH,
ἣ ἔστιν ἴση τῇ Δ·
καὶ κείσθω
ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν BE τῇ AB,
καὶ διήχθω ἡ ZH ἐπὶ τὸ Θ,
καὶ διὰ τοῦ A

İnşa edilmiş olsun

Γ üçgenine eşit olan
BEZH paralelkenarı,
EBH açısında,
Δ'ya eşit olan;
ve oturtulmuş olsun
öyle ki BE, AB ile bir doğruya olsun,
ve ZH, Θ'a ilerletilmiş olsun
ve A'dan,

ὀποτέρᾳ τῶν ΒΗ, ΕΖ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΑΘ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΘΒ.

καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς ΑΘ, ΕΖ
εὐθεῖα ἐνέπεσεν ἡ ΘΖ,
αἱ ἄρα ὑπὸ ΑΘΖ, ΘΖΕ γωνίαι
δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.
αἱ ἄρα ὑπὸ ΒΘΗ, ΗΖΕ
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν·
αἱ δὲ ἄπὸ ἐλασσόνων ἡ δύο ὀρθῶν
εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι
συμπίπτουσιν·
αἱ ΘΒ, ΖΕ ἄρα ἐκβαλλόμεναι
συμπεσοῦνται.

ἐκβεβλήσθωσαν
καὶ συμπίπτέτωσαν κατὰ τὸ Κ,
καὶ διὰ τοῦ Κ σημείου
ὀποτέρᾳ τῶν ΕΑ, ΖΘ παράλληλος
ἦχθω ἡ ΚΛ,
καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ΘΑ, ΗΒ
ἐπὶ τὰ Λ, Μ σημεία.

παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ
ΘΛΚΖ,
διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΘΚ,
περὶ δὲ τὴν ΘΚ
παραλληλόγραμμο μὲν τὰ ΑΗ, ΜΕ,
τὰ δὲ λεγόμενα παραπληρώματα
τὰ ΑΒ, ΒΖ·
ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ ΑΒ τῷ ΒΖ.
ἀλλὰ τὸ ΒΖ τῷ Γ τριγώνῳ ἐστὶν ἴσον·
καὶ τὸ ΑΒ ἄρα τῷ Γ ἐστὶν ἴσον.
καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν
ἡ ὑπὸ ΗΒΕ γωνία τῇ ὑπὸ ΑΒΜ,
ἀλλὰ ἡ ὑπὸ ΗΒΕ τῇ Δ ἐστὶν ἴση,
καὶ ἡ ὑπὸ ΑΒΜ ἄρα τῇ Δ γωνία

ΒΗ ve ΕΖ'dan birine paralel olan,
ΑΘ ilerletilmiş olsun,
ve ΘΒ birleştirilmiş olsun.

Ve ΑΘ ile ΕΖ paralellerinin üzerine
ΘΖ doğrusu düştüğünden,
ΑΘΖ ve ΘΖΕ açıları
iki dik açiya eşittir.
Böylece ΒΘΗ ve ΗΖΕ
iki dik açıdan küçüktür.
Ve iki dik açıdan küçük olan,
sonsuzla uzatılan,
çarpışır.
Böylece uzatılan ΘΒ ve ΖΕ,
çarpışır.

Uzatılmış olsun
ve Κ noktasında çarpışmış olsun,
ve Κ noktasından,
ΕΑ veya ΖΘ doğrusuna paralel olan,
ΚΛ ilerletilmiş olsun,
ve ΘΑ ve ΗΒ uzatılmış olsun
Λ ve Μ'ye.

Böylece ΘΛΚΖ bir paralelkenardır,
ve ΘΚ onun köşegenidir,
ve ΘΚ etrafındadır
ΑΗ ve ΜΕ paralelkenarları,
ve bunların sözde tümleyenleri,
ΑΒ ile ΒΖ'dır;
Böylece ΑΒ, ΒΖ'ya eşittir.
Ama ΒΖ, Γ üçgenine eşittir.
Böylece ΑΒ da Γ'ya eşittir.
Ve eşit olduğundan
ΗΒΕ açısı, ΑΒΜ'ye,
ama ΗΒΕ, Δ'ya eşit olduğundan,
böylece ΑΒΜ de Δ açısına

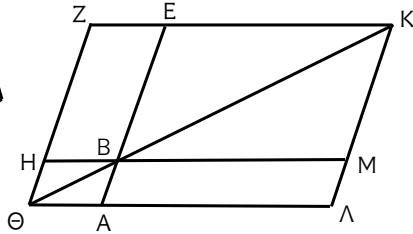
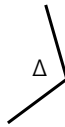
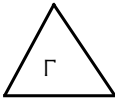
Önermeler

ἔστιν ἴση.

Παρά τήν δοθεῖσαν ἄρα εὐθεῖαν τήν
 ΑΒ
 τῷ δοθέντι τριγώνῳ τῷ Γ ἴσον
 παραλληλόγραμμον παραβέβληται τὸ
 ΛΒ
 ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΑΒΜ,
 ἣ ἔστιν ἴση τῇ Δ·
 ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

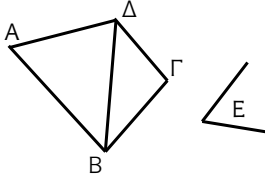
eşittir.

Böylece, verilmiş AB doğrusu bo-
 yunca,
 verilmiş bir Γ üçgenine eşit olan,
 ΛΒ paralelkenarı uygulanmış oldu,
 ΑΒΜ açısında,
 Δ'ya eşit olan;
 yapılması gereken tam buydu.

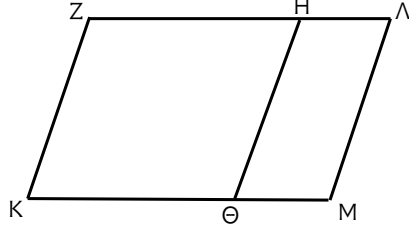


45. Önerme

Τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ ἴσον
 παραλληλόγραμμον συστήσασθαι
 ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.



Verilmiş bir düzkenar [figüre] eşit
 bir paralelkenar inşa etmek,
 verilmiş düzkenar açıda.



Ἐστω
 τὸ μὲν δοθὲν εὐθύγραμμον τὸ ABΓΔ,
 ἢ δὲ δοθεῖσα γωνία εὐθύγραμμος ἢ E·

Olsun
 verilmiş düzkenar [figür] ABΓΔ,
 ve verilmiş düzkenar açısı E.

δεῖ δὴ
 τῷ ABΓΔ εὐθυγράμμῳ ἴσον
 παραλληλόγραμμον συστήσασθαι
 ἐν τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ τῇ E.

O halde gereklidir
 ABΓΔ düzkenarına eşit
 bir paralelkenar inşa etmek,
 verilmiş E açısında.

Ἐπεζεύχθω ἡ ΔB,
 καὶ συνεστάτω
 τῷ ABΔ τριγώνῳ ἴσον
 παραλληλόγραμμον τὸ ZΘ
 ἐν τῇ ὑπὸ ΘΚΖ γωνίᾳ,
 ἢ ἔστιν ἴση τῇ E·
 καὶ παραβεβλήσθω
 παρὰ τὴν ΗΘ εὐθεῖαν
 τῷ ΔBΓ τριγώνῳ ἴσον
 παραλληλόγραμμον τὸ ΗΜ
 ἐν τῇ ὑπὸ ΗΘΜ γωνίᾳ,
 ἢ ἔστιν ἴση τῇ E.

ΔB birleştirilmiş olsun,
 ve inşa edilmiş olsun,
 ABD üçgenine eşit,
 bir ZΘ paralelkenarı,
 ΘΚΖ açısında,
 E'a eşit olan;
 ve uygulanmış olsun
 ΗΘ doğrusu boyunca,
 ΔBΓ üçgenine eşit,
 bir ΗΜ paralelkenarı,
 ΗΘΜ açısında,
 E'a eşit olan.

καὶ ἐπεὶ ἡ Ε γωνία
ἐκατέρω τῶν ὑπὸ ΘΚΖ, ΗΟΜ
ἐστὶν ἴση,
καὶ ἡ ὑπὸ ΘΚΖ ἄρα
τῆ ὑπὸ ΗΟΜ ἐστὶν ἴση.
κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΚΟΗ·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΖΚΘ, ΚΟΗ
ταῖς ὑπὸ ΚΟΗ, ΗΟΜ ἴσαι εἰσίν.
ἀλλ' αἱ ὑπὸ ΖΚΘ, ΚΟΗ
δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν·
καὶ αἱ ὑπὸ ΚΟΗ, ΗΟΜ ἄρα
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.
πρὸς δὴ τινὶ εὐθεῖα τῆ ΗΘ
καὶ τῷ πρὸς αὐτῆ σημείω τῷ Θ
δύο εὐθεῖαι αἱ ΚΘ, ΟΜ
μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι
τὰς ἐφεξῆς γωνίας
δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν·
ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ ΚΘ τῆ ΟΜ·
καὶ ἐπεὶ εἰς παραλλήλους τὰς ΚΜ, ΖΗ
εὐθεῖα ἐνέπεσεν ἡ ΘΗ,
αἱ ἐναλλὰξ γωνίαι αἱ ὑπὸ ΜΟΗ, ΟΗΖ
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΘΗΛ·
αἱ ἄρα ὑπὸ ΜΟΗ, ΘΗΛ
ταῖς ὑπὸ ΘΗΖ, ΘΗΛ ἴσαι εἰσίν.
ἀλλ' αἱ ὑπὸ ΜΟΗ, ΘΗΛ
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν·
καὶ αἱ ὑπὸ ΘΗΖ, ΘΗΛ ἄρα
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν·
ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ ΖΗ τῆ ΗΛ.
καὶ ἐπεὶ ἡ ΖΚ τῆ ΘΗ
ἴση τε καὶ παράλληλός ἐστὶν,
ἀλλὰ καὶ ἡ ΘΗ τῆ ΜΛ,
καὶ ἡ ΚΖ ἄρα τῆ ΜΛ
ἴση τε καὶ παράλληλός ἐστὶν·
καὶ ἐπιζευγνύουσιν αὐτὰς εὐθεῖαι αἱ
ΚΜ, ΖΛ·

Ve E açısı
ΘΚΖ ve ΗΟΜ'nün her birine
eşit olduğundan,
böylece ΘΚΖ da,
ΗΟΜ'ye eşittir.
Ortak olarak ΚΟΗ eklenmiş olsun;
böylece ΖΚΘ ve ΚΟΗ,
ΚΟΗ ve ΗΟΜ'ye eşittir.
Ama ΖΚΘ ve ΚΟΗ
iki dik açığa eşittir;
böylece ΚΟΗ ve ΗΟΜ de,
iki dik açığa eşittir.
O halde bir ΗΘ doğrusuna,
ve aynı Θ noktasında,
iki ΚΘ ve ΟΜ doğruları,
aynı tarafta oturmayan,
bitişik açıları
iki dik açığa eşit yapar.
Böylece ΚΘ, ΟΜ ile bir doğrudadır;
ve ΚΜ ve ΖΗ paralelleri üzerine
ΘΗ doğrusu düştüğünden,
ters ΜΟΗ ve ΟΗΖ açıları
birbirine eşittir.
Ortak olarak ΘΗΛ eklenmiş olsun;
böylece ΜΟΗ ve ΘΗΛ,
ΘΗΖ ve ΘΗΛ'ya eşittir.
Ama ΜΟΗ ve ΘΗΛ
iki dik açığa eşittir;
böylece ΘΗΖ ve ΘΗΛ da
iki dik açığa eşittir;
böylece ΖΗ, ΗΛ ile bir doğrudadır.
Ve ΖΚ, ΘΗ'ya
hem eşit hem paralel olduğundan,
ama ΘΗ da, ΜΛ'ya,
böylece ΚΖ da ΜΛ'ya
hem eşit hem paraleldir;
ve ΚΜ ile ΖΛ doğruları, onları bir-
leştirir;

Önermeler

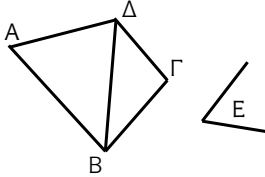
καὶ αἱ $KM, Z\Lambda$ ἄρα
ἴσαι τε καὶ παράλληλοι εἰσιν·
παράλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ
 $KZ\Lambda M$.

καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ
τὸ μὲν $AB\Delta$ τρίγωνον
τῷ $Z\Theta$ παραλληλογράμμῳ,
τὸ δὲ $\Delta B\Gamma$ τῷ HM ,
ὅλον ἄρα τὸ $AB\Gamma\Delta$ εὐθύγραμμον

ὅλῳ τῷ $KZ\Lambda M$ παραλληλογράμμῳ
ἴστιν ἴσον.

Τῷ ἄρα δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ
 $AB\Gamma\Delta$ ἴσον
παράλληλόγραμμον συνέσταται τὸ
 $KZ\Lambda M$

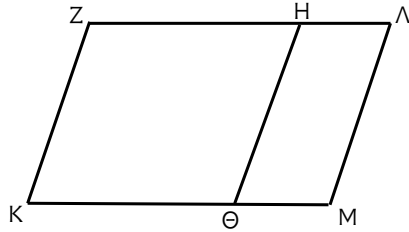
ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ZKM ,
ἣ ἐστὶν ἴση τῇ δοθείσῃ τῇ E .
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.



böylece KM ve $Z\Lambda$ da
hem eşit hem paraleldirler;
böylece $KZ\Lambda M$ bir paralelkenardır.

Ve eşit olduğundan
 $AB\Delta$ üçgeni
 $Z\Theta$ paralelkenarına,
ve $\Delta B\Gamma$, HM 'ye,
böylece, bütün $AB\Gamma\Delta$ düzkenar [fi-
gürü],
bütün $KZ\Lambda M$ paralelkenarına
eşittir.

Böylece, verilmiş düzkenar $AB\Gamma\Delta$ fi-
gürüne eşit,
bir $KZ\Lambda M$ paralelkenarı inşa edilmiş
oldu,
 ZKM açısında,
eşit olan verilmiş E açısına;
yapılması gereken tam buydu.



46. Önerme

Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας
τετράγωνον ἀναγράψαι.

Ἔστω
ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἢ AB .

δεῖ δὴ
ἀπὸ τῆς AB εὐθείας
τετράγωνον ἀναγράψαι.

Ἦχθω
τῆ AB εὐθείᾳ
ἀπὸ τοῦ πρὸς αὐτῇ σημείου τοῦ A
πρὸς ὀρθὰς
ἢ AG ,
καὶ κείσθω
τῆ AB ἴση
ἢ AD .
καὶ διὰ μὲν τοῦ Δ σημείου
τῆ AB παράλληλος
ἦχθω ἢ DE ,
διὰ δὲ τοῦ B σημείου
τῆ AD παράλληλος
ἦχθω ἢ BE .

παραλληλόγραμμον ἄρα ἐστὶ τὸ
 $ADEB$.

ἴση ἄρα ἐστὶν ἢ μὲν AB τῆ DE ,
ἢ δὲ AD τῆ BE .
ἀλλὰ ἢ AB τῆ AD ἐστὶν ἴση.
αἱ τέσσαρες ἄρα
αἱ BA , AD , DE , EB
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
ἰσόπλευρον ἄρα
ἐστὶ τὸ $ADEB$ παραλληλόγραμμον.

Verilmiş bir doğruya
bir kare çizmek.

Olsun
verilmiş doğru AB .

O halde gereklidir
 AB doğrusunda
bir kare çizmek.

İlerletilmiş olsun
 AB doğrusunda,
onundaki A noktasında,
dik açıda,
 AG ,
ve oturmuş olsun,
 AB 'ya eşit,
 AD ;
ve Δ noktasından,
 AB 'ya paralel,
 DE ilerletilmiş olsun;
ve B noktasından,
 AD 'ya paralel,
 BE ilerletilmiş olsun.

Böylece $ADEB$ bir paralelkenardır;

böylece AB , DE 'a eşittir,
ve AD , BE 'a.
Ama AB , AD 'ya eşittir.
Böylece dört
 BA , AD , DE , ve EB ,
birbirine eşittir;
böylece eşkenardır
 $ADEB$ paralelkenarı.

λέγω δὴ, ὅτι
καὶ ὀρθογώνιον.

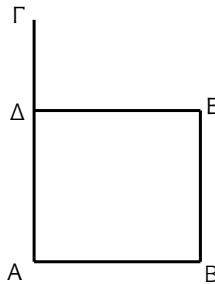
ἐπεὶ γὰρ εἰς παραλλήλους τὰς AB , ΔE
εὐθεῖα ἐνέπεσεν ἡ $A\Delta$,
αἱ ἄρα ὑπὸ $BA\Delta$, $A\Delta E$ γωνίαι
δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.
ὀρθὴ δὲ ἡ ὑπὸ $BA\Delta$.
ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ $A\Delta E$.
τῶν δὲ παραλληλογράμμων χωρίων
αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε καὶ γωνίαι
ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν.
ὀρθὴ ἄρα καὶ ἑκατέρω
τῶν ἀπεναντίον τῶν ὑπὸ ABE , $BE\Delta$
γωνιῶν.
ὀρθογώνιον ἄρα ἐστὶ τὸ $A\Delta EB$.
ἐδείχθη δὲ καὶ ἰσόπλευρον.

Τετράγωνον ἄρα ἐστίν.
καὶ ἐστὶν ἀπὸ τῆς AB εὐθείας
ἀναγεγραμμένον.
ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

O halde diyorum ki
dik açılıdır da.

Zira AB ve ΔE paralellerinin üzerine
 $A\Delta$ doğrusu düştüğünden,
böylece $BA\Delta$ ve $A\Delta E$,
iki dik açıya eşittir.
Ve $BA\Delta$ diktir;
böylece $A\Delta E$ de diktir.
Ve paralelkenar alanların
hem karşıt kenar hem açıları
birbirine eşittir.
Böylece diktir her biri
karşıt ABE ve $BE\Delta$ açılarından;
böylece $A\Delta EB$ dik açılıdır.
Ve gösterilmişti ki eşkenardır da.

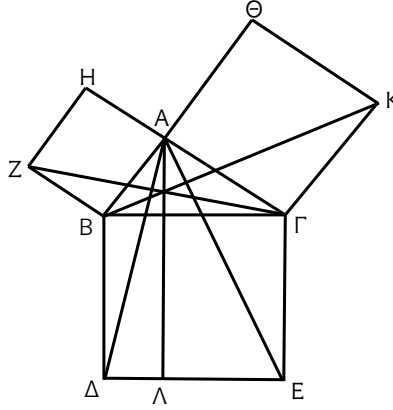
Böylece bir karedir;
ve o AB doğrusu üzerine
çizilmiştir;
yapılması gereken tam buydu.



47. Önerme

Ἐν τοῖς ὀρθογώνιοις τριγώνοις
τὸ ἀπὸ τῆς τῆν ὀρθὴν γωνίαν
ὑποτεινούσης
πλευρᾶς τετράγωνον
ἴσον ἐστὶ
τοῖς ἀπὸ τῶν τῆν ὀρθὴν γωνίαν
περιχουσῶν
πλευρῶν τετραγώνοις.

Dik açılı üçgenlerde,
dik açığı
rapteden
kenarın üzerindeki kare
eşittir
dik açığı
içeren
kenarların üzerindeki karelere.



Ἐστω
τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ ABΓ
ὀρθὴν ἔχον τῆν ὑπὸ BAΓ γωνίαν·

Olsun
dik açılı üçgen ABΓ,
dik açısı BAΓ olan.

λέγω, ὅτι
τὸ ἀπὸ τῆς BΓ τετράγωνον
ἴσον ἐστὶ
τοῖς ἀπὸ τῶν BA, AΓ τετραγώνοις.

Diyorum ki
BΓ üzerindeki kare
eşittir
BA ve AΓ üzerlerindeki karelere.

Ἀναγεγράψω γὰρ
ἀπὸ μὲν τῆς BΓ

Zira çizilmiş olsun
BΓ üzerinde

τετράγωνον τὸ ΒΔΕΓ,
 ἀπὸ δὲ τῶν ΒΑ, ΑΓ
 τὰ ΗΒ, ΘΓ,
 καὶ διὰ τοῦ Α
 ὀποτέρᾳ τῶν ΒΔ, ΓΕ παράλληλος
 ῥιχθῶ ἢ ΑΛ.²⁴
 καὶ ἐπεζεύχθωσαν
 αὐτὰ ΑΔ, ΖΓ.

καὶ ἐπεὶ ὀρθή ἐστίν
 ἑκατέρᾳ τῶν ὑπὸ ΒΑΓ, ΒΑΗ γωνιῶν,
 πρὸς δὴ τινι εὐθείᾳ τῇ ΒΑ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ Α
 δύο εὐθεῖαι αὐτὰ ΑΓ, ΑΗ
 μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κείμεναι
 τὰς ἐφεξῆς γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιούσιν·
 ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ ΓΑ τῇ ΑΗ.
 διὰ τὰ αὐτὰ δὴ
 καὶ ἡ ΒΑ τῇ ΑΘ ἐστὶν ἐπ' εὐθείας.
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν
 ἡ ὑπὸ ΔΒΓ γωνία τῇ ὑπὸ ΖΒΑ·
 ὀρθή γὰρ ἑκατέρᾳ·
 κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ ΑΒΓ·
 ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΒΑ
 ὅλη τῇ ὑπὸ ΖΒΓ ἐστὶν ἴση.
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν
 ἡ μὲν ΔΒ τῇ ΒΓ,
 ἡ δὲ ΖΒ τῇ ΒΑ,
 δύο δὴ αὐτὰ ΔΒ, ΒΑ
 δύο ταῖς ΖΒ, ΒΓ ἴσαι εἰσὶν
 ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ·
 καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΔΒΑ
 γωνία τῇ ὑπὸ ΖΒΓ ἴση·
 βάσις ἄρα ἡ ΑΔ
 βάσει τῇ ΖΓ [ἐστὶν] ἴση,

ΒΔΕΓ karesi,
 ve ΒΑ ile ΑΓ üzerlerinde,
 ΗΒ ve ΘΓ,
 ve Α noktasından,
 ΒΔ ve ΓΕ' a paralel olan,
 ΑΛ ilerletilmiş olsun;
 ve birleştirilmiş olsun
 ΑΔ ve ΖΓ.

Ve dik olduğundan
 ΒΑΓ ve ΒΑΗ açılarının her biri,
 bir ΒΑ doğrusunda,
 ve üzerindeki Α noktasında,
 ΑΓ ve ΑΗ doğruları,
 aynı tarafta oturmayan,
 bitişik açılar
 iki dik açiya eşit yapar;
 böylece ΓΑ, ΑΗ ile doğrudadır.
 O halde aynı sebeple
 ΒΑ da ΑΘ ile bir doğrudadır.
 Ve eşit olduğundan
 ΔΒΓ açısı, ΖΒΑ'ya,
 zira her ikisinde diktir;
 ortak olarak ΑΒΓ eklenmiş olsun;
 böylece bütün ΔΒΑ,
 bütün ΖΒΓ'ya eşittir.
 Ve eşit olduğundan
 ΔΒ, ΒΓ'ya,
 ve ΖΒ, ΒΑ'ya,
 o halde ΔΒ ve ΒΑ ikilisi
 ΖΒ ve ΒΓ ikilisine eşittir,
 her biri birine;
 ve ΔΒΑ açısı
 ΖΒΓ açısına eşittir;
 böylece ΑΔ tabanı
 ΖΓ tabanına eşittir,

²⁴Heiberg'in metninde [3, p. 110] Λ harfinin yerine Δ harfi konulmuştur.

Önermeler

καὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον
τῷ $ZB\Gamma$ τριγώνῳ ἔστιν ἴσον·
καὶ [ἔστι] τοῦ μὲν $AB\Delta$ τριγώνου
διπλάσιον τὸ BA παραλληλόγραμμον·
βάσιν τε γὰρ τὴν αὐτὴν ἔχουσι τὴν
 $B\Delta$

καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς εἰσι παραλλήλοις
ταῖς $B\Delta$, AA ·

τοῦ δὲ $ZB\Gamma$ τριγώνου
διπλάσιον τὸ HB τετράγωνον·
βάσιν τε γὰρ πάλιν τὴν αὐτὴν ἔχουσι
τὴν ZB

καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς εἰσι παραλλήλοις
ταῖς ZB , $H\Gamma$ ·

[τὰ δὲ τῶν ἴσων
διπλάσια ἴσα ἀλλήλοις ἔστιν·]

ἴσον ἄρα ἔστι
καὶ τὸ BA παραλληλόγραμμον
τῷ HB τετραγώνῳ.

ὁμοίως δὲ
ἐπιζευγνυμένων τῶν AE , BK
δειχθήσεται

καὶ τὸ ΓA παραλληλόγραμμον
ἴσον τῷ $\Theta\Gamma$ τετραγώνῳ·
ὅλον ἄρα τὸ $B\Delta E\Gamma$ τετράγωνον
δυσὶ τοῖς HB , $\Theta\Gamma$ τετραγώνοις
ἴσον ἔστιν.

καὶ ἔστι τὸ μὲν $B\Delta E\Gamma$ τετράγωνον
ἀπὸ τῆς $B\Gamma$ ἀναγραφέν,
τὰ δὲ HB , $\Theta\Gamma$ ἀπὸ τῶν BA , $A\Gamma$.
τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $B\Gamma$ πλευρᾶς τετρά-
γωνον

ἴσον ἔστι
τοῖς ἀπὸ τῶν BA , $A\Gamma$ πλευρῶν τε-
τραγώνοις.

Ἐν ἄρα τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις
τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν

ve $AB\Delta$ üçgeni
 $ZB\Gamma$ üçgenine eşittir;
ve $AB\Delta$ üçgeninin
 BA paralelkenarının iki katıdır;
zira hem aynı BA tabanına sahiptir,

hem aynı $B\Delta$ ve AA paralellerindedir;

ve $ZB\Gamma$ üçgeninin
 HB karesinin iki katıdır;
zira yine hem aynı ZB tabanına sa-
hıptir

hem aynı ZB ve $H\Gamma$ paralellerindedir.

[Ve eşitlerin
iki katları birbirine eşittir.]

Böylece eşittir
 BA paralelkenarı da
 HB karesine.

O halde benzer şekilde,
 AE ve BK birleştirilince,
gösterilecek ki

ΓA paralelkenarı da
 $\Theta\Gamma$ karesine eşittir.
Böylece bütün $\Delta BE\Gamma$
iki HB ve $\Theta\Gamma$ karelerine
eşittir.

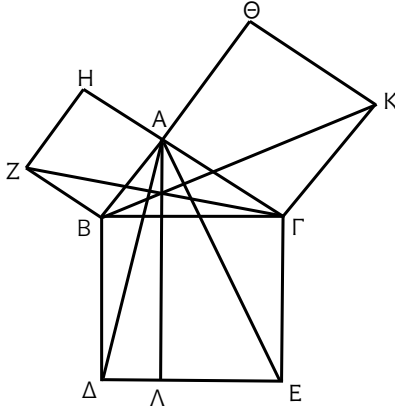
Ve $B\Delta E\Gamma$ karesi,
 $B\Gamma$ üzerine çizilmiştir,
ve HB ve $\Theta\Gamma$, BA ve $A\Gamma$ üzerine.
Böylece $B\Gamma$ kenarındaki kare

eşittir
 BA ve $A\Gamma$ kenarlarındaki karelere.

Böylece dik açılı üçgenlerde,
dik açı

ὑποτείνουσας
 πλευρᾶς τετράγωνον
 ἴσον ἔστι
 τοῖς ἀπὸ τῶν τῆν ὀρθὴν [γωνίαν]
 περιεχουσῶν
 πλευρῶν τετραγώνοις·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

rasteden
 kenar üzerindeki kare
 eşittir
 dik açığı
 içeren
 kenarların üzerindeki;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



48. Önerme

Ἐὰν τριγώνου
τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον
ἴσον ᾗ
τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
δύο πλευρῶν τετραγώνοις,
ἡ περιεχομένη γωνία
ὑπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
δύο πλευρῶν
ὀρθή ἐστίν.

Τριγώνου γὰρ τοῦ ΑΒΓ
τὸ ἀπὸ μιᾶς τῆς ΒΓ πλευρᾶς
τετράγωνον ἴσον ἔστω
τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ πλευρῶν
τετραγώνοις·

λέγω, ὅτι
ὀρθή ἐστίν ἡ ὑπὸ ΒΑΓ γωνία.

Ἦχθω γὰρ
ἀπὸ τοῦ Α σημείου
τῆ ΑΓ εὐθείᾳ
πρὸς ὀρθὰς ἡ ΑΔ
καὶ κείσθω
τῆ ΒΑ ἴση ἡ ΑΔ,
καὶ ἐπεζεύχθω ἡ ΔΓ.

ἐπεὶ ἴση ἐστίν ἡ ΔΑ τῆ ΑΒ,
ἴσον ἐστὶ
καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ΔΑ τετράγωνον
τῷ ἀπὸ τῆς ΑΒ τετραγώνῳ.
κοινὸν προσκείσθω
τὸ ἀπὸ τῆς ΑΓ τετράγωνον·
τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ΔΑ, ΑΓ
τετράγωνα ἴσα ἐστὶ

Eğer bir üçgenin
bir kenarının üzerindeki kare
eşitse
üçgenin kalan
iki kenarındaki karelere,
içerilen açı
üçgenin kalan
iki kenarı tarafından,
diktir.

Zira ΑΒΓ üçgeninin
ΒΓ kenarındaki
karesi eşit olsun
ΒΑ ve ΑΓ kenarlarındaki
karelere.

Diyorum ki
ΒΑΓ açısı diktir.

Zira ilerletilmiş olsun
Α noktasından
ΑΓ doğrusuna
dik açılarda ΑΔ,
ve oturmuş olsun
ΒΑ'ya eşit ΑΔ,
ve ΔΓ birleştirilmiş olsun.

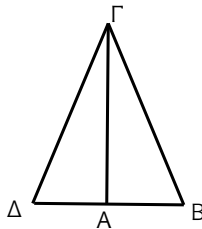
ΔΑ, ΑΒ'ya eşit olduğundan,
eşittir
ΔΑ üzerindeki kare de
ΑΒ üzerindeki kareye.
Eklenmiş olsun ortak
ΑΓ üzerindeki kare;
böylece ΔΑ ve ΑΓ üzerlerindeki
kareler eşittir

τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ τετραγώνοις.
 ἀλλὰ τοῖς μὲν ἀπὸ τῶν ΔΑ, ΑΓ
 ἴσον ἔστι
 τὸ ἀπὸ τῆς ΔΓ·
 ὀρθή γάρ ἐστιν ἡ ὑπὸ ΔΑΓ γωνία·
 τοῖς δὲ ἀπὸ τῶν ΒΑ, ΑΓ
 ἴσον ἔστι
 τὸ ἀπὸ τῆς ΒΓ·
 ὑπόκειται γάρ·
 τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς ΔΓ τετραγώνον
 ἴσον ἔστι
 τῷ ἀπὸ τῆς ΒΓ τετραγώνῳ·
 ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ ΔΓ
 τῆ ΒΓ ἔστιν ἴση·
 καὶ ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ ΔΑ τῆ ΑΒ,
 κοινὴ δὲ ἡ ΑΓ,
 δύο δὲ αἱ ΔΑ, ΑΓ
 δύο ταῖς ΒΑ, ΑΓ ἴσαι εἰσίν·
 καὶ βάσις ἡ ΔΓ
 βάσει τῆ ΒΓ ἴση·
 γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΔΑΓ
 γωνία τῆ ὑπὸ ΒΑΓ [ἐστίν] ἴση.
 ὀρθή δὲ ἡ ὑπὸ ΔΑΓ·
 ὀρθή ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΒΑΓ.

Ἐὰν ἄρα τριγώνου
 τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετραγώνον
 ἴσον ᾗ
 τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
 δύο πλευρῶν τετραγώνοις,
 ἡ περιεχομένη γωνία
 ὑπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου
 δύο πλευρῶν
 ὀρθή ἐστίν·
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

BA ve AG üzerlerindeki karelere.
 Ama DA ve AG üzerlerindeki kare
 eşittir
 ΔΓ üzerindeki;
 zira ΔΑΓ açısı diktir;
 ve BA ile AG üzerlerindeki karelere de
 eşittir
 ΒΓ üzerindeki;
 zira kabul edilir;
 böylece ΔΓ üzerindeki kare
 eşittir
 ΒΓ üzerindeki kareye;
 öyleyse ΔΓ kenarı da
 ΒΓ kenarına eşittir;
 ve ΔΑ, ΑΒ'ya eşit olduğundan,
 ve ΑΓ ortak [olduğundan],
 ΔΑ ve ΑΓ ikilisi
 ΒΑ ve ΑΓ ikilisine eşittir;
 ve ΔΑ tabanı
 ΒΓ tabanına eşittir;
 böylece ΔΑΓ açısı
 ΒΑΓ açısına eşittir.
 Ve ΔΑΓ diktir;
 böylece diktir ΒΑΓ.

Eğer böylece bir üçgende
 bir kenarın üzerindeki kare
 eşitse
 üçgenin kalan
 iki kenarlarındaki karelere,
 içeren açı
 üçgenin kalan
 iki kenarları tarafından,
 diktir;
 gösterilmesi gereken tam buydu.



Fiiller Sözlüğü

ἄγω ilerle=

διάγω ilerlet=

αἰρέω ἀφαιρέω ayır=

αἰτέω rica et=

ἀλλάττω

παραλλάττω sap=

ἄπτω *med.* dokun=

ἀρμόζω

ἐφαρμόζω uygula=

βάλλω

ἐκβάλλω uzat=

παραβάλλω uygula=

προσεκβάλλω uzat=

γράφω çiz=

ἀναγράφω çiz=

ἔχω -i ol=

περιέχω içer=

ζεύγνυμι birleştir=

ἴστημι dik=

δι-ἴστημι (διάστημα uzunluk)

ἐπίστημι -in üzerine dik=

συνίστημι inşa et=

καλέω *med.* -e den=

κεῖμαι otur=

ἐκκεῖμαι oturtul=

προσκέμαι eklen=

ὑποκέμαι kabul edil=

λαμβάνω al=

ἀπολαμβάνω ayır=

λέγω (λεγόμενος sözde)

περαίνω sınırla=

περατόω sınırlandır=

πίπτω

ἐμπίπτω üzerine düş=

προσπίπτω (*acc.* ile) üzerine düş=

συμπίπτω çarpış=

ποιέω yap=

τείνω

ὑποτείνω raptet=

τέμνω kes=

δίχα τέμνω ikiye böl=

τίθημι yerleştir=

Edatlar Sözlüğü

ἀλλά ama

ἄρα böylece

διὰ çünkü

διὰ ταυτά, διὰ τὰ αὐτά aynı sebeple

γάρ zira

[genitivus absolutus] -ince

δή o halde

ἐπεὶ -diğinden

καί de, ve

μέν...δέ —

μήν tabii ki

οὖν dolayısıyla

πάλιν yine

τε...καί hem...hem

τοίνυν elbette

ὥστε öyleyse, öyle ki

Kaynakça

- [1] Mustafa Kemal Atatürk. *Geometri*. Türk Dil Kurumu, Ankara, 2000. 4. baskı; 1. baskı 1971.
- [2] Güler Çelgin. *Eski Yunanca-Türkçe Sözlük*. Kabalcı, İstanbul, 2011.
- [3] Euclid. *Euclidis Elementa*, volume I of *Euclidis Opera Omnia*. Teubner, 1883. Edidit et Latine interpretatvs est I. L. Heiberg.
- [4] Euclid. *The thirteen books of Euclid's Elements translated from the text of Heiberg. Vol. I: Introduction and Books I, II. Vol. II: Books III-IX. Vol. III: Books X-XIII and Appendix*. Dover Publications Inc., New York, 1956. Translated with introduction and commentary by Thomas L. Heath, 2nd ed.
- [5] Euclid. *Euclid's Elements*. Green Lion Press, Santa Fe, NM, 2002. All thirteen books complete in one volume, the Thomas L. Heath translation, edited by Dana Densmore.
- [6] Euclid. *Euclid's Elements of Geometry*. Published by the editor, revised and corrected edition, 2008. Edited, and provided with a modern English translation, by Richard Fitzpatrick, <http://farside.ph.utexas.edu/euclid.html>.
- [7] Reviel Netz. *The shaping of deduction in Greek mathematics*, volume 51 of *Ideas in Context*. Cambridge University Press, Cambridge, 1999. A study in cognitive history.
- [8] Pappus. *Pappus Alexandrini Collectionis Quae Supersunt*, volume I. Weidmann, Berlin, 1877. E libris manu scriptis edidit, Latina interpretatione et commentariis instruxit Fridericus Hultsch.
- [9] Proclus. *Procli Diadochi in primum Euclidis Elementorum librum commentarii*. Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana. In aedibus B. G. Teubneri, 1873. Ex recognitione Godofredi Friedlein.

- [10] Proclus. *A commentary on the first book of Euclid's Elements*. Princeton Paperbacks. Princeton University Press, Princeton, NJ, 1992. Translated from the Greek and with an introduction and notes by Glenn R. Morrow, reprint of the 1970 edition, with a foreword by Ian Mueller.
- [11] Lucio Russo. *The forgotten revolution*. Springer-Verlag, Berlin, 2004. How science was born in 300 BC and why it had to be reborn, translated from the 1996 Italian original by Silvio Levy.
- [12] Ivor Thomas, editor. *Selections illustrating the history of Greek mathematics. Vol. II. From Aristarchus to Pappus*, volume 362 of *Loeb Classical Library*. Harvard University Press, Cambridge, Mass, 1951. With an English translation by the editor.